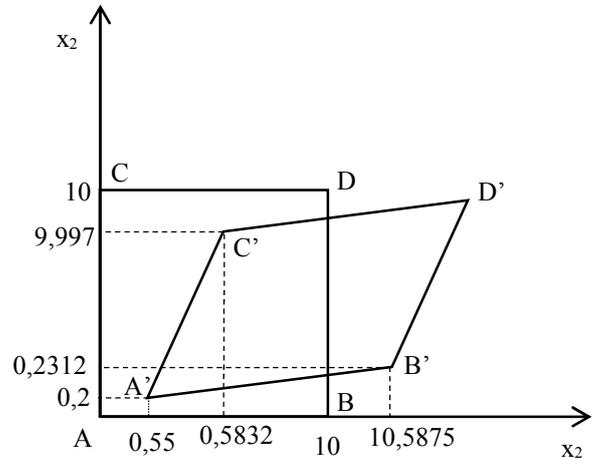


Travaux Dirigés (Série n°2)

Exercice N° 01 :

On trace au point A un carré ABCD de côté 10 dans le plan $(A/ x_1, x_2)$. Après chargement et par rapport à un repère fixe, nous obtenons le parallélogramme A'B'C'D'.

a) déterminer les composantes ϵ_{ij} de la matrice associée au tenseur des déformations pure et la rotation du milieu.



Exercice N° 02 :

On considère le champs de déplacement $U = P_0 P_1 = (u, v, w)$ suivant :

$$\begin{aligned} u &= 730 \cdot 10^{-6} x_1 + 350 \cdot 10^{-6} x_2 \\ v &= 430 \cdot 10^{-6} x_1 + 145 \cdot 10^{-6} x_2 \\ w &= -375 \cdot 10^{-6} x_3 \end{aligned}$$

- 1°) Déterminer le tenseur Grad U . En déduire les tenseurs de déformation pure et de rotation ainsi que le pseudo-vecteur de rotation.
- 2°) Déterminer les allongements principaux et les directions principales ($\epsilon_I > \epsilon_{II} > \epsilon_{III}$).
- 3°) Déterminer l'angle (x_1, X_1) que l'axe x_1 (ou e_1) fait avec l'axe principale X_1 .
- 4°) Déterminer l'allongement unitaire et le glissement relatif dans la direction n faisant un angle de 45° avec l'axe x_1 (ou e_1) et perpendiculaire à l'axe x_3 (ou e_3).

Exercice N° 03 :

Montrer que l'accroissement proportionnel d'un volume élémentaire $\Delta V/V$ est donné par :

$$\Delta V/V = \text{tr}(\mathcal{E})$$

Que devient une sphère élémentaire après déformation.