

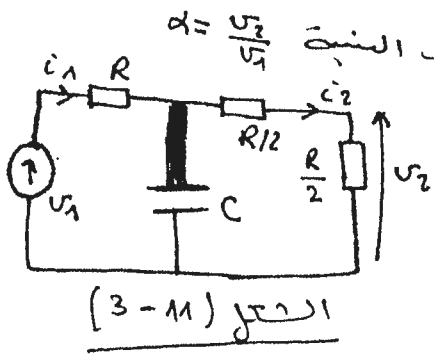
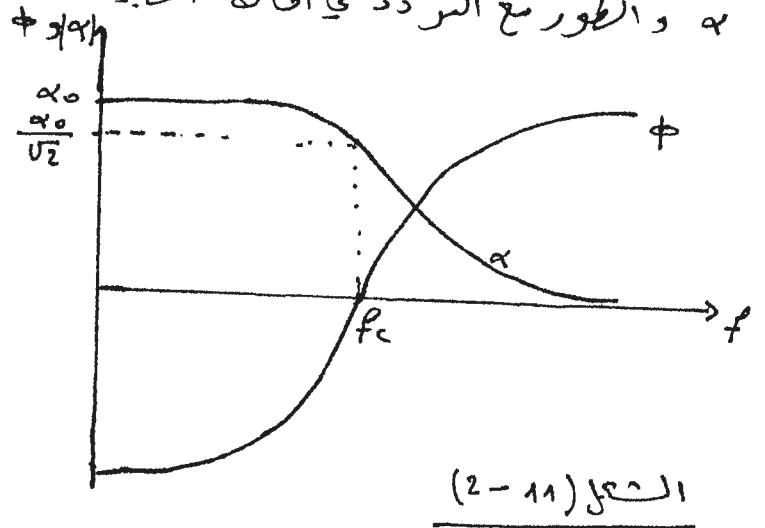
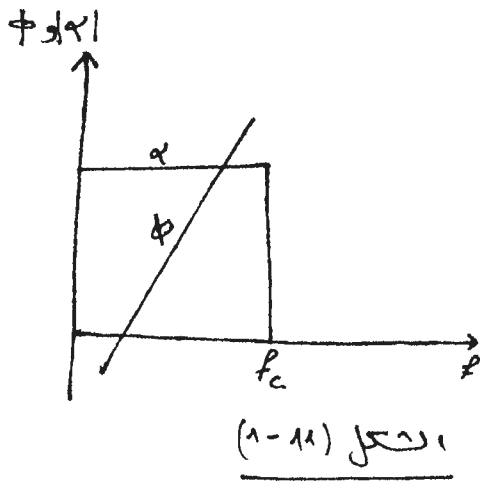
المرشحات

1

مقدمة:
 الغرض من المرشحات هو أن تمرر الدائرة المستخدمة بعض الترددات دون سواها
 وهناك أنواع كثيرة ومتعددة من المرشحات أهمها:

1-06: مرشح الترددات المنخفضة:

يسمح لهذا المرشح بمرور جميع الترددات الأقل من تردد القطع (f_c) ويكون معامل التخمير ($\alpha = \frac{V_2}{V_1}$) ثابت في الحالة المثالية ثم ينعدم تماماً عند f_c . والشكل (1-11) يوضح علاقة α والطور مع التردد في الحالة المثالية. بينما الشكل (2-11) يوضح علاقة α والطور مع التردد في الحالة الطبيعية.



مثال 1: اعتبر المرشح الموضح في الشكل (3-11) والموال لحواسب النسبة $\alpha = \frac{V_2}{V_1}$
 الحل: من الشكل نجد:

$$V_2 = \frac{R}{2} i_2 = \frac{R}{2} \left(\frac{1/j\omega C}{R + \frac{1}{j\omega C}} i_1 \right) \rightarrow (1)$$

ومن جهة أخرى:

$$i_1 = \frac{V_1}{R + \frac{R}{1 + j\omega C R}} = \frac{V_1 (1 + j\omega C R)}{R (2 + j\omega C R)}$$

$$i_1 = \frac{V_1}{R} \frac{1 + jx}{2 + jx} \rightarrow (2)$$

وبتوحيث $x = \omega C R$ نجد:

$$V_2 = \frac{1/j\omega C}{R + \frac{1}{j\omega C}} \cdot \frac{R}{2} \frac{V_1}{R} \frac{1 + jx}{2 + jx} = \frac{1}{1 + jx} \cdot \frac{R}{2} \cdot \frac{V_1}{R} \frac{1 + jx}{2 + jx} = \frac{V_1}{2} \frac{1}{2 + jx} \rightarrow (3)$$

$$\Rightarrow \alpha = \frac{V_2}{V_1} = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2 + jx} \right) \Rightarrow |\alpha| = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{1}{4 + x^2}} \rightarrow (4)$$

وحساب f_c نضع:

$$\frac{\alpha_0}{\sqrt{2}} = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{1}{4 + x^2}} \Rightarrow \frac{1}{4\sqrt{2}} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \sqrt{\frac{1}{1 + \frac{x^2}{4}}} \Rightarrow \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{x^2}{4}}}$$

$$\Rightarrow \frac{x^2}{4} = 1 \Rightarrow \boxed{x = 2}$$

وعلاوة على ذلك:

