



الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية  
République Algérienne Démocratique et Populaire  
وزارة التعليم العالي والبحث العلمي

Ministère de l'enseignement supérieur et de la recherche scientifique

Universite Mohamed Khider – Biskra

جامعة محمد خيضر بسكرة

faculte des sciences exactes.des sciences de la nature et de la vie.

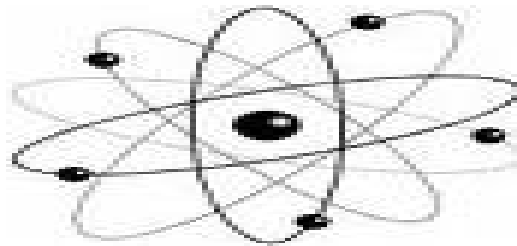
كلية العلوم الدقيقة وعلوم الطبيعة والحياة

Departement des sciences de la matiere.

قسم علوم المادة

Réf. :.....

المرجع:.....



POLYCOPIE : Cristallographie physique.

2020/2021

2<sup>EME</sup> ANNEE LICENCE PHYSIQUE

Lakel Abdelghani

Université M. Khider de Biskra

Département des sciences de la matière

## **Cristallographie physique (D123)**

### **I – GENERALITES**

Définition de l'état cristallin.

Réseaux : définitions : Rangée et plan réticulaire. Mailles représentatives. Motif. Indices de Miller.

Réseau réciproque : Définition : Quelques propriétés et relations avec grandeur du réseau direct.

Distance inter réticulaire

### **II – SYMETRIE DES FIGURES FINIES**

Opérations de symétrie : Inversion, Rotation, Réflexion, Inversion rotatoire, Réflexion rotatoire.

Notions de points équivalents

### **III – SYMETRIE DES RESEAUX – RESEAUX DE BRAVAIS**

Systèmes cristallins. Les différents modes de réseaux. Les quatorze réseaux de Bravais.

Incompatibilité de certains ordres d'axes de rotation avec les réseaux. Quelques relations géométriques dans les réseaux

### **IV – METHODES EXPERIMENTALES DE LA DIFFRACTION**

Conditions de diffraction. Loi de Bragg. Equation de Von Laue. Construction d'Ewald. Différentes

méthode de diffraction : Méthode de Laue. Méthode de Debye-Scherrer. Méthode du cristal

tournant. Méthode de Weissenberg. Diffractomètres automatiques

### **V – LIAISONS CHIMIQUES**

Généralités sur les liaisons chimiques. Structures stables et énergie interne. Les différentes

liaisons dans les cristaux : Forces d'attraction, i) Liaisons fortes – liaisons de valence, Liaison

ionique. Liaison de covalence. Liaison métallique. Interaction ion-dipôle

ii) Liaisons faibles- Liaison de Van der Waals. Liaison par transfert de charge. Liaison hydrogène.

Forces de répulsion

# الفصل الأول

## عموميات

## مقدمة

تتكون المادة في حالاتها الثلاث المعروفة، الغازية والسائلة والصلبة، من ذرات أو جزيئات دائمة الحركة. ويعزى وجود المادة في إحدى هذه الحالات إلى طبيعة وحدود التأثيرات المتبادلة بين ذراتها وجزيئاتها. ويمكن تمييز كل حالة عن الأخرى فيزيائياً بالنظر في خاصية السريان أو التدفق حيث تكون المادة في حالتها الغازية والسائلة قابلة للانسياب والتشكل بشكل الإناء الذي توضع فيه، بينما تفقد المادة الغازية أو السائلة قدرتها على التدفق عندما تتحول إلى الحالة الصلبة بعد تبريدها، وتتخذ شكلاً وحجماً ثابتين.

يستخدم في لغة علم البلورات عدد من المفاهيم والمصطلحات التي تساعد على وصف وتحليل التركيب البلوري الداخلي للمادة. وسنقدم هنا بعض التعريفات الأساسية لأهم المفاهيم والمصطلحات البلورية.

### أنواع المواد الصلبة :

المواد الصلبة تصنف إلى نوعين: مواد صلبة متبلورة كما هو الحال في المعادن وأغلب المركبات الكيميائية والسبائك و غير متبلورة كالزجاج والشمع.

**أولاً : مواد صلبة متبلورة:** تحتوي على صفوف من الذرات المرتبة بشكل هندسي معين وهذا الشكل الهندسي يكون مرتباً بصورة دورية متكررة في داخل الجسم الجامد.

**ثانياً : المواد الصلبة الغير متبلورة:** تحتوي على صفوف من الذرات المرتبة بشكل عشوائياً وغير منتظم.



## الشبكة البلورية

هي نوع من التمثيل الرياضي لنمط ترتيب الوحدة البنائية الأساسية للمادة البلورية. ويتم هذا التمثيل بعدد لا نهائي من النقاط الهندسية المرتبة ترتيباً شبكياً متوازياً يتميز بالتماثل والتكرار المنتظم الدورية (في الفراغ). ويتكون التركيب البلوري بإضافة (الوحدة البنائية الأساسية) أو القاعدة لكل نقطة من نقاط الشبكة، فتكون العلاقة المنطقية هي:

الشبكة الفراغية + (الوحدات الأساسية) القواعد = التركيب البلوري وفي أبسط التركيبات البلورية توجد ذرة واحدة لكل نقطة في الشبكة، كما هو الحال في بلورات النحاس والذهب والفضة، وقد تكون الوحدة البنائية الأساسية أو (القاعدة) مجموعة من الذرات ، ويشترط حينئذ أن تكون الوحدات البنائية متطابقة في تركيبها وترتيبها وتوجيهها.

