

# Les Systèmes Temps Réel

## Chapitre 5: Ordonnancement des tâches dépendantes

Cours Master 1 GLSD

2019/2020

**Pr. Salim BITAM**

Département d'Informatique, Université de Biskra

07000 Biskra, Algérie

# C'est quoi une dépendance ?

- Contraintes de précédence
- Contraintes par partage de ressources

# Contraintes de précédence

- Une contrainte sur l'ordre d'exécution des tâches
- Représenter par un graphe orienté  $G$ :
  - $J_a < J_b$  indique que la tâche  $J_a$  est un prédécesseur de  $J_b$
  - $J_a \rightarrow J_b$  indique que la tâche  $J_a$  est un prédécesseur immédiat de  $J_b$

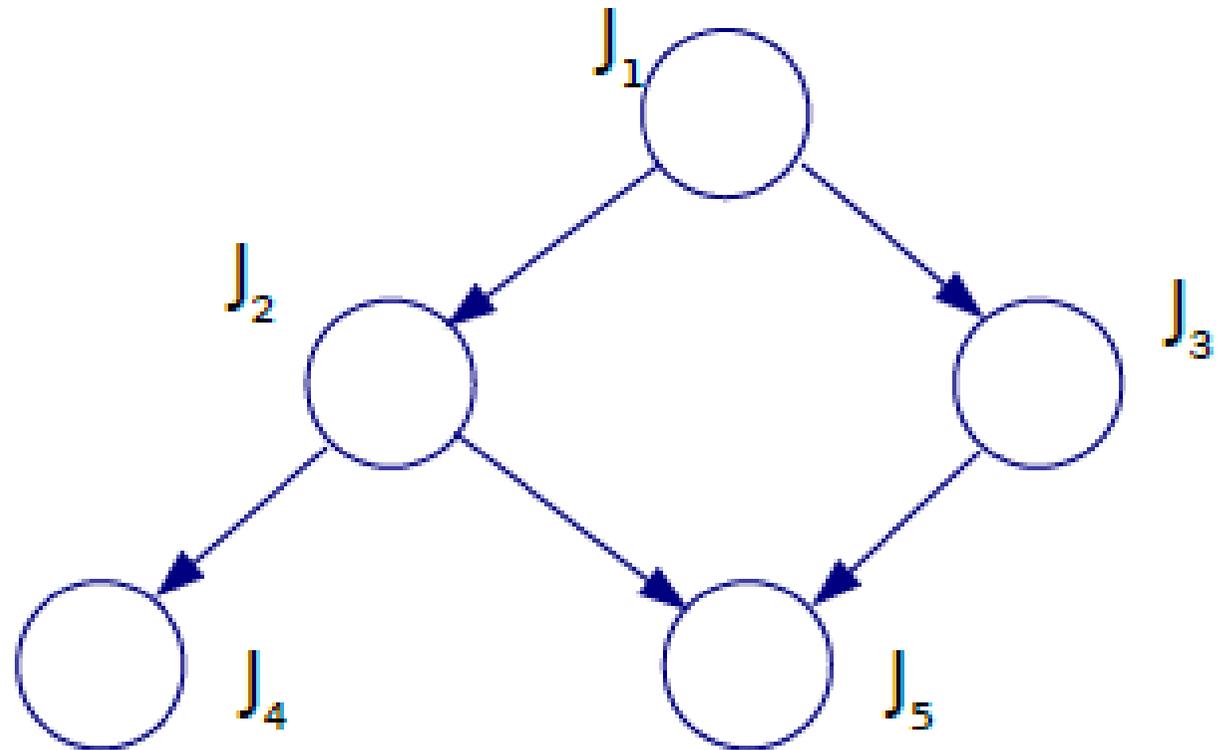
# Exemple

$$J_2 < J_4$$

