اقتصر النموذج البسيط الذي درسناه على متغيرين اثنين هما الاستهلاك والاستثمار، وحتى يصبح النموذج أكثر واقعية سنضيف القطاع الحكومي بحيث يمكن للحكومة أن تأثر في الحياة الاقتصادية بأساليب متعددة أهمها:

Gالانفاق الحكومي: :وهو عبارة عن ما تنفقه الحكومة لقاء الحصول على السلع والخدمات وسوف نرمز له بالرمز

ويتوقف مقدار الإنفاق الحكومي على اعتبارات سياسية ولا يمكن تحديد أثار العوامل الاقتصادية ،على هاذا الإنفاق بطريقة ثابتة، $\mathbf{G} = \mathbf{G}_0$ لذلك يمكن اعتباره متغير خارجي أي مستقل عن الدخل وعليه تصبح معادلة الإنفاق الحكومي كما يلي $\mathbf{G} = \mathbf{G}_0$

الضرائب: وتشمل ما تستلمه الحكومة من الأفراد بدون أي مقابل، أي ما تقتطعه الحكومة من ضرائب، ويمكن اعتبار الضرائب متغير مستقل عن الدخل ونرمز لاه بالرمز $\mathbf{Tx} = \mathbf{Tx}_0$ حيث $\mathbf{Tx} = \mathbf{Tx}_0$ ،أما اذا اعتبرنا الضرائب مرتبطة بالدخل وهي الحالة الواقعية فتكتب $\mathbf{Tx} = \mathbf{Tx} + \mathbf{Tx}$ ،

 $Tr = Tr_0$ حيث Tr_0 حيث Tr_0 التحويلات : وتشمل ما تدفعه الحكومة للأفراد بدوا مقابل وسوف نرمز له بالرمز

وبالتالي يصبح النموذج يتكون من ثلاث قطاعات وهي:

-القطاع العائلي ونرمز له بالرمز -

 \mathbf{G} القطاع الحكومي ونرمز له بالرمز

Iقطاع الأعمال ونرمز له بالرمز

أما الضرائب والتحويلات فيدخلان في النموذج بطريقة غير مباشرة من خلال دالة الاستهلاك:

 $y_d = y - T_x + T_r$ حیث $C = a + by_d$,

 $C = a + b (y-T_x+T_r)$

-تحديد قيمة الدخل التوازي بافتراض أن الضرائب مستقلة عن الدخل والاستثمار تابع للدخل:

 $C = a + by_d$

 $I = I_0 + ry$

 $G = G_0, Tx = Tx_0, Tr = Tr_0$

أ. طريقة عرض الكلى يساوي طل كلى:

يتحق التوازان لما: AS = AD

$$y = C + I + G$$

$$y = a + b(y-Tx_0+Tr_0) + I_0 + r_v + G_0$$

$$y = a + b y - bTx_0 + bTr_0 + I_0 + ry + G_0$$

$$y - by - r y = a - bTx_0 + bTr_0 + I_0 + G_0$$

$$y (1-b-r) = a - bTx_0 + bTr_0 + I_0 + G_0$$

$$y^*=1/1-b-r$$
 (a - bTx₀+bTr₀ + I_o + G₀)

ب.طريقة إضافات تساوي تسربات:

$$S + Tx = I + G + Tr$$

$$-a + (1 - b) (y-Tx_0+Tr_0) + Tx_0 = I_0 + ry + G_0 + Tr_0$$

$$\Rightarrow$$
 - a + y - Txo+Tro - b y+ b Txo - bTro + Txo \Rightarrow I₀+ ry + G₀ + Tro

$$\Rightarrow$$
 y - b y - ry = a - b Tx₀+ bTr₀ + I₀ + G₀

$$\Rightarrow$$
y (1-b-r) = a - bTx₀+bTr₀ + I₀ + G₀

$$y^*=1/1-b-r$$
 (a - bTx₀+bTr₀ + I_o + G₀)