وتتركب البلورة المثالية من وحدات بنائية أساسية مرتبة على شبكة بلورية فراغية (ثلاثية الأبعاد) بحيث يبدو هذا الترتيب عند النظر إليه من أية نقطة من نقط الشبكة ذات متجه موضع  $\vec{r}$  هو نفسه عند النظر إليه من نقطة أخرى  $\vec{r}'$  طبقاً للمعادلة

$$\vec{r}' = \vec{r} + \vec{T}$$

ويعرف المتجه الانتقالي  $\vec{T}$  الذي يصل بين أي نقطتين في الشبكة بالمعادلة

$$\vec{T} = n_1 \vec{a} + n_2 \vec{b} + n_3 \vec{c}$$

حيث  $\vec{a}$  ,  $\vec{b}$  ,  $\vec{c}$  تسمى المتجهات الانتقالية الأساسية وهي محددة وثابتة  $n_1$  ,  $n_2$  ,  $n_3$  أعداداً صحيحة

## خلية الوحدة (الخلية الأولية)

يفيد مفهوم الشبكية البلورية كثيراً في دراسة الاحتمالات المختلفة لتنظيم الذرات داخل البلورات وفق ما يعرف بقوانين الهندسة البلورية. وقد يكون مناسباً في بعض الأحيان على سبيل التبسيط أن تكون الأمثلة التوضيحية أقرب إلى الفهم والاستيعاب في حالة شبكية أحادية البعد، أو شبكية في بعدين، ثم يجرى التعميم بسهولة لحالة (الشبكية البلورية الفراغية) ثلاثية الأبعاد.

## النظم البلورية وشبكات برافية:

ينسب إلى عالم البلورات الفرنسي " برافية تصنيف الشبكات البلورية إلى أربع عشرة شبكة موزعة على سبعة أنظمة بلورية وعدد شبكات برافية الأربع عشرة والنظم البلورية السبعة محدود بعدد الطرق الممكنة لترتيب النقاط الشبكة بحيث تكون البيئة المحيطة بأي نقطة منها مماثلة تماماً للبيئة المحيطة بأية نقطة أخرى. وتكون "شبكية برافية" بسيطة إذا كانت نقاطها عند الأركان فقط، ويرمز لها بالحرف P ، وعندما تشتمل على نقاط إضافية في مواضع خاصة فإنها تكون ممركرة الأوجه (F) ، أو ممركرة الجسم (I) أو ممركرة القاعدة (C)

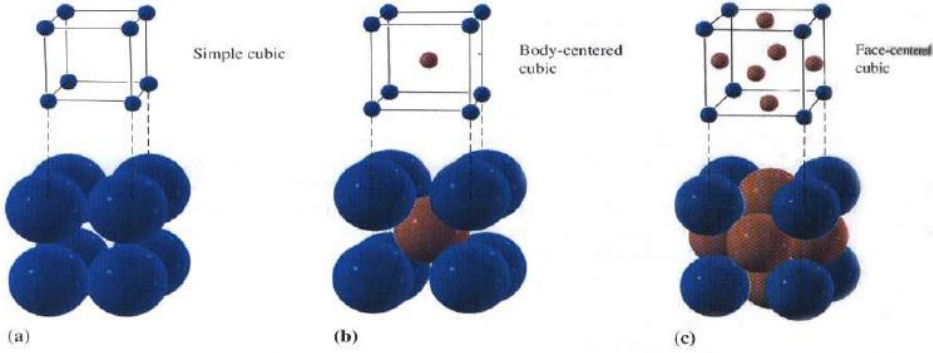
## أنواع الخلايا

تنتمز لخلايا بنوعين هما بدائية وغير بدائية. فالخلية البدائية لها ثلاثة أنواع كما موضح بالشكل

1. مكعب بسيط (SC)

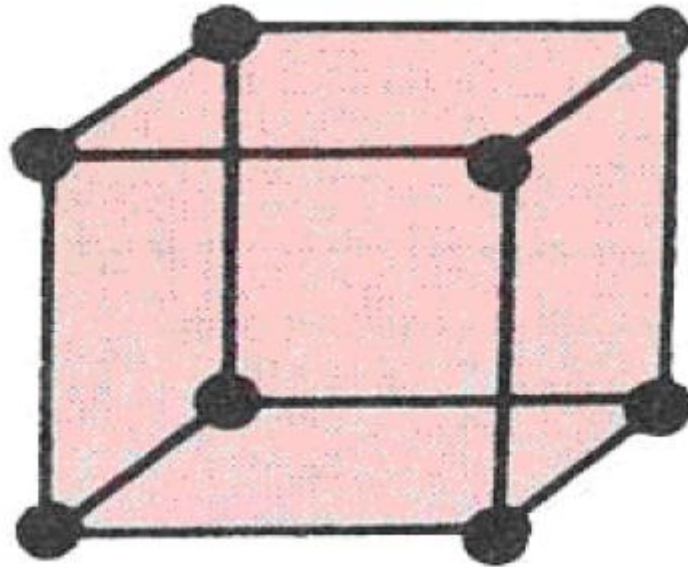
2. مكعب جسي المركز (BCC)