$$J_2 \rightarrow J_4$$

$$J_1 < J_4$$

$$J_1 \not\rightarrow J_4$$



# Ordonnancement de tâches dépendantes avec des contraintes de précédences

# Algorithme : Contraintes de précédence et EDF

## Principe:

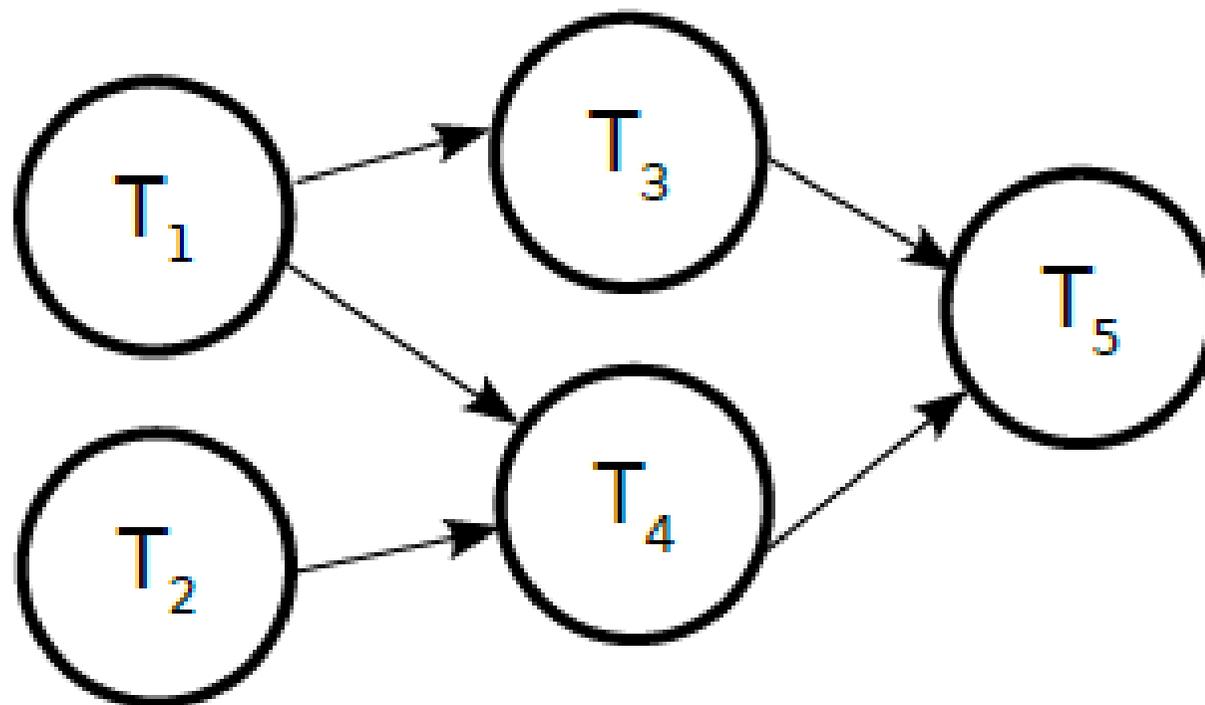
1. modification de la date de réveil et de des l'échéances des tâches :
2. de façon à ce qu'une tâche ait toujours une  $r_i$  supérieure à celle de ses prédécesseurs
3. de façon à ce qu'une tâche ait toujours un  $d_i$  supérieur à celui de ses prédécesseurs

(algorithme de Chetto et al.)

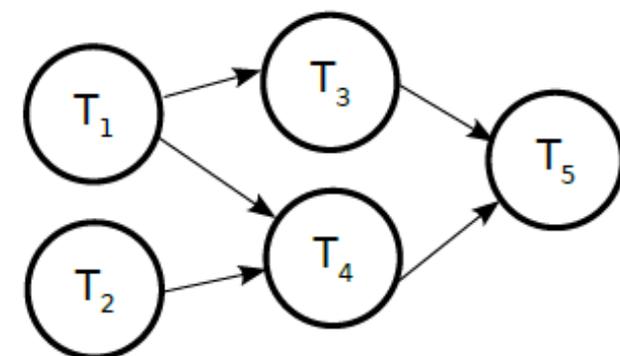
(une tâche ne doit être activable que si tous ses prédécesseurs ont terminé leur exécution)

