

حل التمرين 1

المعطيات	الحل
<p>لدينا ثلاث اوراق تجارية: $V_1 = 3.500.0000$ مدة 45 يوم $V_2 = 2.274.000$ مدة 7 اشهر $V_3 = 2.220.000$ مدة من 9/6 الى 12/30 اي 115 يوم (يوم 115=30+30+31+24) المطلوب: القيمة الاسمية لكل ورقة.</p>	<p>$V = Sx(1-ni) \dots\dots\dots \Rightarrow \dots\dots S = v/(1-ni)$ $S_1 = V_1/(1-ni) = 3500000(1-45/360 \times 0.09) = 3.460.625$ $S_2 = V_2/(1-ni) = 2274000(1-7/12 \times 0.09) = 2.154.615$ $S_3 = V_3/(1-ni) = 2220000(1-115/360 \times 0.09) = 2.156.175$</p>

حل التمرين 2

المعطيات	الحل
<p>عدد الدفعات $n = 13$ دفعة اولها بعد 6 اشهر من الآن و اخرها سيكون بذلك بعد 18 شهرا من الآن. معدل الخصم $i = 8\%$ القيمة الحالية للقرض $V = 300.000$ المطلوب: مبلغ الدفعة S</p>	<p>$V = Sx(1-ni) \dots\dots\dots S = v/(1-ni)$ $V = nS - n/2 \times S \times i(n_1 + n_n)$ $300.000 = 13 \times S - 13/2 \times S \times 0.08(6/12 + 18/12)$ $300.000 = S(13 - 1,04) \dots\dots\dots S = 25083,61$</p>

حل التمرين 3

لدينا المعطيات التالية: القيمة الاسمية $S = 10000$. المدة n من $3/4$ الى $5/22$ اي (22+30+27) اي 79 يوم، $i = 6\%$

المطلوب: حساب القيمة الحالية الصافية V_{net} او V_{an}

$$V_{an} = S - \text{Agio} = 10000 - (\text{مصاريف التحصيل} + \text{مصاريف العمولة} + \text{الخصم})$$

$$E = Sni = 10000 \times 79/360 \times 0.06 = 130$$

$$\text{العمولة} = x \times 1/1000 = 10000 \times 1/1000 = 10$$

$$\text{التحصيل} = s \times 1/1000 = 10000 \times 1/1000 = 10$$

لكن البنك لا يقبل اقل من 15 د. لهذا نرفض 10 د و نستبدلها بـ 15 د

و بالتالي:

$$V_{an} = 10000 - 130 - 10 - 15 = 9855$$

حل التمرين 4

لدينا: في 6/15 تم خصم ثلاث اوراق بحيث:

$$S_1=8460 \text{ المدة } n_1=120 \text{ j } (120=13+30+31+31+15) \text{ يوم}$$

$$S_2=8400 \text{ المدة } n_2=78 \text{ j } (78=1+31+31+15) \text{ يوم}$$

$$S_3=8310 \text{ المدة مجهولة.}$$

اولا حساب معدل الخصم i .

عند التكافؤ بتاريخ 6/15 يكون لدينا: $V_1=V_2$

$$V_1=S_1(1-n_1i)=S_2(1-n_2i)$$

$$8460(1-120/360i)=8400(1-78/360i)$$

$$8460-2820i=8400-1820i$$

$$60=1000i$$

$$i=6\%$$

ثانيا: تاريخ استحقاق الورقة 3

$V_1=V_2=V_3$ عند التكافؤ و بالتالي:

$$V_1=S_1(1-n_1i)=8460(1-120/360 \times 0.06)=8290,8$$

$$8290,8=8310(1-0.06n)$$

$$-19.2=-498,6n$$

$$n=19,2/498.6=0.03850$$

نحول المدة الى الايام نجد (يوم $0.03850 \times 360=14$)

اي انطلاقا من 6/15 تاريخ الاستحقاق يكون 6/29

حل التمرين 5

لدينا:

03/1 تاريخ الاستبدال و 8/28 تاريخ الاستحقاق. اي المدة 180 يوم. القيمة الاسمية للدين الجديد

$$S_2=56448$$

المطلوب: القيمة الاسمية للدين الاول S_1 . دوما ننطلق من قانون التكافؤ: $V_1=V_2$

$$S_1(1-120/360 \times 0.06)=S_2(1-180/360 \times 0.06)$$

$$0,98S_1=S_2(0.97)..... 0,98S_1=56448(0.97)...S_1(0.98)=54754.56$$

$$S_1=55872$$

حل التمرين 5

القيمة الحالية للديون القديمة = القيمة الحالية للديون الجديدة في تاريخ التكافؤ

$$V_1=V_2$$

$$20000(1-1/12xi)+10000(1-4/12xi)=10200+10000(1-3/12i)+10000(1-4/12i)$$

$$20000-1666.66+10000-3333.33=10200-2500i+10000-5000i$$

$$2500i=200$$

$$i=0.08=8\%$$

ملاحظات

- 1- رمز القيمة الاسمية لاي دين هو S ; و تعني كذلك الرصيد او الجملة التي يفترض الحصول عليها يوم الاستحقاق الفعلي.
- 2- القيمة الحالية لاي دين رمزها V و تعني قيمة الدين S بعد طرح مبلغ الخصم E .
- 3- لحساب المدة بالايام يمكن الاعتماد على طريقتين: اما اعتبار عدد ايام الشهور كله نفسه 30 يوم. او الاعتماد على العدد الفعلي لايام الشهر حسب الرزنامة السنوية. و كلا الحالتين مقبول. بحيث تم الاعتماد في حل التمارين في هذه السلسلة على الطريقة الثانية. لكن الاختلاف يكون بسيط بسبب اضافة يوم فقط لكل شهر من الاشهر التالية: جانفي و مارس و ماي و جويلية و اوت و ديسمبر. لان عدد ايامها هو 31 يوم.
- 4- عند استبدال دين بدين اخر او دين بعدة ديون، فلا بد دوما من تحقق شرط التكافؤ او قانون التكافؤ اي القيمة الحالية للدين الاصلي = القيمة الحالية للدين الجديد او الديون الجديدة
($V_1=V_2=V_3$)
- 5- عند الحساب يستحسن ابقاء الفواصل كما هي و في النتيجة دوما نأخذ رقمين وراء الفاصلة.