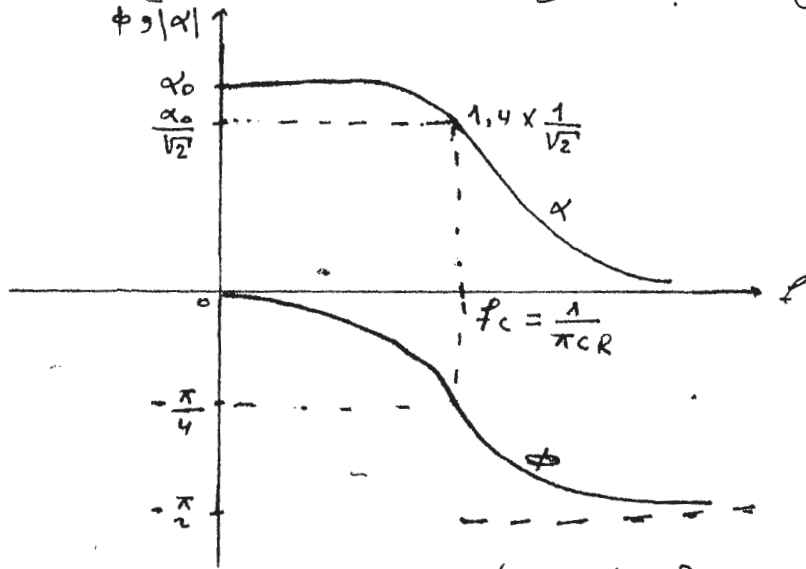
$$x = \omega C R \Rightarrow x_c = \omega_c C R \Rightarrow \omega_c = \frac{x_c}{C R} = \frac{2}{C R}$$

ومن العلاقة (3) نجد :

$$\operatorname{tg} \varphi = - \frac{\omega CR}{2} \Rightarrow \operatorname{tg} \varphi_c = - \frac{\omega_c CR}{2} = - \frac{2}{CR} = \frac{CR}{2} = -1$$

$$\Rightarrow \varphi_c = -45^\circ$$

وتكون شكل منحنى التذبذب والتغير (الطور) كما في الشكل (11-4) ومن جهة النظر العملية نعتبر أن المرشح السابغ يمرر سماخة الترددات التي تقل عن f_c ويرفض ما عدى ذلك .

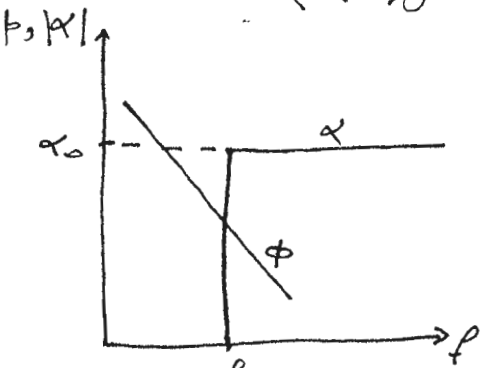


الشكل (11-4)

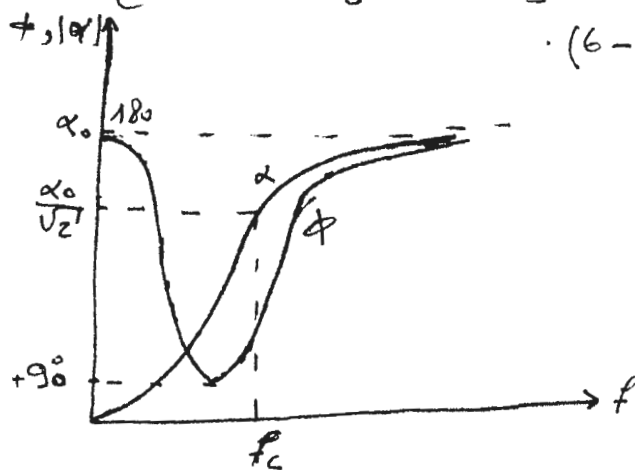
06-2 : مرشح الترددات المرتفعة :

يعكس المرشح السابغ حيث يسمح المرشح بمنايا مرار الترددات التي تزيد عن تردد معين ويسون تردد القطع ، أما فيما يخص تغير عامل التذبذب α والطور ϕ فإن عند المرشح المثالي تكون التذبذب ثابت والطور علامة خطية مع التردد وهذا موضح في الشكل (11-5) .

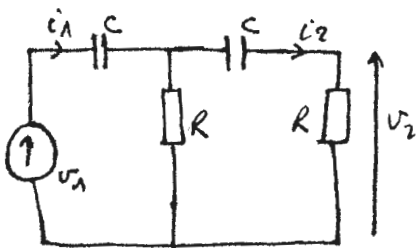
أما فيما يخص المرشح الحقيقي فإنه لا توجد الحدود الحادة للمنحنيات عمليا فلا يكون التذبذب ثابت تماما ولا الطور خطي تماما ، ويعرف تردد القطع بذلك التردد الذي يهبط عند التذبذب إلى $\frac{1}{\sqrt{2}}$ من قيمته العظمى وهذا المرشح موضح في الشكل (11-6) .