3. مكعب وجهي المركز (FCC)



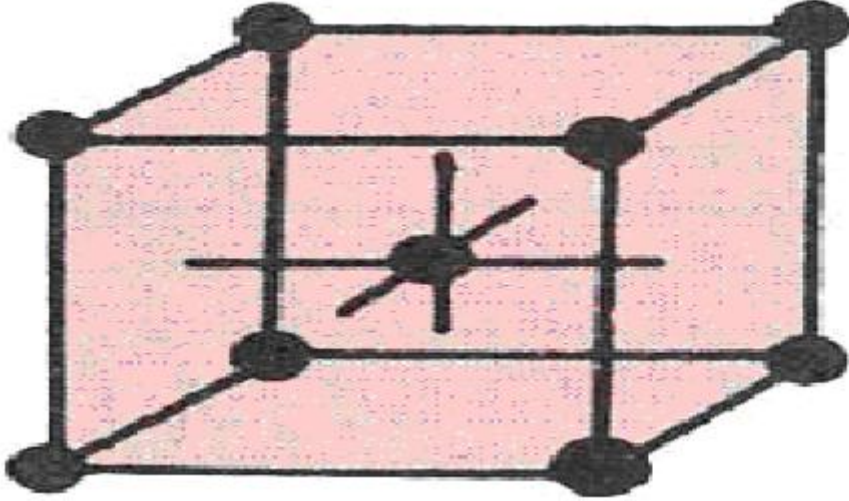
### أ - المكعب البسيط (SC)

وهو عبارة عن مكعب به ثماني ذرات موجودة في أركان المكعب (نقاط شبكة عند الزوايا فقط) وهو فارغ من الداخل من أي جسم وعندئذ فكل نقطة (جزيء , ذرة , أيون) تتشارك بها ثمانية خلايا الأمر الذي يعني أن الخلية الواحدة تمثل نقطة واحدة فقط أي تمثل نقطة من كل زاوية من الزوايا الثمانية.



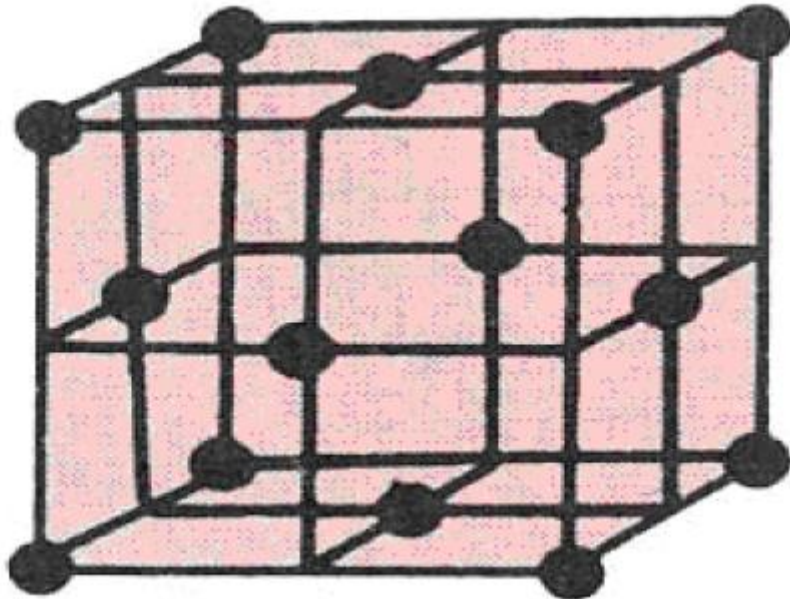
## ب - مكعب ممرکز الجسم ( BCC )

هي خلية مكعبة لها ثماني ذرات في أركان المكعبات ( نقاط الشبكة عند الأركان ) وذرة في وسط المكعب (نقطة شبكية) في مركز الخلية وهذا يعني أن الخلية الوحدة تمثل نقطتين والذرة الوسطية تلامس الذرات في الأركان المقابلة.



## ج - مكعب المركز الوجوه ( FCC )

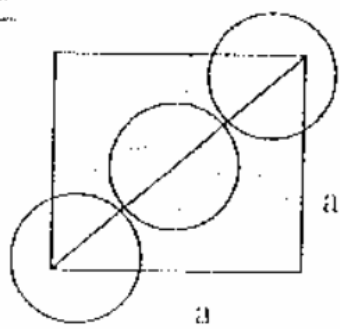
وتمثل بمكعب له ثماني ذرات موجودة في الأركان الثمانية للمكعب أيضا و ست ذرات موجودة في وسط كل وجهة من الوجوه الست للمكعب ( نقاط شبكية عند الأركان الثمانية ونقطة في مركز كل من الوجوه الستة وبما أن كل وجه يكون مشترك بين خليتين فإن هذا يعني أن نصيب الخلية من هذه النقاط الست هو ثلاث نقاط ليكون مجمل ما تمثله الخلية هو أربع نقاط





