



جامعة محمد خيضر بسكرة  
كلية العلوم الإنسانية والاجتماعية  
قسم العلوم الاجتماعية



مقياس  
الإحصاء الاستدلالي

المحاضرة السادسة

اختبار (ت)

T- Test

الأستاذ : مصمودي طلال

السنة الجامعية : 2019 2020

## ثانياً / اختبار t للعينتين المستقلتين:

يستخدم اختبار t لاختبار الفرق بين المتوسطات الحسابية لعينتين مستقلتين، وهذه العينات التي لا يؤثر اختيار المفردات الإحصائية لإحداها في اختيار مفردات العينة الأخرى، كالكتافة السكانية بين منطقتين جغرافيتين، أو معدلات انجراف التربة بين حوضين نهريين. ويستخدم هذا الاختبار للموازنة بين المتوسطات الحسابية لعينتين مأخوذتين من مجتمعين إحصائيين مختلفين، لاختبار فيما إذا كان الفرق بين المتوسطين الحسابيين ذا دلالة إحصائية على مستوى معنوية معين، أم أنه فرق عارض ناتج عن عامل الصدفة،

### شروط استخدام اختبار t للعينتين المستقلتين

- أن يكون التوزيع التكراري للمجتمعين الإحصائيين اللذين أخذت منيا العينتان توزيعاً طبيعياً أو قريباً منه؛
- وأن يكون الانحراف المعياري في المجتمعين متساوياً؛
- لا بد على الباحث قبل استخدامه لاختبار (ت) أن يدرس خصائص متغيرات بحثه من النواحي التالية:

أ. **حجم كل عينة** : إن الأصل في هذا الاختبار أنه من مقاييس دلالة العينات الصغيرة، ولكن هذا لا يمنع استخدامه لمعينات الكبيرة، واستخدامه لمعينات الصغيرة جداً ( التي يقل عدد أفرادها عن 30 فرداً ) أمر مشكوك فيه إذ يميل فيها التوزيع إلى أن يكون مدبباً، أما العينات الكبيرة فهي التي يزيد عدد أفرادها عن 30 مفردة، وفيها يميل التوزيع إلى أن يكون اعتدالاً طبيعياً، في حين أن العينات الصغيرة جداً يستخدم معها أحد الاختبارات اللابارامترية للدلالة

ب. **الفرق بين حجم العينتين** : يُفضل أن يكون حجم عيني الدراسة متقارباً، فلا يكون مثلاً حجم أحد العينتين 600 فرداً والأخرى 70 فرداً، لأن درجات الحرية ( وهي المدخل المباشر للكشف عن مستوى الدلالة ) تعتمد على عدد أفراد كل عينة، كما أن لحجم العينة تأثيراً على المؤشرات الإحصائية المستخدمة في حساب اختبار t وهي المتوسط والتباين.

ت. **تجانس العينتين** : يُقاس مدى تجانس العينتين بالفرق بين تباين العينتين، وذلك باستخدام اختبار Levene، وهو مترافق مع اختبار t لمعينتين مستقلتين.

ث. **اعتدالية التوزيع التكراري** لكل من عيني البحث : والمقصود بالاعتدالية هو مدى تحرر التوزيع التكراري من الالتواء، والالتواء قد يكون سالباً أو موجباً، في حين أن التوزيع الاعتدالي لا التواء فيه، ويمتد معامل الالتواء من 3 إلى 3+ وكلما اقترب معامل الالتواء من الصفر كان التوزيع اعتدالياً، ففي التوزيع الاعتدالي يكون المتوسط الحسابي = الوسيط. ويمكن استخدام اختبار كولمجروف لمعينات الكبيرة، واختبار شابيرو لمعينات الصغيرة (أقل من 30 مفردة).