الشكل (11-5)



الشكل (11-6)



الشكل (11-7)

مثال : ليكن الشكل (11-7) الذي يمثل مرشح ذو تردد عالي فوجد وترديد α لم يضا .

$$v_2 = R i_2 = R \left(\frac{R}{2R + \frac{1}{j\omega C}} i_1 \right)$$

الحل : من الشكل :

نحو صافي $\sqrt{2}$ جيب:

$$V_2 = \frac{V_1}{\frac{1}{j\omega C} + \frac{R(R + 1/j\omega C)}{R + R + 1/j\omega C}} \cdot \frac{R^2}{2R + 1/j\omega C}$$

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{1}{\frac{2R + 1/j\omega C + R(R + 1/j\omega C)j\omega C}{j\omega C(2R + 1/j\omega C)}} \cdot \frac{R^2}{2R + 1/j\omega C} = R^2 \left[\frac{1}{(2R + 1/j\omega C) \left[\frac{(2R + 1/j\omega C) + (R^2 j\omega C + R)}{2R j\omega C + 1} \right]} \right]$$

$$\frac{V_2}{V_1} = R^2 \left[\frac{1}{\frac{(2R j\omega C + 1)}{j\omega C} \left[\frac{(2R + 1/j\omega C) + (R^2 j\omega C + R)}{2R j\omega C + 1} \right]} \right] = R^2 \left[\frac{1}{\frac{(2R j\omega C + 1)}{j\omega C} \left[\frac{(2R j\omega C + 1) + j\omega C(R^2 j\omega C + R)}{j\omega C(2R j\omega C + 1)} \right]} \right]$$

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{R^2 (j\omega C) (j\omega C) (1 + 2R j\omega C)}{(2R j\omega C + 1) (1 - R^2 \omega^2 C^2 + 3 j\omega C R)}$$

بوضع $x = \omega C R$ فيه:

$$\alpha = \frac{V_2}{V_1} = \frac{(jx)^2 (1 + 2jx)}{(1 + 2jx) [(1 - x^2) + 3jx]} = \frac{(jx)^2}{(1 - x^2) + 3jx}$$

$$|\alpha| = \frac{x^2 \sqrt{1 + 4x^2}}{\sqrt{1 + 4x^2} \sqrt{(1 - x^2)^2 + (3x)^2}} = \frac{x^2}{\sqrt{(1 - x^2)^2 + (3x)^2}}$$

و بهذا تكون عند تردد القطع:

$$\alpha_{max} = \lim_{x \rightarrow \infty} \alpha = 1$$

$$\alpha_c = \frac{1}{\sqrt{2}} \alpha_{max} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

ويبقى حساب x_c من العلاقة: $\alpha_c = \frac{1}{\sqrt{2}}$

$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{x_c^2}{\sqrt{(1 - x_c^2)^2 + 9x_c^2}} \Rightarrow x_c^4 - 7x_c^2 - 1 = 0$$

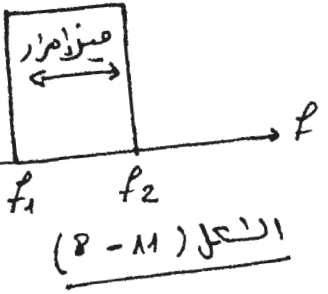
$$x_c = \pm \sqrt{\frac{7 \pm \sqrt{49 + 4}}{2}} = + \sqrt{\frac{7 + \sqrt{49 + 4}}{2}}$$

والحلول الاخرى مرفوضة لعدم وجود تردد سالب او متبلي:

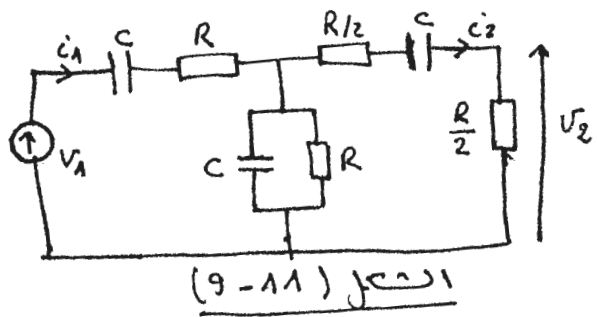
$$\therefore x_c = \sqrt{\frac{7 + \sqrt{53}}{2}} = 2.67 \quad \text{و} \quad \phi_c = 180^\circ - \arctan \frac{3x_c}{1 - x_c^2}$$

و ذلك فقط ان α محصورة من 1 الى الصفر بينما ϕ معصورة في المجال $[-180^\circ, 180^\circ]$.

يقوم بعد المرشح بتمرير الترددات المحصورة في حيز محصور بين ترددي منتصف العذرة f_d ومثال ذلك دوائر رنين التوالي والشكل (8-11) يوضح النوع المثالي لهذه المرشحات.