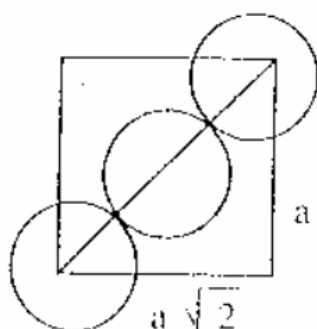
المكعب متمركز الأوجه fcc	المكعب متمركز الجسم bcc	المكعب البيسيط sc	الخاصية
$a^3$	$a^3$	$a^3$	حجم خلية الوحدة (طول الضلع (a
4	2	1	عدد نقط الشبكة لكل خلية وحدة
$4/a^3$	$2/a^3$	$1/a^3$	عدد نقط الشبكة لكل وحدة حجم
12	8	6	عدد أقرب الجيران (النقط المحيطة) ويعرف بعدد التناسق أو الجوار
$\sqrt{2}$	$\sqrt{3}/2$	a	المسافة لأقرب الجيران (النقط المحيطة)
6	6	12	عدد الجيران التالية
a	a	$\sqrt{2}$	المسافة لأقرب النقط التالية

==



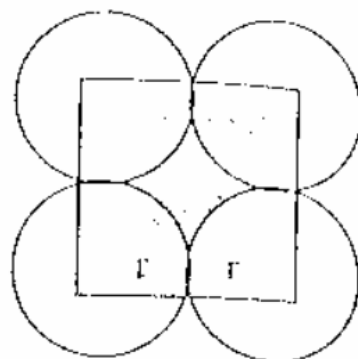
مكعب متمركز الأوجه (fcc)

$$a\sqrt{2} = 4r$$



مكعب متمركز الجسم (bcc)

$$a\sqrt{3} = 4r$$



مكعب بسيط (sc)

$$a = 2r$$

النظام البلوري	شبيكات برافيه	خصائص خلية الوحدة
ثلاثي الميل	P	$a \neq b \neq c$
Triclinic		$\alpha \neq \beta \neq \gamma \neq 90^\circ$
أحادي الميل	P,C	$a \neq b \neq c$
Monoclinic		$\alpha = \gamma = 90^\circ \neq \beta$
مستطيلي متعامد	P, C, I, F	$a \neq b \neq c$
Orthorhombic		$\alpha = \gamma = 90^\circ = \beta$
مربعي	P, I	$a = b \neq c$
Tetragonal		$\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$
مكعب	P, I, F	$a = b = c$
Cubic		$\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$
ثلاثي التماثل	P	$a = b = c$
Trigonal		$\alpha = \beta = \gamma < 120^\circ,$ $\neq 90^\circ$
سداسي	P	$a = b \neq c$
Hexagonal		$\alpha = \beta = 90^\circ, \gamma = 120^\circ$

