

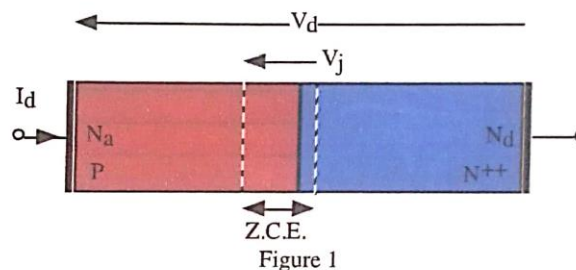
## 1 MASTER- Caractérisation des Semi-conducteurs

### TD 03 : Caractéristique I(V)

#### Problème N 01:

On dispose d'une diode semi-conductrice dont on ignore tout, sauf qu'elle est de type PN<sup>++</sup>. On supposera donc que  $N_a \ll N_d$ . Le schéma de principe d'une telle diode est rappelé en figure 1.

- Z.C.E est la zone de charge d'espace, vide de porteurs.
- $V_j$  représente la différence de potentiel au niveau de la jonction idéale.
- $V_d$  représente la différence de potentiel aux bornes de la jonction réelle sachant que l'on prend en compte la résistivité des zones P et N<sup>++</sup>.



On rappelle les lois suivantes :

$$I_d = I_s \left[ \exp\left(\frac{V_j}{U_T}\right) - 1 \right] \quad (1) \quad \text{avec : } U_T = \frac{kT}{q} \quad \text{et} \quad V_d = V_j + R_s I_d \quad (2)$$

- $I_d$  est le courant circulant dans la diode
- $I_s$  le courant inverse de saturation
- $R_s$  la résistance série correspondant aux zones dopées N<sup>++</sup> et P de part et d'autre de la zone de charge d'espace.

On tiendra compte aussi de la variation du courant inverse de saturation  $I_s$  en fonction de la température :

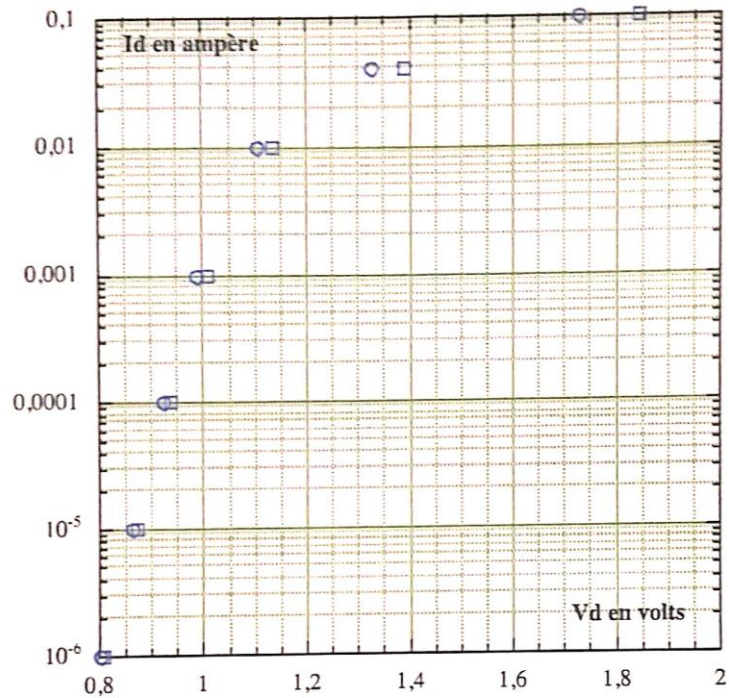
$$I_s = A T^3 \exp\left(-\frac{E_g}{kT}\right) \quad (3) \quad \text{où } E_g \text{ représente la hauteur de bande interdite}$$

Pour déterminer les caractéristiques physiques de la diode, on a effectué la mesure de l'évolution du courant  $I_d$  en fonction de la tension  $V_d$  pour deux températures :

- $T_0 = 300 \text{ °K}$  où  $kT_0 = 0.026 \text{ eV}$
- $T_1 = 330 \text{ °K}$  où  $kT_1 = 0.028 \text{ eV}$

$I_d$	1 $\mu\text{A}$	10 $\mu\text{A}$	100 $\mu\text{A}$	1mA	10mA	40 mA	100mA
$V_d(T_0)$ en V	0.800	0.860	0.920	0.986	1.103	1.326	1.725
$V_d(T_1)$ en V	0.808	0.873	0.937	1.009	1.137	1.390	1.844

Les graphes du courant  $I_d$  dans la diode en fonction de la tension  $V_d$  pour les deux températures  $T_0$  et  $T_1$  sont donnés en figure 2.



- 1) A partir de quelle valeur du courant  $I_d$ , l'effet de la résistance série  $R_S$  est-elle prépondérante sur la tension  $V_j$  ?
- 2) En se plaçant à courant de diode très faible où l'effet de la résistance  $R_S$  est négligeable, calculer la valeur du courant inverse de saturation  $I_S$  pour les deux températures  $T_0$  et  $T_1$ .