مثال: تعتبر الدارة التالية الموضحة في الشكل (9-11) وترية أيضا تعيين حيز الإمرار.



الحل: من الشكل: $V_2 = \frac{R}{2} C_2$
 وأيضا من الشكل:
 حساب C_1 :

$$C_2 = \frac{R \cdot \frac{1}{j\omega C} / R + \frac{1}{j\omega C}}{\frac{1}{j\omega C} + R + \frac{R \cdot \frac{1}{j\omega C}}{R + \frac{1}{j\omega C}}} C_1$$

$$C_1 = \frac{V_1}{R + \frac{1}{j\omega C} + \frac{(\frac{1}{j\omega C} + R) (\frac{R + \frac{1}{j\omega C}}{R + \frac{1}{j\omega C}})}{(\frac{1}{j\omega C} + R) + \frac{R \cdot \frac{1}{j\omega C}}{R + \frac{1}{j\omega C}}}}$$

بعد الحساب ودفع $x = j\omega C$ فيه:

$$C_1 = \frac{V_1}{\frac{1+jx}{j\omega C} + \frac{(1+jx) (R/(1+jx))}{\frac{1+jx}{j\omega C} + \frac{R}{1+jx}}} = \frac{V_1 (j\omega C) [(1+jx)^2 + jx]}{(1+jx) [(1+jx)^2 + 2jx]}$$

تعوين في عبارة C_2 فيه:

$$C_2 = \frac{V_1 (j\omega C)^2 R}{(1+jx) [(1+jx)^2 + 2jx]}$$

بالتعويض في علاقة V_2 :

$$V_2 = \frac{R}{2} C_2 = \frac{V_1 (j\omega C)^2 R^2}{2 (1+jx) [(1+jx)^2 + 2jx]}$$

$$\therefore \alpha = \frac{V_2}{V_1} = \frac{(j\omega C)^2 R^2}{2 (1+jx) [(1+jx)^2 + 2jx]}$$

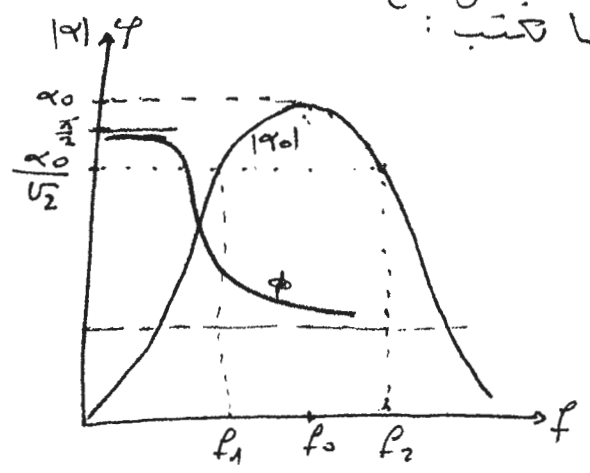
$$\therefore |\alpha| = \frac{\omega^2}{2 \sqrt{(1-5\omega^2)^2 + \omega^2(5-\omega^2)^2}} \quad \text{و} \quad \phi = 180^\circ - \arctan \frac{5\omega - \omega^3}{1-5\omega^2}$$

ونلاحظ ان عند ما $\omega = 0$ فان قيمة α تنعدم ولذلك لا بد من تواجد قيمة عليا للمتغير α عند قيمة ما للمتغير ω ولتكن $\omega = \omega_c$ وتكون عند هذه القيمة

5) $\alpha = \frac{\alpha_0}{\sqrt{2}}$ وتكون ليميني منتصف القدرة
 وحساب قيمة α_0 فإننا نشعر α بالسبيل α وتأتي هذه النتيجة بالخط
 بعد ما نفضل عن معادلة نقوم حلها فنحصل على α_0 ومن العلاقة السابقة نفضل α_0
 ومنها نكتب:

$$\frac{\alpha_0}{\sqrt{2}} = \frac{\alpha^2}{e \sqrt{(1 - \beta \alpha^2)^2 + \alpha^2 (\beta - \alpha^2)^2}}$$

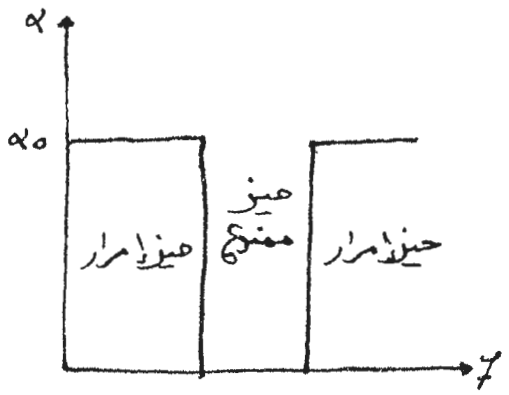
وتكون شكل المنحنى مشابه للشكل (11-10)



