

$$(X'X)^{-1} = \begin{bmatrix} 197,91 & -1942 & -0,17 & -3,08 \\ -1942 & 0,59 & 0,01 & -0,16 \\ -0,17 & 0,01 & 0,0002 & 0,0016 \\ -3,08 & -0,16 & 0,0016 & 0,109 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \hat{\beta}_0 \\ \hat{\beta}_1 \\ \hat{\beta}_2 \\ \hat{\beta}_3 \end{bmatrix} = (X'X)^{-1} X'y = \begin{bmatrix} 197,91 & -1942 & -0,17 & -3,08 \\ -1942 & 0,59 & 0,01 & -0,16 \\ -0,17 & 0,01 & 0,0002 & 0,0016 \\ -3,08 & -0,16 & 0,0016 & 0,109 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 385 \\ 2846 \\ 179000 \\ 5100 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 26,34 \\ -3,43 \\ 0,09 \\ 0,93 \end{bmatrix}$$

$$\hat{\beta}_0 = 26,34, \hat{\beta}_1 = -3,43, \hat{\beta}_2 = 0,09, \hat{\beta}_3 = 0,93$$

$$\hat{y}_2 = 26,34 - 3,43x_{12} + 0,09x_{22} + 0,93x_{32}$$

من خلال معادلة خط الانحدار، نلاحظ أن المتغير  $x_1$  له علاقة عكسية مع المتغير  $(y)$  أي كلما زاد سعر السبحة قل الطلب عليها. معامل التفسير  $R^2$  (النسبة الإجمالية للإحباط) تعتبر  $R^2$  مقياساً لمدى مساهمة المتغيرات المستقلة في تفسير التغير الخطي في المتغير التابع، ويمكن استخدامه باستخدام المقصودات بالإحباط التالية:

$$\sum (y_i - \bar{y})^2 = \sum (\hat{y}_i - \bar{y})^2 + \sum (y_i - \hat{y}_i)^2$$

$$SCT = SCE + SCR$$

$$R^2 = \frac{SCE}{SCT}$$

$$\sum (y_i - \bar{y})^2 = \sum y_i^2 - n\bar{y}^2 = y'y - n\bar{y}^2$$

$$SCE = \sum (\hat{y}_i - \bar{y})^2 = \hat{\beta}' X'y - n\bar{y}^2$$

$$SCR = \sum e_i^2 = e'e = y'y - \hat{\beta}' X'y = \sum y_i^2 - \hat{\beta}' X'y$$

$$R^2 = \frac{\hat{\beta}' X'y - n\bar{y}^2}{y'y - n\bar{y}^2} = \frac{\hat{\beta}' X'y - n\bar{y}^2}{\sum y_i^2 - n\bar{y}^2}$$

$$R^2 = \frac{6146341}{21875} = 0,8780 \quad (S = 21875 - 6146341 = 6146341)$$

مثال - حسب المثال السابق نجد معامل التحديد  $R^2$   
 $SCT = Y'Y - n\bar{Y}^2 = \sum Y_i^2 - n\bar{Y}^2$

$$\sum Y_i^2 = 40^2 + 45^2 + 50^2 + 55^2 + 60^2 + 65^2 + 70^2 = 21875$$

$$n\bar{Y}^2 = n(\sum Y_i / n)^2 = \frac{[\sum(Y_i)]^2}{n} = \frac{(40+45+50+55+60+65+70)^2}{7} = 21175$$

$$SCE = B'X'Y - n\bar{Y}^2 = B'X'Y - 21175$$

$$B'X'Y = \begin{bmatrix} 26,34 & -3,43 & 0,09 & 0,93 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 385 \\ 2840 \\ 479000 \\ 5100 \end{bmatrix} = 21799,35$$

$$R^2 = \frac{21799,35 - 21175}{21875 - 21175} = 0,892$$

وهذه يمكننا القول أن المتغيرات المستقلة تفسر نسبة 89,2% من المتغيرات.  
 لاحظ من خلال مدغم  $R^2$  اللاحق أنه كلما زاد عدد المتغيرات المستقلة لسوف يزيد معامل التحديد حتى لو لم يكن لهذا المتغيرات أثر حقيقي كما في مرسة الحرية لسوف تكون  $(n-k-1)$   
 لذلك نطلب استخراج معامل التحديد الصحيح أو المصحح  $R^2$  وذلك على النحو التالي

$$\bar{R}^2 = (1 - R^2) \frac{n-1}{n-k-1}$$

لذلك من أجل مقارنة عدة نماذج تختلف في عدد المتغيرات يجب مقارنة  $R^2$  وليس  $\bar{R}^2$

$$\bar{R}^2 = (1 - 0,892) \frac{7-1}{7-3-1} = 0,784$$

في معامل التحديد المصحح  
 يمكننا معرفة العالم  
 يستخدم اختباراً  $F$  لتقييم بعديتنا كثير المتغيرات المستقلة  $x_1, x_2, \dots, x_k$  في المتغير التابع  $Y$  في نموذج الانحدار المتعدد يعتمد على نوعين من الفروض  
 الفرضية الصفرية  $H_0: \beta_j = 0$   
 الفرضية البديلة  $H_1: \beta_j \neq 0$

$$T = \frac{\hat{\beta}_j}{\hat{\sigma}_{\hat{\beta}_j}}$$

$$\hat{\sigma}_{\hat{\beta}_j} = \hat{\sigma}^2 * (X'X)^{-1}$$

$$\hat{\sigma}^2 = \frac{Y'Y - \hat{B}'X'Y}{n-k-1} = \frac{\sum Y_i^2 - B'X'Y}{n-k-1}$$

وتقارن هذه القيمة مع القيمة الحرجة