

الإمتحان الإستدراكي للسداسي الأول

تمرين 1 : (5 نقاط)

نعرف على المجموعة \mathbb{R} العلاقة الثنائية

$$x \mathcal{R} y \iff x^2 - y^2 = x - y.$$

(1) أثبت أن \mathcal{R} علاقة تآلف.

(2) أوجد صنف تآلف العنصر x من \mathbb{R} .

(3) كم يوجد من عنصر في هذه الفئة؟

تمرين 2 : (5 نقاط)

لنكن f و g الدوال المعرفة من \mathbb{N} نحو \mathbb{N} المعرفة كما يلي $f(x) = 2x$ و

$$g(x) = \begin{cases} \frac{x}{2} & \text{إذا كان } x \text{ زوجي} \\ 0 & \text{إذا كان } x \text{ فردي} \end{cases}$$

(1) أوجد $f \circ g$ و $g \circ f$.

(2) هل الدوال f و g متباينة؟ غامرة؟ نقابلية؟

تمرين 3 : (10 نقاط)

نرود المجموعة $A = \mathbb{R} \times \mathbb{R}$ بالفانونين المعرفة كما يلي:

$$(x, y) + (x', y') = (x + x', y + y') \quad \text{و} \quad (x, y) * (x', y') = (xx', xy' + x'y)$$

(1) أثبت أن $(A, *)$ زمرة تبديلية.

(2) أثبت أن

(A) الفانون * تبديلي.

(B) الفانون * تجميعي.

(C) اوجد العنصر المحايد بالنسبة للفانون *.

(D) أثبت أن $(A, +, *)$ تشكل حلقة تبديلية.