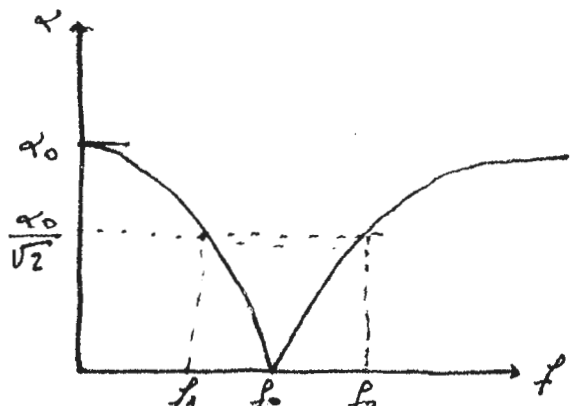
الشكل (11-10)

06-4: مرشح إيقاف حيز ترددي:

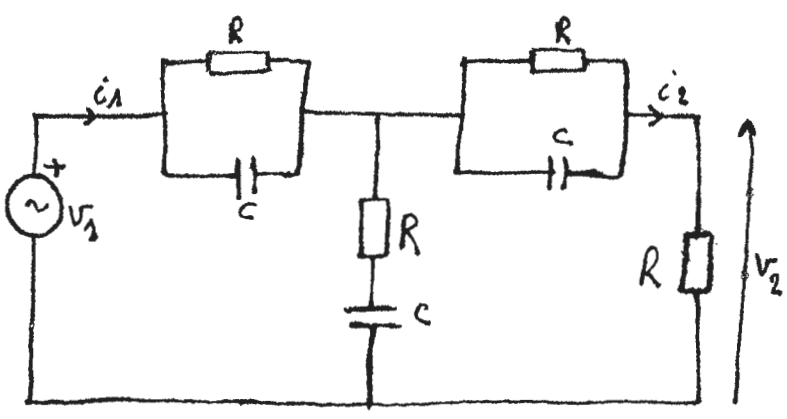
يسمح هذا المرشح بمرار جميع الترددات ما عدا حيز محدد منها حيز الحيز الممنوع
 ويمكن حصره كما تم الإيقاف على ذلك بين نقطتي منتصف القدرة (f_1, f_2) وذلك
 موضع في الشكل (11-12) والشكل (11-13) ومن أمثلة هذه المرشحات دوائر
 التوازي:



مرشح مثالي. الشكل (11-12)



الشكل (11-12) مرشح حقيقي



الشكل (11-13)

مثال:

نعتبر المرشح الموضح
 في الشكل (11-13).
 وحساب α نقوم أولاً
 بحساب Z_{in}
 ومن الشكل نجد:

6

$$i_1 = \frac{v_1}{z_e}$$

: حساب z_e

$$z_e = \frac{R \cdot \frac{1}{j\omega C}}{R + \frac{1}{j\omega C}} + \frac{(R + \frac{1}{j\omega C}) \left[\left(\frac{R \cdot \frac{1}{j\omega C}}{R + \frac{1}{j\omega C}} \right) + R \right]}{R + \left(\frac{R \cdot \frac{1}{j\omega C}}{R + \frac{1}{j\omega C}} \right) + R + \frac{1}{j\omega C}}$$

$$z_e = \frac{R}{1 + j\omega CR} + \frac{(R + \frac{1}{j\omega C}) \left(R + \frac{R}{1 + j\omega CR} \right)}{(R + \frac{1}{j\omega C}) + R + \frac{R}{1 + j\omega CR}}$$

بوضع $x = \omega CR$: خب

$$z_e = \frac{R}{1 + jx} + \frac{\left(\frac{1 + jx}{j\omega C} \right) \left(\frac{R(1 + jx) + R}{1 + jx} \right)}{\frac{1 + 2jx}{j\omega C} + \frac{R}{1 + jx}}$$

$$z_e = \frac{R \left[(1 + jx)(2 + jx) \right] / (j\omega C)(1 + jx)}{\left[(1 + 2jx)(1 + jx) + jx \right] / (j\omega C)(1 + jx)} + \frac{R}{1 + jx}$$

$$z_e = R \left[\frac{1}{1 + jx} + \frac{1(1 + jx)(2 + jx)}{(1 + 2jx)(1 + jx) + jx} \right]$$

$$z_e = R \left[\frac{(1 + 2jx)(1 + jx) + jx + (1 + jx)^2(2 + jx)}{(1 + jx) \left[(1 + 2jx)(1 + jx) + jx \right]} \right]$$

و من

$$i_1 = \frac{v_1}{R} \frac{(1 + jx) \left[(1 + jx)(1 + 2jx) + jx \right]}{(1 + 2jx)(1 + jx) + jx + (1 + jx)^2(2 + jx)}$$