On se propose de déterminer le type de semi-conducteur dans lequel est réalisée la diode. Pour cela, on va déterminer une relation liant la variation relative du courant  $I_S$  avec la variation relative de la température.

- 3) Dans ces conditions, on suivra les étapes de calcul suivantes :

- a) Calculer l'expression de la dérivée du courant  $I_S$  par rapport à la température soit :  $\frac{dI_S}{dT}$
- b) En déduire ensuite la relation suivante :

$$\left[ \frac{dI_S}{I_S} \right]_{T_0} = \left( 3 + \frac{E_g}{k T_0} \right) \frac{dT}{T_0}$$

- c) En remplaçant  $dI_S$  et  $dT$  par  $\Delta I_S$  et  $\Delta T$ , déterminer la valeur de la hauteur de bande interdite  $E_g$  et en déduire le type de semi-conducteur utilisé dans ce dispositif en utilisant les données suivantes pour la température  $T_0 = 300$  °K.

T = 300 K	Si	Ge	GaAs
E <sub>g</sub> (eV)	1.12	0.67	1.4
μ <sub>n</sub> (V <sup>-1</sup> cm <sup>-2</sup> s <sup>-1</sup> )	1450	3800	6000
μ <sub>p</sub> (V <sup>-1</sup> cm <sup>-2</sup> s <sup>-1</sup> )	450	1700	400

On se propose de déterminer les mobilités de ce semi-conducteur à la température T<sub>1</sub>.

4) Déterminer l'expression de la résistance série R<sub>s</sub> en fonction de V<sub>d</sub>, I<sub>d</sub>, I<sub>s</sub> et U<sub>T</sub>. Calculer la résistance série de la diode pour I<sub>d</sub> = 100 mA et ceci pour T<sub>0</sub> et T<sub>1</sub>.

5) Sachant que la diode est de type PN<sup>++</sup>, quelle est la zone P ou N<sup>++</sup> qui est la plus résistive ?

6) En négligeant la contribution de la zone dopée la moins résistive, on peut alors écrire la relation habituelle :  $R_s = \frac{1}{qp\mu_p} \frac{L}{S}$ . Exprimer alors :  $\frac{dR_s}{R_s}$  en fonction de  $\frac{d\mu_p}{\mu_p}$ .

7) La mobilité des trous est fonction de la température selon la loi :  $\mu_p(T) = \mu_{p0} \left[ \frac{T}{T_0} \right]^{-\alpha}$  où μ<sub>p0</sub> représente la mobilité à la température T<sub>0</sub> = 300 K.

Dans ces conditions, exprimer la relation liant ( dμ<sub>p</sub>/μ<sub>p</sub>) en fonction de (dT/T).

8) En déduire l'expression du coefficient α et faire l'application numérique.

Calculer alors la mobilité des trous à T<sub>1</sub> = 330 K, dans le matériau semi-conducteur utilisé.

## Problème N 2 :

### Problème N 2 :

La relation courant tension d'une diode se met sous la forme :  $I = I_s \left[ \exp\left(\frac{kV}{kT}\right) - 1 \right]$  où  $I_s$  est le courant inverse. En première approximation, on suppose que le courant  $I_s$  est dû uniquement aux porteurs minoritaires des régions N et P.

Dans ce cas, on montre que le courant  $I_s$  se met sous la forme :  $I_s = K n_i^2$  où  $K$  est une constante indépendante de la température.

On rappelle que :  $n_i^2 = AT^3 \exp\left(-\frac{qE_g}{kT}\right)$

Où  $A$  est une constante indépendante de la température,  $E_g$  est la bande interdite du Si exprimé en eV et supposée indépendante de la température,  $k = 1,38 \cdot 10^{-23} \text{ JK}^{-1}$  est la constante de Boltzman et  $T$  la température en Kelvin.

5. Montrer que  $\frac{dI_s}{dT}$  peut se mettre, pour une température  $T_1$  quelconque, sous la forme :

$$\left. \frac{dI_s}{dT} \right|_{T_1} = I_s(T_1) B(T_1)$$

Où  $I_s(T_1)$  désigne le courant inverse à la température  $T_1$ .

6. Calculer  $B(T)$  pour  $T_1 = 300\text{K}$ , on rappelle que  $E_g = 1,12 \text{ eV}$ .
7. On veut déterminer la température  $T_2$  telle que  $I_s(T_2) = 2I_s(300\text{K})$ , on suppose que  $T_2$  est suffisamment proche de  $T_1 = 300\text{K}$  pour considérer que la courbe  $I_s(T)$  est une droite.
- Exprimer dans ces conditions  $\Delta I_s$  en fonction de  $\Delta T$ ,  $I_s(T_1)$  et  $B(T_1)$ .
  - En déduire la valeur de  $T_2$ .
8. La diode est maintenant utilisée comme capteur de température, à cet effet elle est insérée dans le montage de la figure 3. Sachant que  $I_s(300\text{K}) = 2,5 \text{ pA}$ , donner les valeurs de la tension  $V_R$  à  $300\text{K}$  et à la température  $T_2$  trouvée précédemment, on donne  $R = 18 \text{ M}\Omega$ .