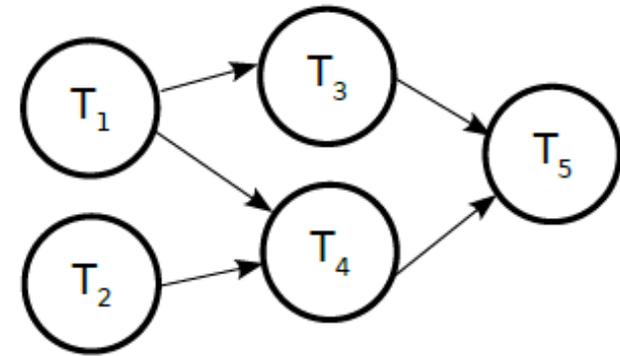
$$r_i^* = \text{Max}\{r_i, \text{Max}\{r_j^* + C_j\}\} \text{ pour tous les } j \text{ tels que } T_j \rightarrow T_i$$
$$d_i^* = \text{Min}\{d_i, \text{Min}\{d_j^* - C_j\}\} \text{ pour tous les } j \text{ tels que } T_i \rightarrow T_j$$

Exemple:



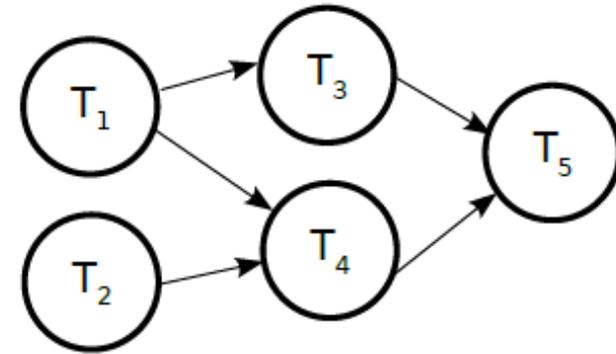
	Paramètres des tâches		
Tâche	$r_i$	$C_i$	$d_i$
$T_1$	0	1	5
$T_2$	5	2	7
$T_3$	0	2	5
$T_4$	0	1	10
$T_5$	0	3	12





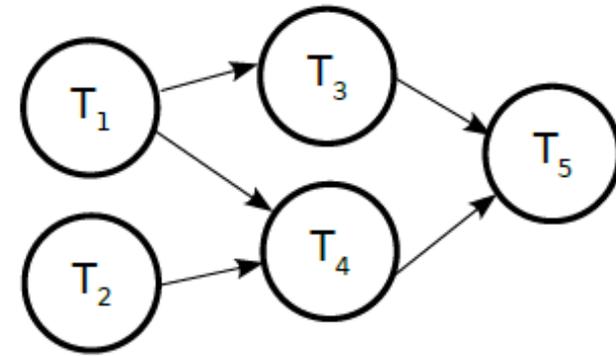
Tâche	Paramètres des tâches			Nouvelles valeurs	
	$r_i$	$C_i$	$d_i$	$r^*_i$	$d^*_i$
$T_1$	0	1	5		
$T_2$	5	2	7		
$T_3$	0	2	5		
$T_4$	0	1	10		
$T_5$	0	3	12		

T1 et T2 n'ont pas de prédécesseurs alors  $r1^* = 0$  et  $r2^* = 5$



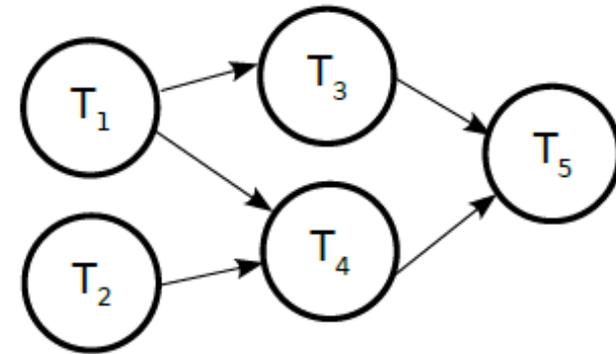
Tâche	Paramètres des tâches			Nouvelles valeurs	
	$r_i$	$C_i$	$d_i$	$r^*_i$	$d^*_i$
T <sub>1</sub>	0	1	5	0	
T <sub>2</sub>	5	2	7	5	
T <sub>3</sub>	0	2	5		
T <sub>4</sub>	0	1	10		
T <sub>5</sub>	0	3	12		

T3 a comme prédécesseur T1 alors  $r_3^* = \text{Max}(r_3 = 0, r_1^* + c_1 = 0 + 1) = 1$