: ل

$$i_2 = i_1 \cdot \frac{R + \frac{1}{j\omega C}}{(R + \frac{1}{j\omega C}) + R + \frac{R}{1 + j\omega CR}} = i_1 \frac{(1 + jx)/j\omega C}{\frac{1 + jx}{j\omega C} + R + \frac{R}{1 + jx}}$$

$$i_2 = \frac{(1 + jx)/j\omega C}{\frac{(1 + jx)^2 + j\omega CR(1 + jx) + j\omega CR}{j\omega C(1 + jx)}} \quad i_1 = \frac{(1 + jx)^2}{(1 + jx)^2 + jx(1 + jx) + jx} i_1$$

$$i_2 = \frac{(1 + jx)^2}{(1 + 2jx - x^2) + jx - x^2 + jx} i_1 = \frac{(1 + jx)^2}{(1 - 2x^2) + j4x} i_1$$

$$i_2 = \frac{(1 - x^2) + 2jx}{1 - 2x^2 + 4jx} i_1$$

: و حساب v_2

$$v_2 = R i_2 = R \frac{(1 - x^2) + 2jx}{1 + 2x^2 + 4jx} i_1$$

4

$$V_2 = \frac{R V_1}{R} \frac{(1+j\alpha)[(1+j\alpha)(1+2j\alpha)+j\alpha][(1-\alpha^2)+2j\alpha]}{[(1+2j\alpha)(1+j\alpha)+j\alpha+(1+j\alpha)^2(2+j\alpha)][1-2\alpha^2+4j\alpha]}$$

$$V_2 = \frac{[1-\alpha^2+2j\alpha](1+j\alpha)[(1-2\alpha^2)+4j\alpha] V_1}{[(1-2\alpha^2)+4j\alpha+(1-\alpha^2+2j\alpha)(2+j\alpha)][(1-2\alpha^2)+4j\alpha]}$$

$$V_2 = \frac{[(1-3\alpha^2)+j(3\alpha-\alpha^3)] V_1}{(1-2\alpha^2+2-2\alpha^2-2\alpha^2)+j(4\alpha+4\alpha+\alpha-\alpha^3)}$$

$$V_2 = \frac{[(1-3\alpha^2)+j(3\alpha-\alpha^3)]}{(3-6\alpha^2)+j(9\alpha-\alpha^3)} V_1$$

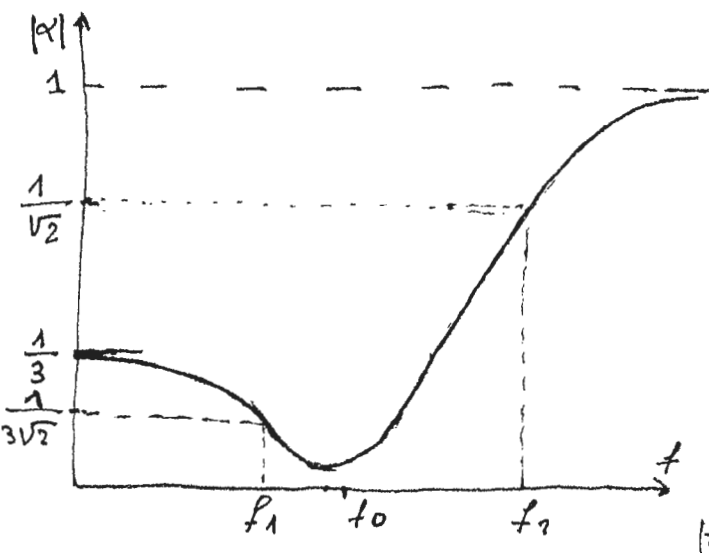
و نأخذ

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{(1-3\alpha^2)+j(3\alpha-\alpha^3)}{3(1-2\alpha^2)+j(9\alpha-\alpha^3)}$$

$$\Rightarrow |\alpha| = \sqrt{\frac{(1-3\alpha^2)^2 + (3\alpha-\alpha^3)^2}{9(1-2\alpha^2)^2 + (9\alpha-\alpha^3)^2}}$$

$$\phi = \arctg \frac{3\alpha-\alpha^3}{1-3\alpha^2} - \arctg \frac{9\alpha-\alpha^3}{3(1-2\alpha^2)}$$

من علاقة α نلاحظ أنها لا تتغير عند $\alpha=0$ أو $\alpha \rightarrow \infty$ بل تعطي على التوالي $\alpha_0 = \frac{1}{3}$ و $\alpha_\infty = 1$ وذلك لفعل قيمة صغرى عند $\alpha=0$ يمكن حسابها من العلاقة: $(1-3\alpha_0^2) + (3\alpha_0 - \alpha_0^3)^2 = 0$ و عند α_1 و α_2 نقطتي منتصف القدرة من المعادلة التالية لقيمت α_1 و تأخذ القيمة الصغرى:



$$\frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \frac{1}{3} = \sqrt{\frac{(1-3\alpha_1^2)^2 + (3\alpha_1 - \alpha_1^3)^2}{9(1-2\alpha_1^2)^2 + (9\alpha_1 - \alpha_1^3)^2}}$$

بينما α_2 من المعادلة التالية:

$$\frac{1}{\sqrt{2}} (1) = \sqrt{\frac{(1-3\alpha_2^2)^2 + (3\alpha_2 - \alpha_2^3)^2}{9(1-2\alpha_2^2)^2 + (9\alpha_2 - \alpha_2^3)^2}}$$

و تكون شكل منحني α موضح في الشكل (11-14).