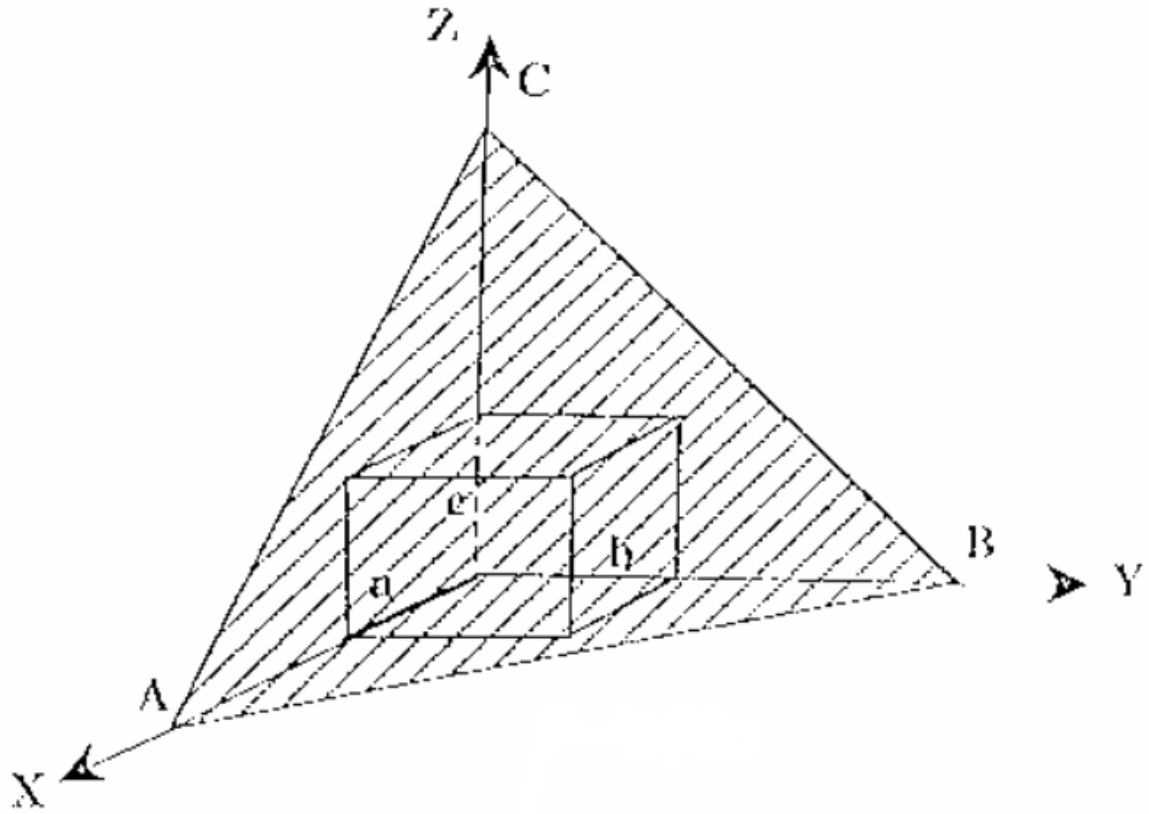
### إحداثيات ميلر: Indices Miller

اصطلح على تحديد المستويات البلورية بإحداثيات ميلر طبقاً للخطوات التالية  
**أولاً:** امسك البلورة في وضع ثابت وعين الأطوال التي يقطعها المستوى من المحاور الأساسية X, Y, Z بدلالة ثوابت الشبكة. a, b, c

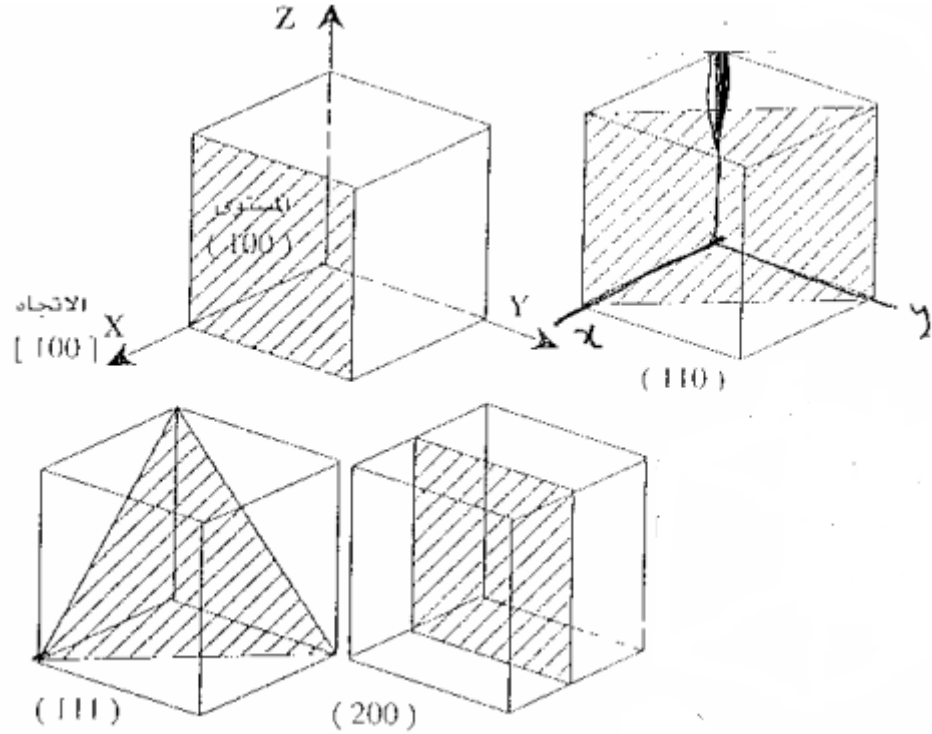
**ثانياً:** خذ مقلوب هذه الأطوال واختزلها إلى أعداد صحيحة، بشرط ألا يكون بينها أي قاسم مشترك (سوى الواحد الصحيح)، فيكون الناتج حينئذ هي إحداثيات ميلر للمستوى المطلوب وصفه أو تحديده، وتوضع هذه المعاملات بين

قوسين وتكتب على الصورة (hkl): وإذا قطع المستوى أحد المحاور في لناعية السالبة، فإن الطول المقطوع يكون سالباً وتوضع علامة (-) فوق المعامل المناظر. وإذا كان أحد الأطوال المقطوعة لانهائياً في طوله، أي أن المستوى يوازي أحد المحاور، فإن معامل ميلر المناظر يساوي صفرأ

على سبيل المثال: المستوى ABC في الشكل التالي يقطع المحاور X,Y,Z بنسب  $3a:2b:2c$  على الترتيب



نوجد مقلوبات هذه الأعداد  $1/2$  ,  $1/2$  ,  $1/3$  : ثم نختزلها حسب القاعدة إلى أعداد صحيحة فتحصل على إحداثيات ميلر (233)



من ناحية أخرى، تستخدم إحداثيات مماثلة لإحداثيات ميلر لتحديد الاتجاهات داخل البلورة، وهي أيضاً أعداد صحيحة لا يوجد بينها قاسم مشترك، وتتناسب مع المركبات الأساسية لمتجه له الاتجاه المطلوب، وتكتب بين قوسين مربعين على الصورة  $[w v u]$  فالاتجاه الموجب للمحور X هو  $[100]$ ، والاتجاه Y هو  $[010]$

مثال

يتبلور الحديد بترتيب ذري تكعيبي متمركز الجسم (bcc) احسب مقدار ثابت الشبكة (طول ضلع خلية الوحدة a) علماً بأن كثافة الحديد  $\rho = 94.7 \text{ cm}^3/\text{g}$  ووزنه الذري  $(M) = 85.55$  وعدد أفوجادرو  $N_A = 6,6210^{23}$