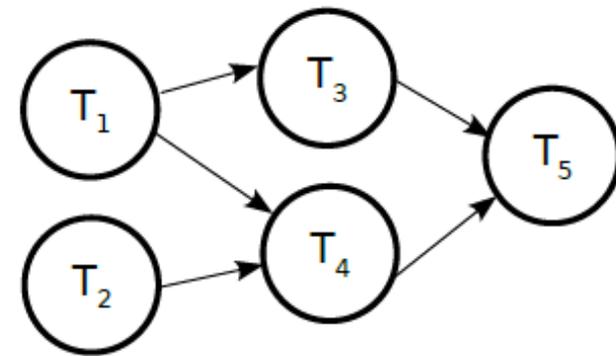
Tâche	Paramètres des tâches			Nouvelles valeurs	
	$r_i$	$C_i$	$d_i$	$r^*_i$	$d^*_i$
T <sub>1</sub>	0	1	5	0	
T <sub>2</sub>	5	2	7	5	
T <sub>3</sub>	0	2	5	1	
T <sub>4</sub>	0	1	10		
T <sub>5</sub>	0	3	12		

T4 a comme prédécesseur T1 et T2 alors  $r_4^* = \text{Max}(r_4 = 0, r_1^*+c_1=0+1, r_2^*+c_2=5+2) = 7$



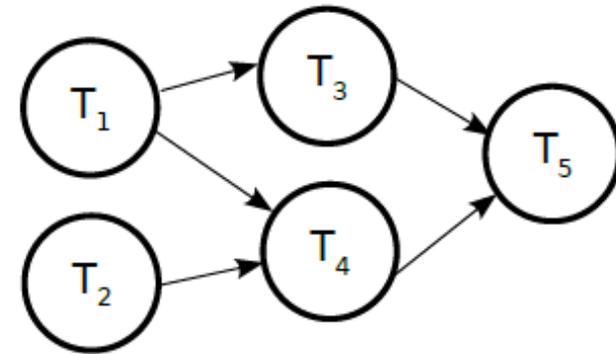
Tâche	Paramètres des tâches			Nouvelles valeurs	
	$r_i$	$C_i$	$d_i$	$r^*_i$	$d^*_i$
T <sub>1</sub>	0	1	5	0	
T <sub>2</sub>	5	2	7	5	
T <sub>3</sub>	0	2	5	1	
T <sub>4</sub>	0	1	10	7	
T <sub>5</sub>	0	3	12		

T5 a comme prédécesseur T3 et T4 alors  $r5^* = \text{Max}(r5 = 0, r3^*+c3=1+2, r4^*+c4=7+1) = 8$



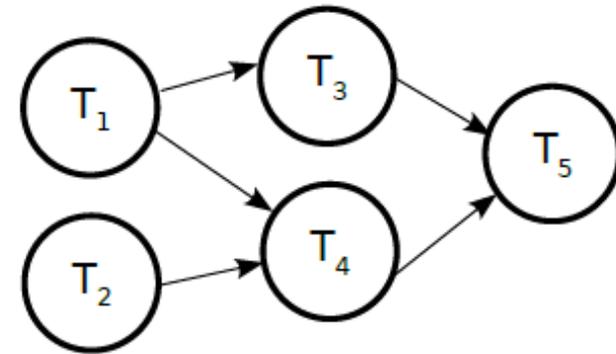
Tâche	Paramètres des tâches			Nouvelles valeurs	
	$r_i$	$C_i$	$d_i$	$r^*_i$	$d^*_i$
T <sub>1</sub>	0	1	5	0	
T <sub>2</sub>	5	2	7	5	
T <sub>3</sub>	0	2	5	1	
T <sub>4</sub>	0	1	10	7	
T <sub>5</sub>	0	3	12	8	