## الخطوات الأساسية للاختبارات الإحصائية

لاختبار هذا الادعاء (الفرضية) نقوم بالتالي

- 1- صياغة الفرضية الصفرية (العدم) والفرضية البديلة
- 2- تحديد الاختبار المناسب لاختبار الفرضية الصفرية
- 3- تحديد أعلى نسبة خطأ يسمح بها الباحث (مستوى الدلالة  $\alpha$ )
- 4- جمع المعلومات
- 5- إجراء الاختبار وحساب قيمة  $t$
- 6- المقارنة بين قيمة  $t$  المحسوبة وقيمة  $t$  الجدولية
- 7- اتخاذ القرار قبول او رفض الفرضية الصفرية
- 8- التعليق على النتيجة

مثال : في دراسة حول مدى ملائمة التربة لزراعة محصول البطاطا في ولاية وادي سوف أخذت عينتان بالشكل التالي:

المشاهدات	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
العينة الأولى "رملية"	500	600	700	800	750	650	450	520	630	120
العينة الثانية "طينية"	100	120	130	140	150	200	130	140	145	120
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

المطلوب : هل يوجد اختلاف حقيقي بين متوسط العينتين؟

## خطوات الحل

### ● بالنسبة للعيينة الاولى

2( X1)	العيينة الأولى x1	العيينة
250 000	500	1
360 000	600	2
490 000	700	3
640 000	800	4
562 500	750	5
422 500	650	6
202 500	450	7
270 400	520	8
396 900	630	9
14 400	120	10
3 609 200	5720	المجموع

### ● بالنسبة للعيينة الثانية

2( X1)	العيينة الأولى x1	العيينة
100 000	1000	1
1 440 000	1200	2
1 690 000	1300	3
1960 000	1400	4
2 250 000	1500	5
4 000 000	2000	6
1 690 000	1300	7
1 960 000	1400	8
2 102 500	1450	9
1 440 000	1200	10
19 532 500	13 750	المجموع

- المتوسط الحسابي للعينه الأولى:

$$\bar{X} = \frac{\sum x}{N} = \frac{5720}{10} = 572$$

- المتوسط الحسابي للعينه الثانية

$$\bar{X} = \frac{\sum x}{N} = \frac{13750}{10} = 1375$$

- الانحراف المعياري للعينه الأولى

$$\begin{aligned} \sigma &= \sqrt{\frac{\sum X^2 - N\bar{X}^2}{N - 1}} = \sqrt{\frac{3609200 - 10(572)^2}{10 - 1}} \\ &= \sqrt{\frac{3609200 - 10(327184)}{9}} = \sqrt{\frac{3609200 - 3271840}{9}} \\ &= \sqrt{\frac{337360}{9}} = \sqrt{37484.44} = \mathbf{193.6} \end{aligned}$$

- الانحراف المعياري للعينه الثانية

$$\begin{aligned} \sigma &= \sqrt{\frac{\sum X^2 - N\bar{X}^2}{N - 1}} = \sqrt{\frac{19532500 - 10(1375)^2}{10 - 1}} \\ &= \sqrt{\frac{19532500 - 10(1890625)}{9}} \\ &= \sqrt{\frac{19532500 - 18906250}{9}} = \sqrt{\frac{626250}{9}} = \sqrt{69583.3} \\ &= \mathbf{263.78} \end{aligned}$$

- فرضية العدم (الصفريه): لا يوجد اختلاف بين المتوسط الحسابي إنتاجية المحصول في التربة الطينية والمتوسط الحسابي لإنتاجية المحصول في التربة الرملية

- الفرضية البديلة : يوجد اختلاف بين المتوسط الحسابي لإنتاجية المحصول في التربة الطينية والمتوسط الحسابي لإنتاجية المحصول في التربة الرملية.