### معامل التعبئة

يعرف عامل التعبئة (الرص) بأنه أكبر نسبة من الحجم الذي يمكن أن تشغله الذرات الموجودة في خلية الوحدة. احسب عامل التعبئة لكل من شبكات النظام البلوري المكعب

عامل التعبئة (F) =  $\frac{\text{حجم الذرات الموجودة في خلية الوحدة}}{\text{الحجم الكلي لخلية الوحدة}}$

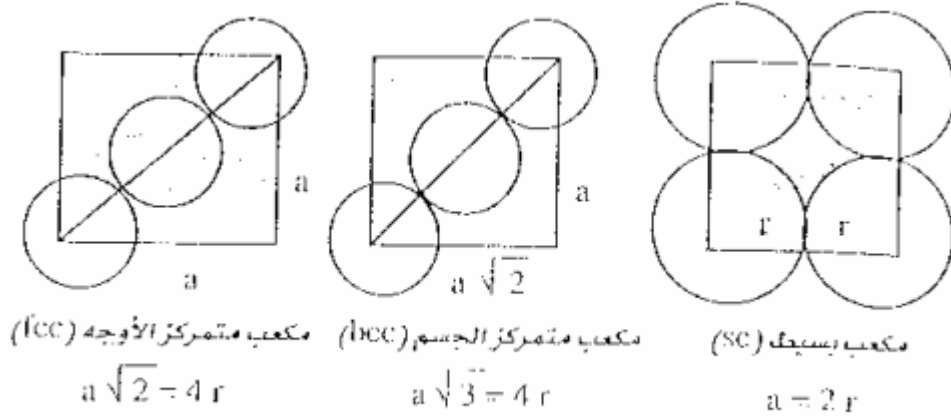
فإذا كان عدد الذرات في خلية الوحدة n، وحجم كل ذرة v ونصف قطرها r، وطول ضلع المكعب a فإن:

$$F = \frac{n \times v}{a^3}$$

$$F_{sc} = \frac{1 \times 4 \pi r^3}{3 \times 8 r^3} = \frac{\pi}{6} = 0.52$$

$$F_{bcc} = \frac{2 \times 4 \pi r^3}{3 (4r/\sqrt{3})^3} = \frac{\pi \sqrt{3}}{8} = 0.68$$

$$F_{fcc} = \frac{4 \times 4 \pi r^3}{3 (2\sqrt{2}r)^3} = \frac{\pi \sqrt{2}}{6} = 0.74$$

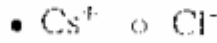
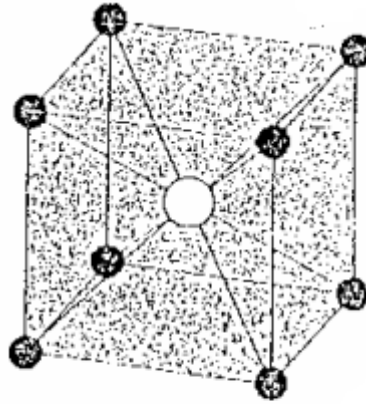


أمثلة لبعض التركيبات البلورية:

(أ) كلوريد السيزيوم CsCl

تنتمي إلى النظام البلوري المكعب متمركز الجسم (bcc)، وتشغل أيونات السيزيوم  $\text{Cs}^+$  أركان خلية الوحدة، أي النقاط 000، بينما يشغل أيون الكلور  $\text{Cl}^-$  مركز جسم المكعب  $1/2 \ 1/2 \ 1/2$  وبهذا تحوي خلية الوحدة جزيئاً واحداً من كلوريد السيزيوم CsCl يمكن اعتبار الشبكة البلورية لكلوريد السيزيوم مكونة من شبكتين فرعيتين من نوع المكعب البسيط لكل من أيونات السيزيوم

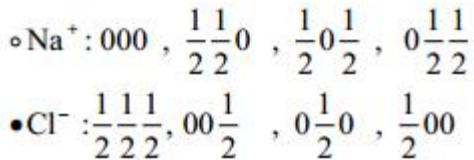
وأيونات الكلور، ثم أزيحت هاتان الشبكتان بالنسبة لبعضهما البعض على طول قطر المكعب بمقدار نصف ذلك القطر.



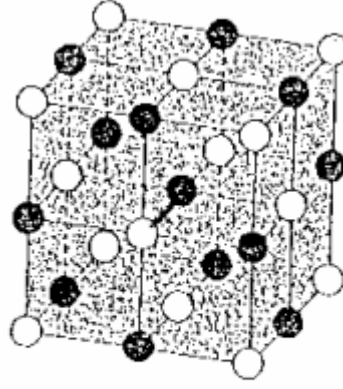
بلورة كلوريد السيزيوم

### (ب) كلوريد الصوديوم NaCl

ينتمي إلى النظام البلوري المكعب المتمركز الوجوه وتحتوي خلية الوحدة أربعة جزيئات حقيقية NaCl إحداثيات أيوناتها هي



وعدد التناسق لكل أيون يساوي ستة أيونات مخالفة. الوحدة البنائية الأساسية (القاعدة) تتكون من أيون صوديوم Na<sup>+</sup> وأيون كلور Cl<sup>-</sup> يفصلها نصف طول قطر خلية الوحدة المكعبة في الشبكية البلورية الفراغية ويمكن اعتبار التركيب البلوري لكلوريد الصوديوم مكوناً من شبكتين فرعيتين متداخلتين من نوع المكعب متمركز الوجوه، إحداهما لأيونات الصوديوم والأخرى لأيونات الكلور، ثم أزيحت هاتان الشبكتان الفرعيتان بالنسبة لبعضهما البعض بمقدار نصف طول ضلع المكعب.