T5 n'a pas de successeurs alors  $d_5^* = 12$



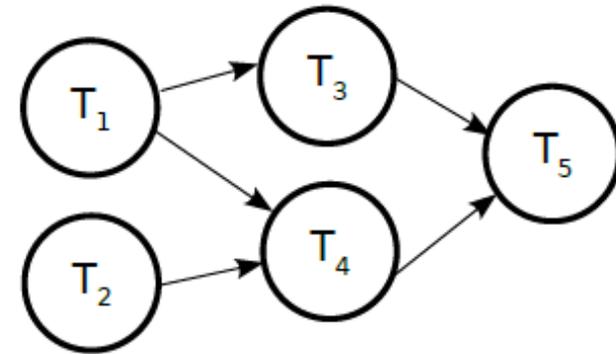
Tâche	Paramètres des tâches			Nouvelles valeurs	
	$r_i$	$C_i$	$d_i$	$r^*_i$	$d^*_i$
T <sub>1</sub>	0	1	5	0	
T <sub>2</sub>	5	2	7	5	
T <sub>3</sub>	0	2	5	1	
T <sub>4</sub>	0	1	10	7	
T <sub>5</sub>	0	3	12	8	12

T4 a comme successeur T5 alors  $d4^* = \text{Min} (d4 = 10, d5^* - c5 = \text{Min}(10, 12-3) = 9$



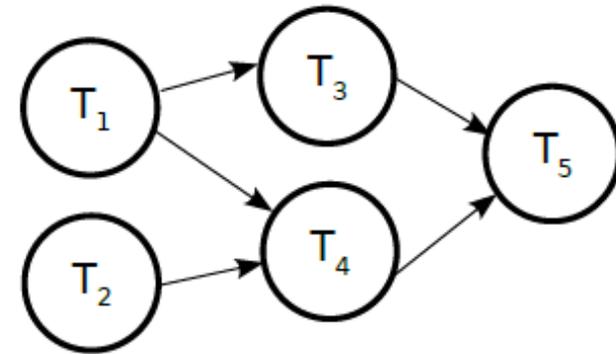
Tâche	Paramètres des tâches			Nouvelles valeurs	
	$r_i$	$C_i$	$d_i$	$r^*_i$	$d^*_i$
T <sub>1</sub>	0	1	5	0	
T <sub>2</sub>	5	2	7	5	
T <sub>3</sub>	0	2	5	1	
T <sub>4</sub>	0	1	10	7	9
T <sub>5</sub>	0	3	12	8	12

T3 a comme successeur T5 alors  $d3^* = \text{Min}(d3 = 5, d5^* - c5 = \text{Min}(5, 12 - 3) = 5)$



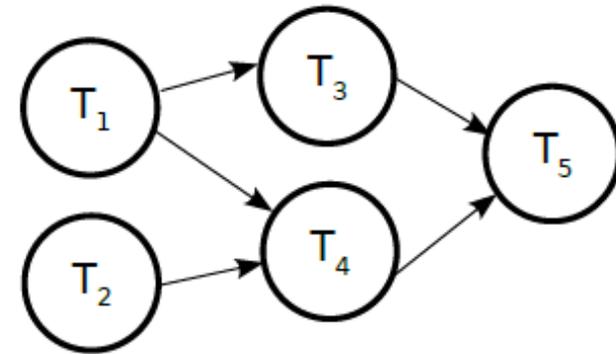
Tâche	Paramètres des tâches			Nouvelles valeurs	
	$r_i$	$C_i$	$d_i$	$r^*_i$	$d^*_i$
T <sub>1</sub>	0	1	5	0	
T <sub>2</sub>	5	2	7	5	
T <sub>3</sub>	0	2	5	1	5
T <sub>4</sub>	0	1	10	7	9
T <sub>5</sub>	0	3	12	8	12

T2 a comme successeur T4 alors  $d_2^* = \text{Min}(d_2 = 7, d_4^* - c_4 = \text{Min}(7, 9-1) = 7)$