بينما ϕ تكون مصورة بين الصفر من التوازيين أي عندما $\alpha=0$ و $\alpha \rightarrow \infty$ و تكون قيمتها أقل من $\frac{\pi}{2}$ فيما عدا ذلك.

الرجوع (11-14)

06-5- معامل الإمرار β :

يعرف معامل الإمرار β المرشح على أنه النسبة بين
و بالرجوع إلى العلاقة العامة حين:

$$\beta = - \frac{Y_{21}}{Y_{22}}$$

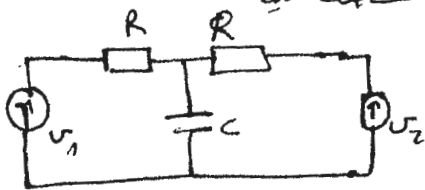
$$c_2 = Y_{21} v_1 + Y_{22} v_2$$

$$\Rightarrow \left. \begin{aligned} Y_{21} &= \frac{c_2}{v_1} \Big|_{v_2=0} \\ Y_{22} &= \frac{c_2}{v_2} \Big|_{v_1=0} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \beta = \frac{-c_2/v_1}{c_2/v_2} = - \frac{v_2}{v_1}$$

ولذلك ففي تعطي انطباع عند إمرار المرشح أو النسبة $\frac{v_2}{v_1}$ والإشارة
السالبة المستخدمة في التعريف مأخوذة خصيصاً للتخلص من إشارة
 Y_{21} التي تظهر دائماً بالسالب من المصنوعة (Y) الرباعي القطب.

06-5-9: معامل الإمرار المرشح الترددات المنخفضة:

الشكل (11-15) يوضح مرشح إمرار ترددات منخفضة نوع:



$$Z_1 = R$$

$$Z_2 = \frac{1}{j\omega C}$$

ومن الجداول السابقة:

الشكل (11-15)

$$Y_{11} = \frac{Y_1 (Y_1 + Y_2)}{Y_2 + 2Y_1} = \ominus Y_{22}$$

$$Y_{12} = \frac{-Y_1^2}{2Y_1 + Y_2} = \ominus Y_{21}$$

بالعوض بقيم Y_1 و Y_2 نجد:

$$Y_{11} = \frac{1 + j\omega CR}{R(2 + j\omega CR)} \Rightarrow Y_{22} = - \frac{1 + j\omega CR}{R(2 + j\omega CR)}$$

$$Y_{12} = - \frac{(1/R)^2}{\frac{2}{R} + j\omega C} = \frac{-1}{2R + j\omega CR^2} = \frac{-1}{R(2 + j\omega CR)} = -Y_{21} = \frac{1}{R(2 + j\omega CR)}$$

إذاً معامل الإمرار في حالة الدارة المقترحة:

$$\beta = - \frac{Y_{21}}{Y_{22}} = - \left(\frac{1}{R(2 + j\omega CR)} \right) \left(\frac{\ominus R(2 + j\omega CR)}{1 + j\omega CR} \right) = \frac{1}{1 + j\omega CR}$$

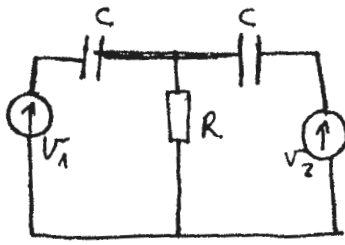
$$\Rightarrow |\beta| = \frac{1}{\sqrt{1 + (\omega CR)^2}} = \frac{1}{\sqrt{1 + x^2}} \Rightarrow |\beta_0| = 1$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot 1 = \frac{1}{\sqrt{1 + (\omega CR)^2}} \Rightarrow \boxed{\omega_c = \frac{1}{CR}} \text{ و } \boxed{f_c = \frac{1}{2\pi CR}}$$

ومن النتيجة التي وجدناها الآن ($\omega_c = \frac{1}{CR}$) والنتيجة التي وجدناها في المثال (1) $\omega_c = \frac{2}{CR}$ نلاحظ أنه بوضع حمل مقداره $\frac{R}{2}$ فإن ω_c قد زادت أي أصبح المرشح يمرر ترددات أعلى لذلك يجب أخذ التحميل دائماً بعين الاعتبار بالنسبة للترسعات.

06-5-5: معامل الاشارة لمربّع الترددات العالية:

الشكل (11-16) يوضح مربّع ترددات مرتفعة فيه:



