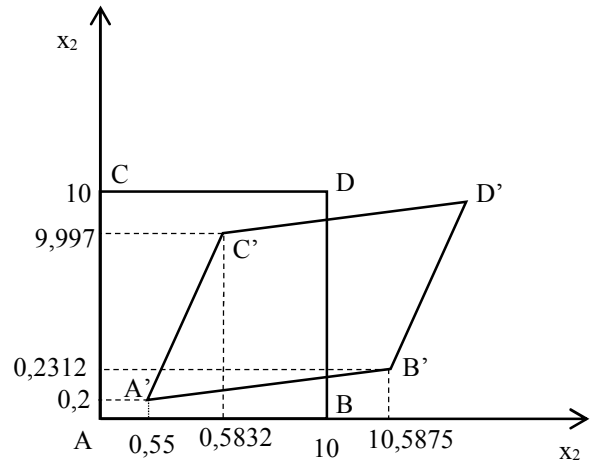


Travaux Dirigés (Série n°2)

**Exercice N° 01 :**

On trace au point A un carré ABCD de côté 10 dans le plan  $(A/ x_1, x_2)$ . Après chargement et par rapport à un repère fixe, nous obtenons le parallélogramme A'B'C'D'.

a) déterminer les composantes  $\epsilon_{ij}$  de la matrice associée au tenseur des déformations pure et la rotation du milieu.



**Exercice N° 02 :**

On considère le champs de déplacement  $U = P_0 P_1 = (u, v, w)$  suivant :

$$\begin{aligned} u &= 730 \cdot 10^{-6} x_1 + 350 \cdot 10^{-6} x_2 \\ v &= 430 \cdot 10^{-6} x_1 + 145 \cdot 10^{-6} x_2 \\ w &= -375 \cdot 10^{-6} x_3 \end{aligned}$$

- 1°) Déterminer le tenseur Grad U . En déduire les tenseurs de déformation pure et de rotation ainsi que le pseudo-vecteur de rotation.
- 2°) Déterminer les allongements principaux et les directions principales ( $\epsilon_I > \epsilon_{II} > \epsilon_{III}$ ).
- 3°) Déterminer l'angle  $(x_1, X_1)$  que l'axe  $x_1$  (ou  $e_1$ ) fait avec l'axe principale  $X_1$ .
- 4°) Déterminer l'allongement unitaire et le glissement relatif dans la direction n faisant un angle de  $45^\circ$  avec l'axe  $x_1$  (ou  $e_1$ ) et perpendiculaire à l'axe  $x_3$  (ou  $e_3$ ).

**Exercice N° 03 :**

Montrer que l'accroissement proportionnel d'un volume élémentaire  $\Delta V/V$  est donné par :

$$\Delta V/V = \text{tr}(\mathcal{E})$$

Que devient une sphère élémentaire après déformation.