



الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية
وزارة التعليم العالي والبحث العلمي
جامعة محمد خيضر - بسكرة
كلية العلوم والتكنولوجيا

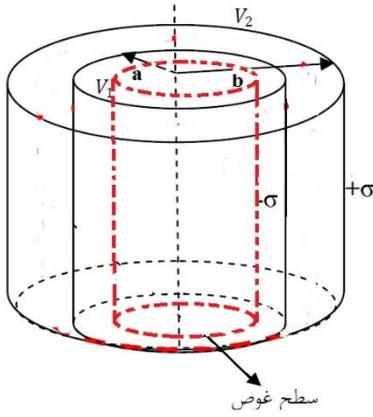


مقياس: أعمال موجهة (فيزياء) 2	من إعداد الأساتذة: بوذيب ليلي، شوية فاتح، بوجر عبد الفضيل
----------------------------------	--

حل السلسلة II

التمرين الرابع:

1. حساب الحقل E عند كل نقاط الفضاء :



$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{s} = \frac{\sum Q_{int}}{\epsilon_0} \dots \dots \dots (1)$$

(أ) في حالة $r < a$:

$$\sum Q_{int} = 0 \Rightarrow \mathbf{E} = \mathbf{0}$$

(ب) في حالة $a < r < b$:

$$\oint |\vec{E}| \cdot |d\vec{s}| \cdot \cos \pi = -E \cdot S_G = -E \cdot 2\pi \cdot r \cdot h = \frac{\sum Q_{int}}{\epsilon_0}$$

لدينا من جهة أخرى:

$$-\sigma = \frac{Q_{int}}{s} \Rightarrow Q_{int} = -\sigma \cdot s = -\sigma \cdot 2\pi \cdot a \cdot h$$

بالتعويض في العبارة (1) نجد:

$$-E \cdot 2\pi \cdot r \cdot h = -\sigma \cdot 2\pi \cdot a \cdot h$$

$$\mathbf{E} = \frac{\sigma \cdot a}{\epsilon_0} \cdot \frac{1}{r}$$

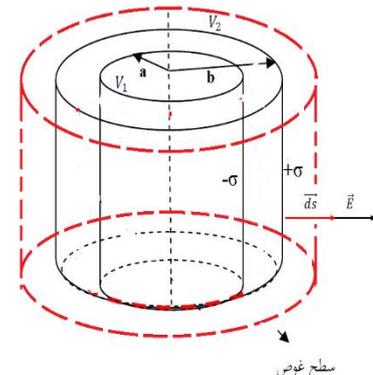
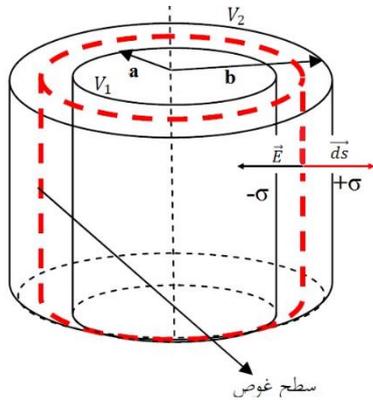
(ج) في حالة $r > b$:

$$E \cdot 2\pi \cdot r \cdot h = \frac{\sum Q_{int}}{\epsilon_0} = \frac{(Q^+ + Q^-)}{\epsilon_0}$$

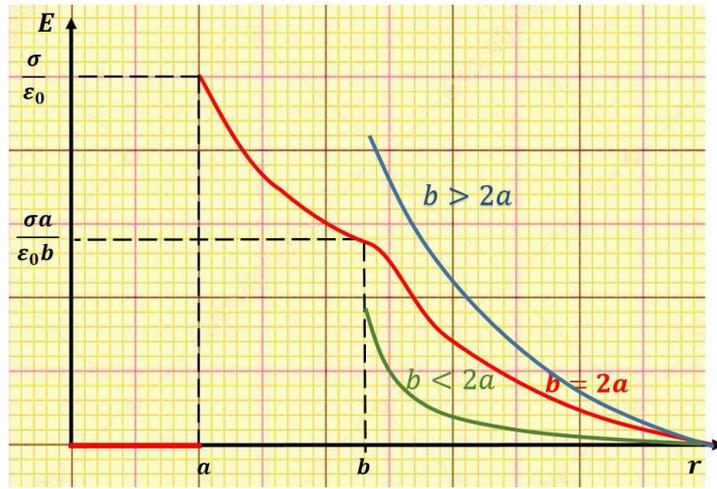
ومنه:

$$E \cdot 2\pi \cdot r \cdot h = \frac{1}{\epsilon_0} (\sigma \cdot 2\pi \cdot b \cdot h - \sigma \cdot 2\pi \cdot a \cdot h)$$

$$\mathbf{E} = \frac{\sigma}{\epsilon_0} (b - a) \frac{1}{r}$$



رسم تغيرات الحقل الكهربائي في جميع نقاط الفضاء:



2. حساب الكمون عند كل نقطة من الفضاء:

$$\vec{E} = -\overrightarrow{\text{grad}}V \Rightarrow E(r) = -\frac{\partial V(r)}{\partial r} \Rightarrow V(r) = \int E dr$$

(أ) في حالة $r < a$:

$$E(r) = 0 \Rightarrow V_0 = \text{Cst} = C_1$$

(ب) في حالة $a < r < b$:

$$E(r) = \frac{\sigma a}{\epsilon_0} \frac{1}{r} \Rightarrow V_2 = -\int \frac{\sigma a}{\epsilon_0} \frac{1}{r} dr$$

$$V_1 = -\frac{\sigma \cdot a}{\epsilon_0} \ln r + C_2$$

(ج) في حالة $r > b$:

$$E(r) = \frac{\sigma}{\epsilon_0} (b - a) \frac{1}{r} \Rightarrow V_3 = -\int \frac{\sigma}{\epsilon_0} (b - a) \frac{1}{r} dr$$

$$V_2 = -\frac{\sigma(b - a)}{\epsilon_0} \ln r + C_3$$

رسم تغيرات الكمون في جميع نقاط الفضاء:

