

TD III

EXERCICE N° I

Reprenez les différents modèles mathématiques produits lors de la correction des TDs précédents et donner les modèles mathématiques adéquats en forme standard par rapport à une base.

EXERCICE N° II

Résoudre les programmes linéaires suivants en utilisant la méthode du simplexe :

1. $X_1 \geq 0, X_1 \in \mathbb{R}; X_2 \geq 0, X_2 \in \mathbb{R}$
 $X_2 \leq 10$
 $10X_1 + X_2 \leq 70$
 $3X_1 + 2X_2 \leq 30$
 $\text{Max}(15X_1 + 5X_2)$
2. $X_1 \geq 0, X_1 \in \mathbb{R}; X_2 \geq 0, X_2 \in \mathbb{R}$
 $-2X_1 + 3X_2 \leq 24$
 $5X_1 - 2X_2 \leq 50$
 $10X_1 + 7X_2 \leq 140$
 $\text{Max}(20X_1 + 14X_2)$
3. $X_1 \geq 0, X_1 \in \mathbb{R}; X_2 \geq 0, X_2 \in \mathbb{R}$
 $2X_1 + 5X_2 \leq 180$
 $3X_1 + 3X_2 \leq 135$
 $\text{Max}(2000X_1 + 3000X_2)$
4. $X_1 \geq 0, X_1 \in \mathbb{R}; X_2 \geq 0, X_2 \in \mathbb{R}$
 $5X_1 + 3X_2 \leq 30$
 $2X_1 + 3X_2 \leq 24$
 $X_1 + 3X_2 \leq 18$
 $\text{MAX}(8X_1 + 6X_2)$

Pour le corrigé de cette série d'exercice , appliquer l'algorithme suivant :

Résolution d'un programme linéaire par la méthode du Simplexe

Soit P un programme linéaire présenté sous une forme Primal :

- $X \geq 0$ tel que X est le vecteur des variables principales $X=(X_1, X_2, \dots, X_n)$
- $AX \leq B$ tel que $A(m,n)$ matrice des coefficients technologiques et $B=(b_1, b_2, \dots, b_m)$ vecteur de la disponibilité avec $b_i \geq 0 \forall i=1, m$
- $\text{Max}(CX)$ avec $C=(C_1, C_2, \dots, C_n)$ un vecteur cout

Algorithme du Simplexe

Début

Pas1 : Standardiser le PL sous forme standard par rapport à une base (nécessite l'ajout d'une variable d'écart pour chaque contrainte).

Pas 2 : Représenter le PL (FS/BASE) par les tableaux.

Pas 3 : Calculer s qui représente l'indice de la variable sortante tel que $s = \text{rang Max}$ (vecteur Cout C_i).

Si $C_i \leq 0 \forall i = 1, n$ la solution optimale est atteinte alors Arrêt.

Pas 4 : r selon l'analyse de A_i^s

si $(A_i^s > 0) = 0 \Rightarrow$ la fonction objective est non bornée Arrêt.

Sinon calculer r indice de la variable entrante tel que $r = \text{rang} (\text{Min}(b_i / A_i^s) / A_i^s > 0)$

Pas 5 : Pivotage selon la méthode de Gauss.

Pas 6 : Aller à Pas 3.

Fin.