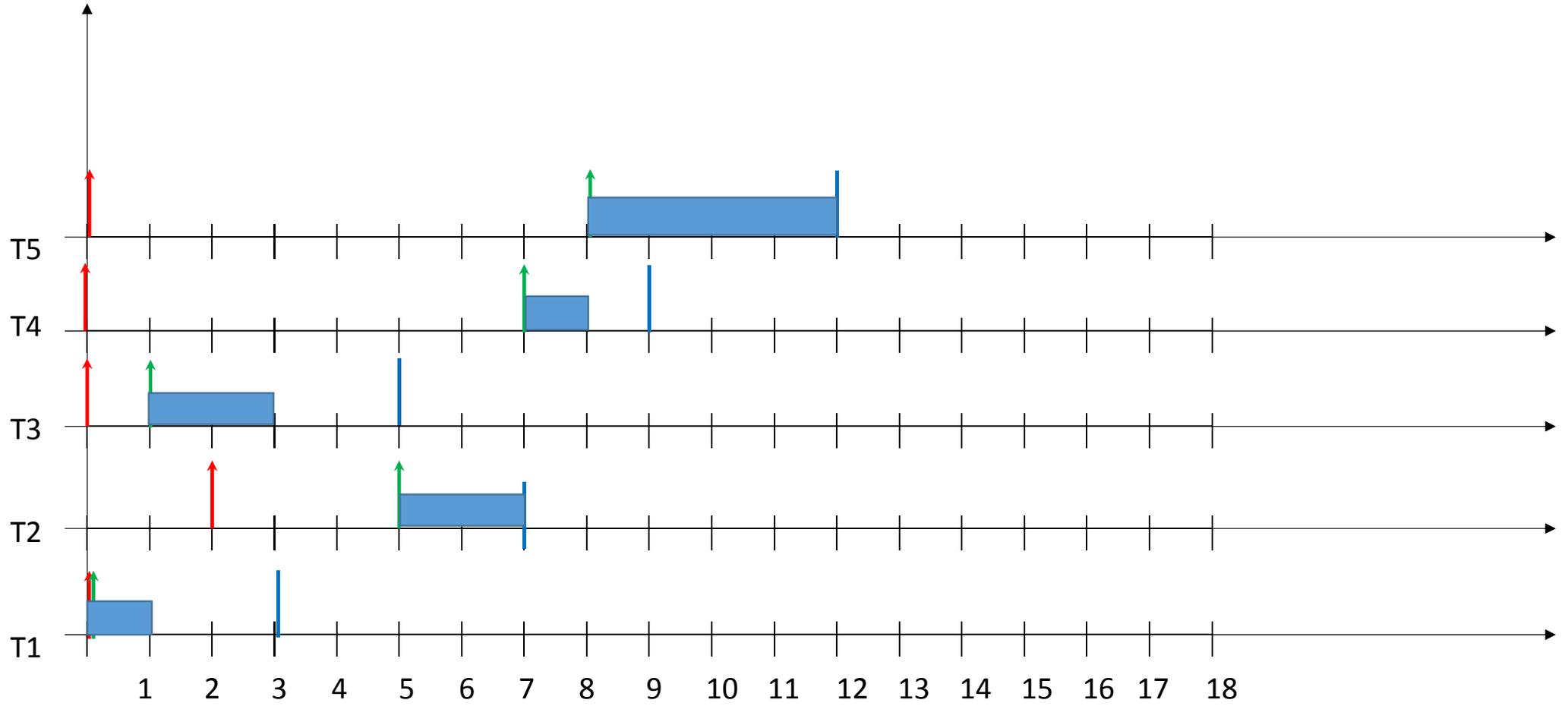


Tâche	Paramètres des tâches			Nouvelles valeurs	
	$r_i$	$C_i$	$d_i$	$r^*_i$	$d^*_i$
T <sub>1</sub>	0	1	5	0	
T <sub>2</sub>	5	2	7	5	7
T <sub>3</sub>	0	2	5	1	5
T <sub>4</sub>	0	1	10	7	9
T <sub>5</sub>	0	3	12	8	12

T1 a comme successeurs T3 et T4 alors  $d1^* = \text{Min}(d1 = 5, d3^* - c3, d4^* - c4) = \text{Min}(5, 5-2, 9-1) = 3$



Tâche	Paramètres des tâches			Nouvelles valeurs	
	$r_i$	$C_i$	$d_i$	$r^*_i$	$d^*_i$
T <sub>1</sub>	0	1	5	0	3
T <sub>2</sub>	5	2	7	5	7
T <sub>3</sub>	0	2	5	1	5
T <sub>4</sub>	0	1	10	7	9
T <sub>5</sub>	0	3	12	8	12



# Contraintes par partage de ressources

- **Rappel:**

- une ressource critique : pas de possibilité d'une utilisation simultanée par plusieurs tâches à la fois,
- une section critique : une séquence d'instructions pendant lesquelles une ressource critique est utilisée,