بلورة كلوريد الصوديوم

### (ج) التركيب البلوري للألماس :

ينتمي إلى النظام المكعب متمركز الأوجه والوحدة البنائية الأساسية (القاعدة) المرافقة لكل نقطة شبكة تتكون من ذرتي كربون إحداثياتهما هي :  $(0,0,0)$   $1/4, 1/4, 1/4$  ويحيط بكل ذرة أربع ذرات هي أقرب جيرانها (عدد التناسق) وتحتوي وحدة الخلية ثماني ذرات حقيقية. ويعتبر التركيب الماسي فارغاً نسبياً، حيث إن عامل التعبئة يقدر بنسبة 34% فقط. ويمكن اعتبار التركيب الماسي مكوناً من شبكتين فرعيتين من نوع المكعب متمركز الأوجه، ثم تداخلت هاتان الشبكتان الفرعيتان بإزاحة مقدارها  $1/4$  طول قطر المكعب.

### السلسلة الأولى

التمرين الاول: (البنية البلورية لمعدن الألمنيوم)

يتبلور الألمنيوم وفق البنية المكعبة الممركزة الوجوه. والمطلوب:

1. ارسم الخلية العنصرية لمعدن الألمنيوم.
2. احسب  $Z$  العدد التناسقي (الجوار المباشر).
3. إذا علمت أن بعد الخلية العنصرية هو  $a = 4,04 \text{ \AA}$  احسب نصف قطر ذرة الألمنيوم  $r$ .
4. احسب الكتلة الحجمية للألمنيوم.

معطيات:  $N_A = 6.023 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$  ،  $M_{Al} = 27 \text{ g.mol}^{-1}$

### التمرين الثاني

يتبلور معدن الحديد وفق شكلين: الحديد  $\alpha$  ذو بنية مكعبة ممركرة الجسم والحديد  $\beta$  ذو بنية مكعبة ممركرة الوجوه. والمطلوب:

1. ارسم شكلا توضيحا لبنى الحديد السابقة.
2. احسب التراص وقان بين البنيتين.
3. احسب نصف قطر ذرة الحديد في كل بنية. ماذا تلاحظ؟

معطيات:  $a_\beta = 365 \text{ pm}$  ،  $a_\alpha = 291 \text{ pm}$

### التمرين الثالث:

(أ) خذ شبكة مكعبة واجب عن الاسئلة التالية:

- 1) عين الاتجاهات  $[100]$ ،  $[111]$ ،  $[120]$ ،  $[221]$ ،  $[320]$ .
- 2) عين المستويات  $(001)$ ،  $(111)$ ،  $(221)$ ،  $(120)$ ،  $(320)$ .
- ب) احسب الزاوية بين الاتجاهين  $[111]$  و  $[111]$ . والزاوية بين المستويين  $(001)$  و  $(110)$ .

### التمرين الرابع

احسب كثافة المتجه  $[110]$  للذهب إذا علمت أن ثابت الشبكة  $a = 0.408 \text{ nm}$  هذا مع العلم بأن خلية الذهب من نوع CFC.

التمرين الخامس: برهن ان معكوس "الشبكة المعكوسة" هو شبكة مباشرة.



# الفصل الثاني

## عمليات التناظر

## التمائل البلوري

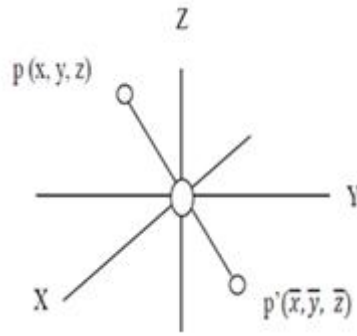
هناك عمليات تماثل أخرى يمكن تطبيقها عند نقطة معينة في الشبكة البلورية ولهذا يطلق عليها اسم "عمليات التماثل النقطية" ومن أمثله

### أ- عملية الانقلاب

وتتم حول نقطة شبكة تسمى "مركز الانقلاب" بحيث تحول المتجه  $\vec{r}$  ويرمز لهذه العملية  $\bar{r}$

### ب - عمليات الانعكاس

ويرمز لها بالحرف  $m$  وتحقق صورة مماثلة لنصفي الشبكة على جانبي مستوى تماثل يمر بنقطة من نقاطها



### ج - عمليات الدوران

حول محور تماثل يمر بإحدى نقاط الشبكة ويحقق عودة البلورة إلى وضعها الأصلي بعد دوران زاوية معينة  $\Phi = \frac{2\pi}{n}$  أو مضاعفاتها، حيث  $n$  عدد صحيح يصف محول التماثل بعدد طياته، ويأخذ قيماً محددة هي: 2, 3, 4, 6، تناظر زوايا دوران 60°, 90°, 120°, 180° على الترتيب، ولا توجد أية شبكة يمكنها أن تعود إلى وضعها الأصلي بأي عملية دوران أخرى، فلا يوجد مثلاً محور خماسي أو سباعي التماثل للشبكة البلورية، ويمكن بالطرق الرياضية البحتة إثبات أن محاور التماثل الدورانية لا يمكن إلا أن تكون أحادية أو ثنائية أو ثلاثية أو رباعية أو سداسية.