الشكل (11-16)

$$Z_1 = \frac{1}{j\omega C}$$

$$Z_2 = R$$

ومن الجداول السابقة أيضا:

$$Y_{11} = \frac{Y_1(Y_1 + Y_2)}{Y_2 + 2Y_1}$$

$$= \frac{j\omega C(j\omega C + \frac{1}{R})}{\frac{1}{R} + 2j\omega C} = \frac{\frac{j\omega C}{R}(1 + j\omega CR)}{\frac{1}{R}(1 + 2j\omega CR)}$$

$$Y_{11} = \frac{j\omega C(1 + j\omega CR)}{(1 + 2j\omega CR)}$$

$$Y_{21} = \frac{Y_1^2}{2Y_1 + Y_2} = \frac{(j\omega C)^2}{2j\omega C + \frac{1}{R}} = \frac{(j\omega C)^2 R}{1 + 2j\omega CR}$$

$$\therefore \beta = -\frac{Y_{21}}{Y_{11}} = \frac{-(j\omega C)^2 R}{1 + 2j\omega CR} \cdot \frac{(-1)(1 + 2j\omega CR)}{j\omega C(1 + j\omega CR)} = \frac{j\omega CR}{1 + j\omega CR}$$

$$\Rightarrow |\beta| = \frac{\omega CR}{\sqrt{1 + (\omega CR)^2}} \Rightarrow |\beta|_{\max} = \lim_{\omega CR \rightarrow \infty} |\beta| = 1$$

$$\therefore \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot 1 = \frac{\omega_c CR}{\sqrt{1 + (\omega_c CR)^2}} \Rightarrow \boxed{\omega_c = \frac{1}{CR}}$$

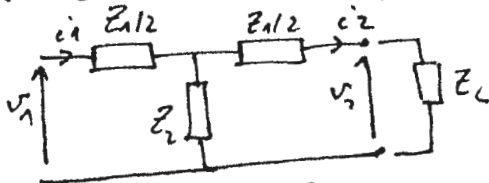
ونتيجة اعتبار المربّع قليلا يسرر كما في الترددات الاكبر من ω_c أي

$$f > f_c \quad \text{حيث} \quad f_c = \frac{1}{2\pi CR}$$

$$\phi = \frac{\pi}{2} - \arctan \omega CR \quad ; \quad \text{ما الطور يرتبط بالعلاقة:}$$

06-6: الممانعة المميزة:

الممانعة المميزة (Z_c) للحل هي تلك الممانعة التي تساوي ممانعة الدخول لرباعي القطب. فإذا أمكن لدينا رباعي قطب متناظر كما هو موضح في الشكل فإنه بتطبيقه قانون العروات نجد:



الشكل (11-17)

$$V_1 = \left(\frac{Z_1}{2} + Z_2\right) i_1 - Z_2 i_2$$

$$V_2 = Z_2 i_1 - \left(\frac{Z_1}{2} + Z_2\right) i_2$$

يوضع:

$$\left. \begin{aligned} A &= \frac{Z_1}{2} + Z_2 \\ B &= Z_2 \end{aligned} \right\} \Rightarrow$$

$$V_1 = A i_1 - B i_2 = Z_c i_1 = Z_c i_1 \rightarrow (1)$$

$$V_2 = B i_1 - A i_2 = Z_c i_2 = Z_c i_2 \rightarrow (2)$$

$$\Rightarrow \begin{cases} Z_c = A - B \frac{i_2}{i_1} \rightarrow (3) \\ Z_c = B \frac{i_1}{i_2} - A \rightarrow (4) \end{cases}$$

$$\boxed{Z_c = \pm \sqrt{A^2 + B^2}}$$

عندما ممانعة الحمل تأخذ هذه القيمة نقول عنها ممانعة مميزة.

$A = ja$

$B = jb$

ياعتبر A و B أعداد فعلية اذن:

a و b قيم حقيقية موجبة بالنسبة للوشائع سالبة بالنسبة للسعات.

$F = \frac{V_1}{V_2}$

وعباً أن الإتحلال في الجهد يعطى بالعلاقة:

$F_2 = \frac{c_1}{c_2}$

ومن العلاقاتين (1) و (2) نجد:

$\frac{c_1}{c_2} = F = \frac{A}{B} + \frac{z_c}{B} = \frac{a}{b} \pm j \sqrt{1 - \frac{a^2}{b^2}}$

ومن العلاقة (3) نجد أيضاً:

ومن ملاحظة حالتي:

الحالة الأولى: $a^2 < b^2$ ($-1 < \frac{a}{b} < 1$) داخل المعالج

$\frac{a}{b} = \cos \varphi$

تكون وضع

$\Rightarrow F = \cos \varphi \pm j \sin \varphi = e^{\pm j \varphi}$

$\therefore c_1 = c_2 \boxed{\pm \varphi}$

في هذا المعالج من التواترات تكون سعة تيار المخرج والمحل متساويتان في القيمة (السعة) ومختلفتان في الطور.

الحالة (2): خارج المعالج:

$a^2 > b^2$ يعني $|a| > |b|$

$\frac{a}{b} = \cosh \varphi$

تكون وضع:

$\Rightarrow F = \cosh \varphi \pm j \sinh \varphi = e^{\pm \varphi} = m \Rightarrow c_1 = m c_2$

اذن خارج المعالج تكون تيارا المخرج والمحل لهما نفس الطور

إلا أن m تتناقص بمقدار m .

وفي النهاية حين الإمرار المرشح يعرف بالمعالج التالي:

$-1 < \frac{a}{b} < 1$

ملاحظة:

يمكن إيجاد حين إمرار المرشح من العلاقة التالية:

$-2 < \alpha < 0$

$\alpha = \frac{z_1}{z_2} = \frac{a}{b} - 1$

صبي