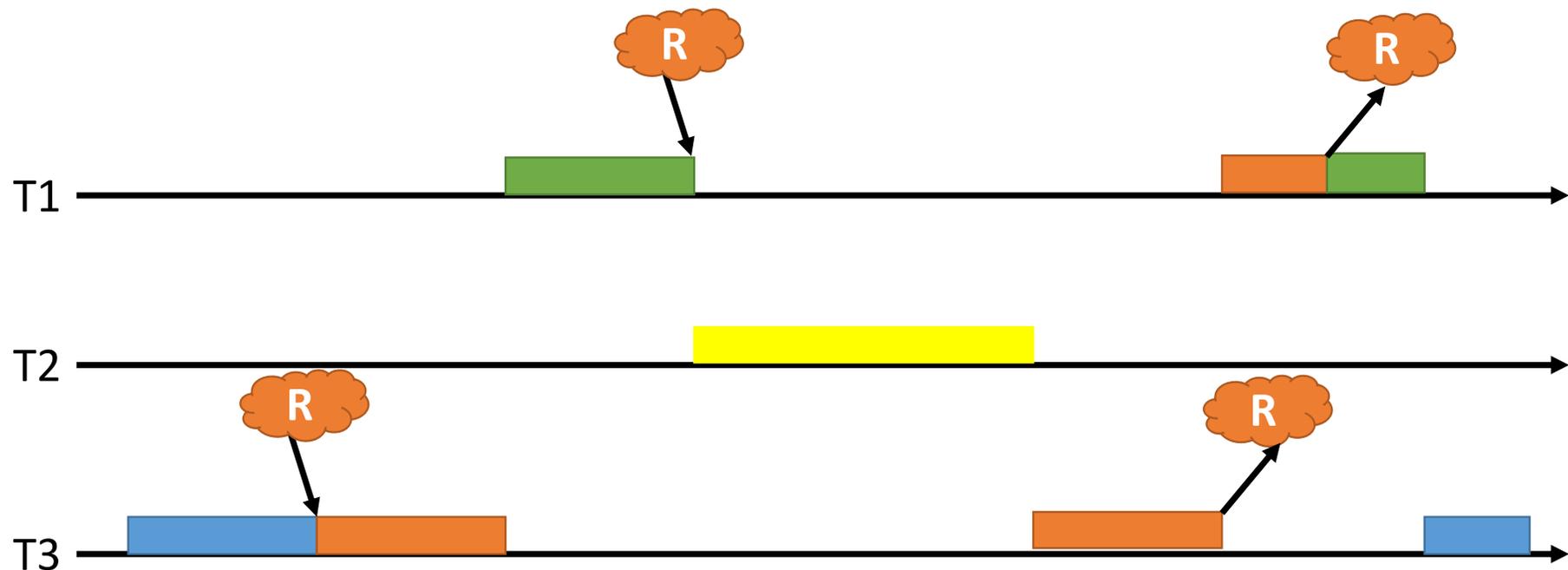
- **Problématique:**

- En plus de l'ordonnancement ordinaire (partage de processeur entre tâches) on doit assurer que la cohérence de l'utilisation de la ressource critique qui mène parfois à une impossibilité d'ordonnancement (donc d'exécution de tâches)

# Exemple illustratif de la problématique

Soit quatre (04) tâches dont:

Priorité(T1) > Priorité(T2) > Priorité(T3)



Ordonnancement de tâches partageant des  
ressources critiques:

Protocole d'héritage de priorité

# Protocole d'héritage de priorité

- **Hypothèses:**

- Soit  $n$  tâches périodiques  $T_1, T_2, \dots, T_n$  (période  $P_i$ , capacité  $C_i$ ), qui partagent  $m$  ressources  $R_1, R_2, \dots, R_m$
- Chaque ressource  $R_j$  est gardée par un sémaphore binaire  $S_j$  limitant une section critique  $SC_{i,j}$  (pour  $T_i$ )
- On distingue:  $P_i$  : priorité nominale et  $p_i$  : priorité active (pour  $T_i$ )