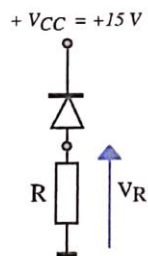


Figure 3

### FACTEUR D'IDEALITE DE LA DIODE

En pratique, la relation courant tension  $I = I_s \left[ \exp\left(\frac{kV}{kT}\right) - 1 \right]$  n'est pas bien vérifiée, car il faut prendre en compte :

- La génération - recombinaison des porteurs dans la zone de charge d'espace (courant 2 de la figure 4)
- L'effet de la résistance série  $R_s$  de la diode

La figure 4 montre le cas d'une jonction polarisée en inverse. Au courant  $I_s$  des porteurs minoritaires (courant (1)), il faut ajouter celui qui est dû à la génération - recombinaison (2).

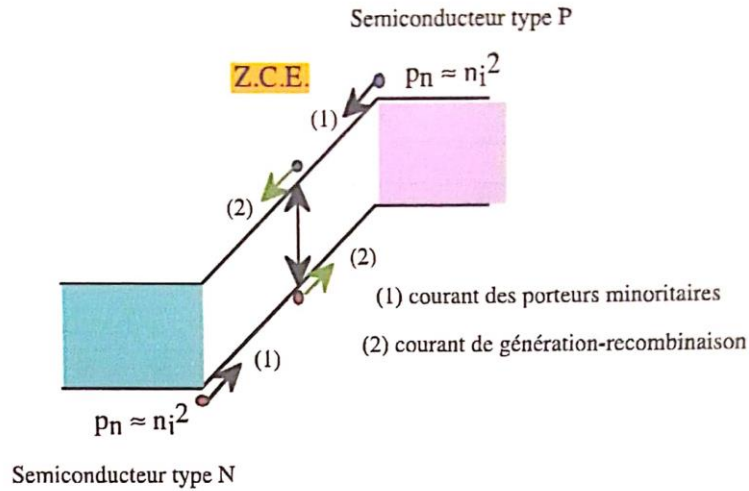


Figure 4

La prise en compte du courant de génération - recombinaison et de la résistance série modifie la relation courant - tension qui se met alors sous la forme :

$$I = I_{sr} \left[ \exp\left(\frac{q(V - R_s I)}{nkT}\right) - 1 \right]$$

où  $n$  est le facteur d'idéalité compris entre 1 et 2.

On se propose de déterminer  $n$  en réalisant des mesures courant - tension dans le sens direct. Dans ce cas, la relation précédente peut être approximée selon :

$$I = I_{sr} \exp\left(\frac{q(V - R_s I)}{nkT}\right)$$

Sur la figure 5 on a reporté  $\log(I)$  en fonction de la tension  $V$  à 300K.

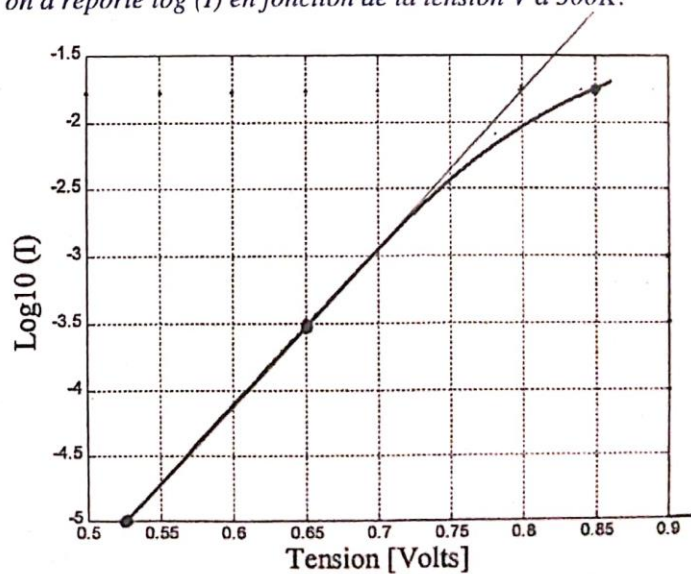


Figure 5

9. Dans le cas où  $R_s I \ll V$ , c'est-à-dire pour les faibles valeurs de  $V$ , calculer  $\frac{d \ln(I)}{dV}$  et en déduire l'expression littérale de  $n$ .
10. A partir du graphe de la figure 5, déterminer la valeur de  $n$ .
11. Déterminer la valeur du courant  $I_{sr}$ .
12. L'effet de la résistance  $R_s$  se fait sentir pour les fortes valeurs de la tension  $V$ , en déduire à partir du graphe de la figure 5, la valeur de  $R_s$ .