

سلسلة التمارين رقم 1

تمرين 1 : اكتب بالتفصيل (أي بإعطاء كل عناصر) المجموعات التالية:

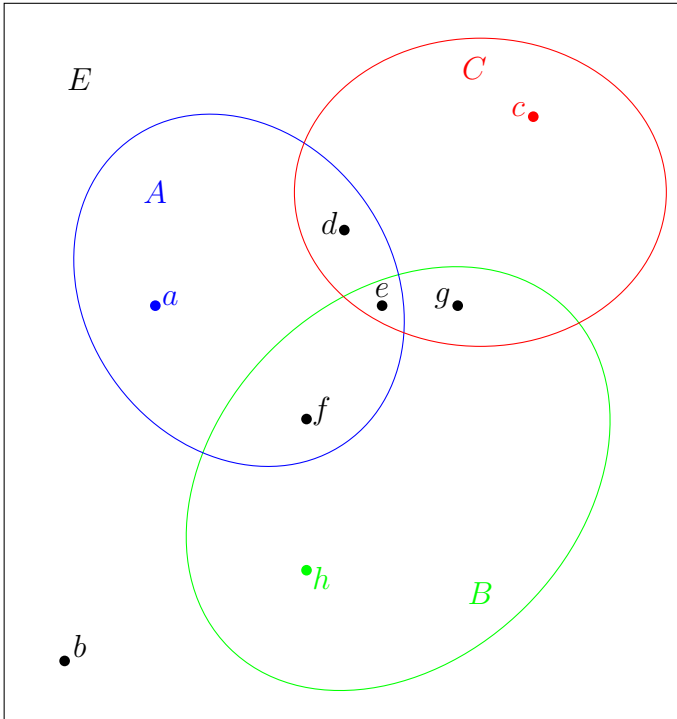
$$(1) A = \{2\pi \text{ و } \sqrt{2} \text{ بين صحيحين}\}$$

$$(2) B = \{x \in \mathbb{Q}; \exists(n, p) \in \mathbb{N} \times \mathbb{N}, x = \frac{p}{n} \text{ و } 1 \leq p \leq 2n \leq 7\}$$

تمرين 2 : إذا كان لدينا $C \subset A \cup B$ فهل؟ لأن $C \subset A$ أو $C \subset B$

تمرين 3 : نأخذ في الاعتبار مخطط فين التالي ، الذي يحتوي على ثلاثة مجموعات جزئية A, B, C من المجموعة E والعناصر a, b, c, d, e, f, g, h من E .

حدد ما إذا كانت العبارات التالية صحيحة أم خاطئة:



$$(1) g \in A \cap \bar{B}$$

$$(2) g \in \bar{A} \cap \bar{B}$$

$$(3) g \in \bar{A} \cup \bar{B}$$

$$(4) f \in \bar{A}$$

$$(5) e \in \bar{A} \cap \bar{B} \cap \bar{C}$$

$$(6) \{h, b\} \subset \bar{A} \cap \bar{B}$$

$$(7) \{a, f\} \subset A \cup C$$

تمرين 4 : لنفرض أن A, B, C ثلاث مجموعات حيث $A \cup B = B \cap C$.
أثبت أن $A \subset B \subset C$.

تمرين 5 : لئكن A, B و C ثلاث مجموعات جزئية من المجموعة E . بالنسبة إلى $X \subset E$ ، نرمز بالرمز X^c إلى متممة X في E .
أثبت فوانين مورغان التالية:

1. $(A \cap B) \cup C = (A \cup C) \cap (B \cup C)$
2. $(A^c)^c = A$
3. $(A \cap B)^c = A^c \cup B^c$
4. $(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$.

تمرين 6 : اوجد مجموعة أجزاء المجموعة $E = \{a, b, c, d\}$.

تمرين 8 : لئكن E مجموعة و A و B مجموعتين جزئيتين من E .
أثبت أن $A \Delta B = B$ (الفرق التناظري) إذا وفقط إذا كانت $A = \emptyset$.

تمرين 9 : حدد ما إذا كانت العلاقات التالية انعكاسية ، تناظرية ، ضد تناظرية أو متعدية:

$$E = \mathbb{Z} \text{ و } x \mathcal{R} y \iff x = -y \quad (1)$$

$$E = \mathbb{R} \text{ و } x \mathcal{R} y \iff \cos^2 x + \sin^2 y = 1 \quad (2)$$

$$E = \mathbb{N} \text{ و } x \mathcal{R} y \iff \exists p, q \geq 1, y = px^q \quad (3)$$

حيث p و q أعداد طبيعية.

تمرين 10 : تعرف في \mathbb{R}^2 العلاقة \mathcal{R} كما يلي:

$$(x, y) \mathcal{R} (x', y') \iff x = x'.$$

(1) أثبت أن \mathcal{R} علاقة تافؤ.

(2) أوجد صنف تافؤ العنصر $(x_0, y_0) \in \mathbb{R}^2$.

تمرين 11 : تعرف على المجموعة \mathbb{R} العلاقة التالية

$$x \mathcal{R} y \iff x^2 - y^2 = x - y.$$

(1) أثبت أن \mathcal{R} علاقة تافؤ.

(2) أوجد صنف تافؤ العنصر x من \mathbb{R} .

(3) كم يوجد من عنصر في هذه الفئة؟