- **Principe :**

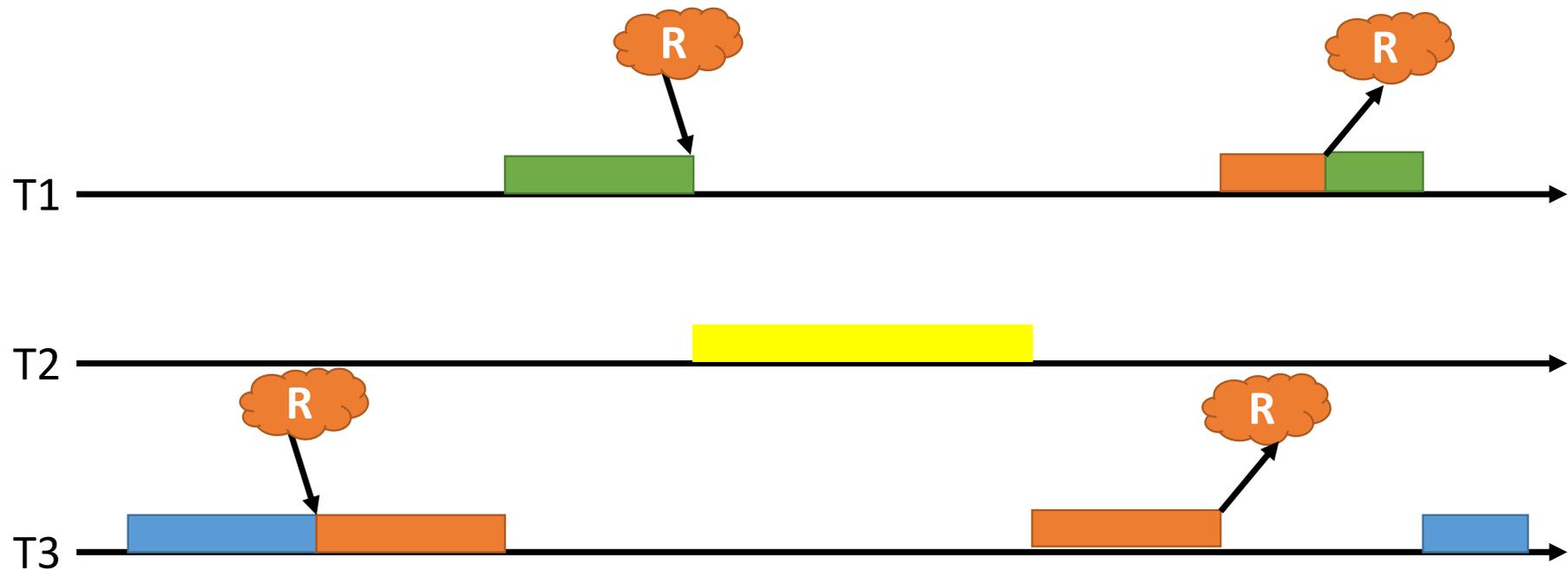
- donner à la tâche qui possède la ressource  $R_j$  la priorité de la tâche de plus haute priorité qui attend cette Ressource  $R_j$

- **Détails :**

- les tâches sont ordonnancées suivant leur priorité active
- lorsqu'une tâche  $T_i$  cherche à entrer dans une section critique  $SC_{i,j}$  et que la ressource  $R_j$  est déjà possédée par une tâche  $T_j$ , de priorité plus faible, alors  $T_i$  se bloque (sinon  $T_i$  entre dans  $SC_{i,j}$ )

- la tâche  $T_i$ , bloquée, transmet sa priorité à  $T_j$  (la priorité active  $p_j$  de  $T_j =$  la priorité nominale  $P_i$  de  $T_i$ )
- Ceci aide  $T_j$  à reprendre et à terminer son exécution de la section critique  $SC_{i,j}$
- PS.  $T_j$  a déjà lancé un sémaphore  $S_j$  en entrant à  $SC_{i,j}$
- Lorsque  $T_j$  sort de la  $SC_{i,j}$ , elle relâche le sémaphore  $S_j$  et donc la tâche de plus haute priorité ( $T_i$ ) est réveillée
- La priorité active  $p_j$  de  $T_j$  est ramenée à la priorité nominale  $P_j$  (sa priorité initiale)

# Exemple (sans héritage de priorité)



# Exemple (avec héritage de priorité)