- قيمة اختبار t

$$\begin{aligned}
 t &= \frac{|\bar{X}_1 - \bar{X}_2|}{\sqrt{\frac{(S_1)^2}{N_1} + \frac{(S_2)^2}{N_2}}} = \frac{|572 - 1375|}{\sqrt{\frac{(193.6)^2}{10} + \frac{(263.78)^2}{10}}} \\
 &= \frac{|803|}{\sqrt{\frac{37480.96}{10} + \frac{69579.9}{10}}} = \frac{803}{\sqrt{3748.1 + 6957.99}} \\
 &= \frac{803}{\sqrt{10706.1}} = \frac{803}{103.47} = 7.76
 \end{aligned}$$

إذن قيمة اختبار t المحسوبة = 7.76

- القيمة الحرجة ، قيمة اختبار t الجدولية:

$$18 = 2 - 10 + 10 = 2 - N_2 + N_1$$

$$\alpha = 0.05$$

$$\text{حسب الجدول فقيمة اختبار t الجدولية} = 1.734$$

t Table								
cum. prob	$t_{.50}$	$t_{.75}$	$t_{.80}$	$t_{.85}$	$t_{.90}$	$t_{.95}$	$t_{.975}$	$t_{.99}$
one-tail	0.50	0.25	0.20	0.15	0.10	0.05	0.025	0.01
two-tails	1.00	0.50	0.40	0.30	0.20	0.10	0.05	0.02
df								
1	0.000	1.000	1.376	1.963	3.078	6.314	12.71	31.82
2	0.000	0.816	1.061	1.386	1.886	2.920	4.303	6.965
3	0.000	0.765	0.978	1.250	1.638	2.353	3.182	4.541
4	0.000	0.741	0.941	1.190	1.533	2.132	2.776	3.747
5	0.000	0.727	0.920	1.156	1.476	2.015	2.571	3.365
6	0.000	0.718	0.906	1.134	1.440	1.943	2.447	3.143
7	0.000	0.711	0.896	1.119	1.415	1.895	2.365	2.998
8	0.000	0.706	0.889	1.108	1.397	1.860	2.306	2.896
9	0.000	0.703	0.883	1.100	1.383	1.833	2.262	2.821
10	0.000	0.700	0.879	1.093	1.372	1.812	2.228	2.764
11	0.000	0.697	0.876	1.088	1.363	1.796	2.201	2.718
12	0.000	0.695	0.873	1.083	1.356	1.782	2.179	2.681
13	0.000	0.694	0.870	1.079	1.350	1.771	2.160	2.650
14	0.000	0.692	0.868	1.076	1.345	1.761	2.145	2.624
15	0.000	0.691	0.866	1.074	1.341	1.753	2.131	2.602
16	0.000	0.690	0.865	1.071	1.337	1.746	2.120	2.583
17	0.000	0.689	0.863	1.069	1.333	1.740	2.110	2.567
18	0.000	0.688	0.862	1.067	1.330	1.734	2.101	2.552
19	0.000	0.688	0.861	1.066	1.328	1.729	2.093	2.539
20	0.000	0.687	0.860	1.064	1.325	1.725	2.086	2.528
21	0.000	0.686	0.859	1.063	1.323	1.721	2.080	2.518
22	0.000	0.686	0.858	1.061	1.321	1.717	2.074	2.508

- **المقارنة** : نقارن بين قيمة اختبار  $t$  المحسوبة وقيمة اختبار  $t$  الجدولية ، فنجد أن قيمة اختبار  $t$  المحسوبة أكبر من قيمة اختبار  $t$  الجدولية.
- **القرار** : بما أن قيمة اختبار  $t$  المحسوبة أكبر من قيمة اختبار  $t$  الجدولية ، فإننا نرفض فرضية العدم ونقبل الفرضية البديلة.
- **النتيجة** : أن الفرق بين متوسطي العينتين فرق حقيقي ذو دلالة إحصائية عند مستوى دلالة  $\alpha=0.05$  ، ومن ذلك نستنتج أن زراعة محصول البطاطا في الأرض الطينية قد أعطى زيادة في الإنتاجية زيادة حقيقية.