2 تحديد معادلة الدخل التوازني بافتراض أن الضرائب تابعة في الدخل

$$C = a + by_d$$

$$I = I_0 + rv$$

$$G = Go, Tx = Tx_0 + ty, Tr = Tr_0$$

أ.طريقة عرض الكلى يساوي طل كلى:

$$y = C + I + G$$

$$y = a + b(y-Tx_0-ty +Tr_0) + I_0 + ry + G_0$$

$$y = a + b y - bTx_0 - bty + bTr_0 + I_0 + ry + G_0$$

$$y - by + bty - r y = a - bTx_0 + bTr_0 + I_0 + G_0$$

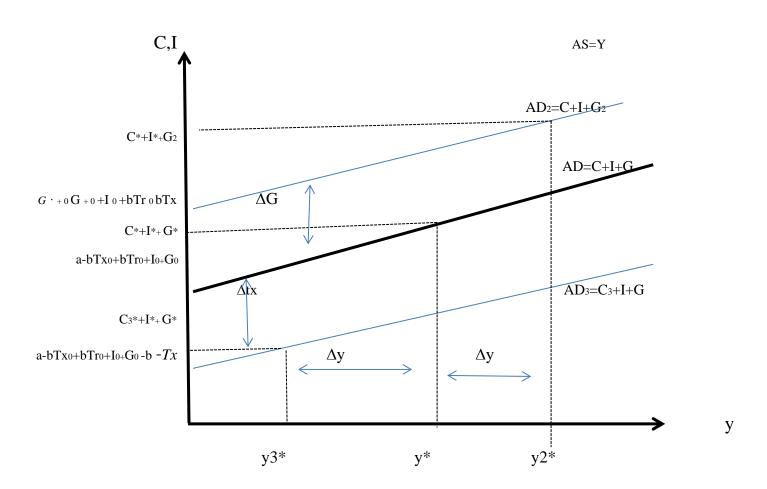
$$y\ (\ 1\!-b\!+\!bt-r\)=a-bTx_0\!+\!bTr_0\!+I_0\!+G_0$$

 $y = 1/1-b+bt-r (a - bTx_0+bTr_0 + I_0+G_0)$

ويمكن تمثيل التوازن السابق (AD)من خلال عرضنا للشكل البياني التالي:

عنوان الشكل: التوازن بين الطلب الكلي والعرض الكلي

AS=Y AD=C+I+G AD=a+b (y-Tx+Tr)+I₀+ry+G₀



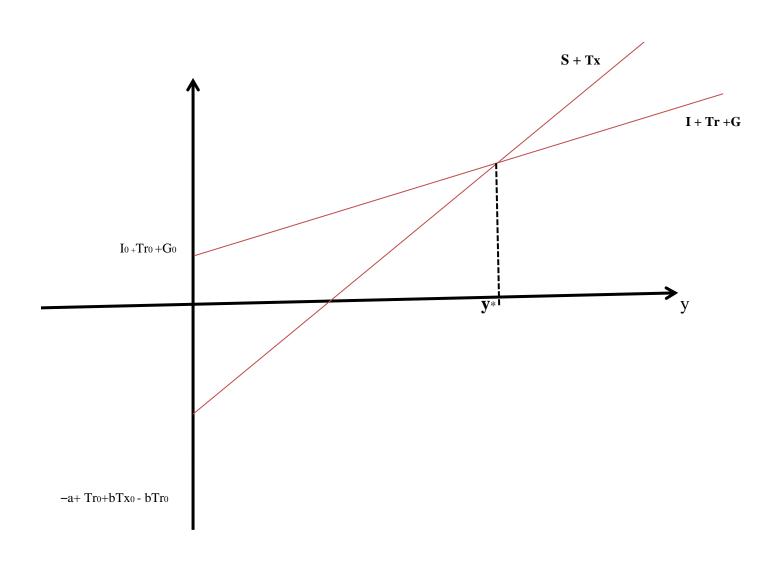
2. طريقة إضافات تساوي تسربات:

$$S + Tx = I + G + Tr$$

$$\Rightarrow$$
 y - b y+ bty - ry = a - b Tx₀+ bTr₀+ I₀+ G₀

$$y=1/1-b+bt-r$$
 ($a-bTx_0+bTr_0+I_0+G_0$)

ويمكن تمثيل هذا التوازن بيانيا كما يلي: الشكل يوضح التوازن بين إضافات والتسربات



1-أثر الإنفاق الحكومي على الدخل:

لتكن لدينا عبارة الدخل التوازي التالية التي تم التطرق اليها سابقا: (بافتراض أن الضرائب تابعة في الدخل والاستثمار كذلك)

$$y^* = 1/1 - b + bt - r (a - bTx_0 + bTr_0 + I_0 + G_0)....(1)$$

yلنفرض أن الإنفاق الحكومي تغير الى $(G+\Delta G)$ ومنه يتغير

الى $(y + \Delta y)$ ومنه يصبح لدينا :

$$(y + \Delta y) = 1/1 - b + bt - r (a - bTx_0 + bTr_0 + I_0 + G_0 + \Delta G)$$
....(2)

: بطرح (2) من (1) يصبح لدينا

$$\Delta y = 1/1 - b + bt - r (\Delta G)$$

يسمى مضاعف الإنفاق الحكومي ومعناه اذا تغير الإنفاق الحكومي بوحدة واحدة تغير الدخل بهذا المقدار أي بمقدار 1/1-b+bt-r وحدة .

كما يمكننا إيجاد مضاعف الإنفاق الحكومي وذلك بعد اشتقاق معادلة الدخل التوازي بالنسبة للإنفاق الحكومي .

1/1-b ملاحظة في حالة الضرائب مستقلة والاستثمار مستقل عن الدخل فان المضاعف يصبح-1/1

2- أثر تغير الضرائب على الدخل التوازني:

لدينا من عبارة الدخل التوازين: (في حالة الضرائب والاستثمار تابعين للدخل)

$$y^* = 1/1 - b + bt - r (a - bTx_0 + bTr_0 + I_0 + G_0)....(1)$$

لنفرض أن الضرائب تغيرت الى $(Tx + \Delta Tx)$ ومنه يتغير الدخل

الى $(y + \Delta y)$ ومنه يصبح لدينا :

$$(y + \Delta y) = 1/1 - b + bt - r (a - b(Tx_0 + \Delta Tx) + bTr_0 + I_0 + G_0....(2)$$

بطرح(2) من (1) يصبح لدينا:

$$\Delta y = -b/1 - b + bt - r (\Delta Tx)$$

-b/1-b+bt-r يسمى مضاعف الضرائب والإشارة السالبة معناها اذا زادت الضرائب بوحدة واحدة انخفض الدخل بمقدار -b/1-b+bt-r وحدة.

ويمكن ايجاد مضاعف الضرائب باشتقاق معادلة الدخل التوازي بالنسبة للضرائب.

*ملاحظة في حالة الضرائب مستقلة والاستثمار مستقل عن الدخل فان مضاعف الضرائب يصبحb/1-b

3- أثر تغير التحويلات على الدخل التوازيي:

لدينا من عبارة الدخل التوازين: (في حالة الضرائب والاستثمار تابعين للدخل)

$$y^* = 1/1 - b + bt - r (a - bTx_0 + bTr_0 + I_0 + G_0)....(1)$$

لنفرض أن التحويلات تغيرت الى $(Tr + \Delta Tr)$ ومنه يتغير الدخل الى

: ومنه يصبح لدينا ($y + \Delta y$)

$$(y + \Delta y) = 1/1 - b + bt - r (a - bTx_0 + b(Tr_o + \Delta Tr) + I_o + G_0 ...(2)$$

(2) من (1) يصبح لدينا:

 $\Delta y = b/1 - b + bt - r (\Delta T r)$

b/1-b+bt-r يسمى مضاعف التحويلات والإشارة الموجبة معناها اذا زادت التحولات بوحدة واحدة يزداد الدخل b/1-b+bt-r وحدة.

ويمكن ايجاد مضاعف التحويلات باشتقاق معادلة الدخل التوازي بالنسبة للتحويلات.

ملاحظة في حالة الضرائب مستقلة والاستثمار مستقل عن الدخل فان مضاعف التحويلات b/1-bيصبح