### د- عمليات دوران انقلابية

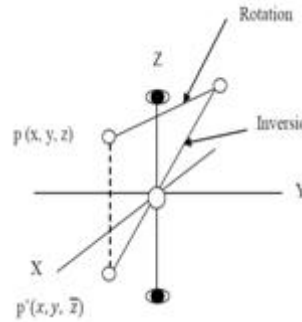
تتم بالدوران حول محول بزواوية  $\Phi = \frac{2\pi}{n}$  حيث  $(n = 1, 2, 3, 4, 6)$  ثم يتبعها انقلاب حول نقطة شبكة يمر بها المحور ويعبر عن محاور الدوران الانقلابية

بالأرقام:  $\bar{1}, \bar{2}, \bar{3}, \bar{4}, \bar{6}$  أن عملية الانعكاس  $m$  تكافئ عملية الدوران  $180^\circ$  متبوعة بعملية انقلاب  $\alpha$  عند نقطة تلاقي مستوى التماثل  $m$  بمحور التماثل  $2$  أي أن نقطة الشبكة  $P$  تكافئ النقطة  $P'$  بمستوى التماثل  $m$  وتكافئها أيضا بالدوران  $180^\circ$  حول المحور  $AA'$  لتصبح عند  $P'$  ثم بالانقلاب حول المركز  $I$  وهكذا يتضح أن لدينا عشرة عناصر فقط لتحديد التماثل البلوري هي

محاور الدوران:  $1, 2, 3, 4, 6$ .

ومحاور الدوران الانقلابية  $\bar{1}, \bar{2}, \bar{3}, \bar{4}, \bar{6}$

وتتميز كل من خلايا الوحدة في شبكات برافيه الأربع عشرة بوجود واحد أو أكثر من هذه العناصر



Symbole de l'axe	Représentation graphique d'un axe perpendiculaire au plan du dessin	Terminologie
1	.	<b>Identité</b>
2	→ ○ →	<b>Axe binaire</b>
3	→ ▲ →	<b>Axe ternaire</b>
4	→ ■ →	<b>Axe quaternaire</b>
5	→ ⬠ →	<b>Axe quinaire</b>
6	→ ⬡ →	<b>Axe sénaire</b>

قسم علوم المادة  
السنة الثانية فيزياء

جامعة محمد خيضر بسكرة  
كلية العلوم الدقيقة و علوم الطبيعة و الحياة

مقياس: علم البلورات للفيزياء

السلسلة الثانية

### التمرين الاول

استعمل الاسقاط المجسم (la projection stéréographique) ومثل عناصر التناظر التالية:

1, 2, 3, 4, 6 et  $\bar{1}, \bar{2}, \bar{3}, \bar{4}, \bar{6}$

التمرين الثاني

استعمل الاسقاط المجسم (la projection stéréographique) ومثل عناصر التناظر التالية:

- 222, 322, 422, 622, 233, 432.
- 2/m, 4/m, 6/m, mm2, 3mm, 4mm, 6mm,  $\bar{3}2m$ .
- $\bar{4}2m, \bar{6}2m, \bar{4}3m, mmm, 4/mmm, 6/mmm, m\bar{3}, m\bar{3}m$ .

### التمرين الثالث

ما هو عدد الانظمة البلورية؟

اذكر انماط شبكات برافي

سمي مختلف عناصر التناظر الموجود في الشبكة المكعبة.

### التمرين الرابع

بلورة تنتسب لكل عقدة من شبكتها ذرة واحدة، اشعة الانسحاب الاساسية هي :

$$\vec{a}_3 = \frac{3}{2}(\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}), \vec{a}_2 = 3\vec{j}, \vec{a}_1 = 3\vec{i}$$

- ماهي شبكة برافي .
- أحسب حجم الخلية الاولى.
- أحسب حجم الخلية الاساسية.

### التمرين الخامس

وحدة التركيب البلوري للكالسيوم من النوع CFC.

- عين ثابت الشبكة a.
- أحسب فاصلة الجوار الاقرب.

$$\rho = 1550 \text{Kg/m}^3$$

الاستاذ: العاقل ع الغني

## الفصل الرابع

الطرق التجريبية لانعراج الأشعة السينية

## I - إنعراج الأشعة السينية في البلورات:

من المعلوم أنه لرؤية الأشياء المحيطة بنا بالعين المجردة نحتاج إلى الضوء المرئي، وإذا ما دعت الحاجة إلى التعرف إلى كيفية ترتيب الذرات في المادة، أو الأيونات و الجزيئات في بلوراتها، فذلك يحتاج إلى ضوء ذي طول موجي قصير للغاية، عموما المادة في معظم حالاتها عبارة عن جسم متعدد البلورات مكونة من عدد كبير من البلورات الأحادية؛ وهو عبارة عن تراص منتظم من الذرات، يمكن وصف هذا التراص بمجموعة من المستويات البلورية معرفة بمسافات بينية تدعى بالمسافات بين المستويات الشبكية  $d_{hkl}$  حيث (hkl) قرائن ميلر، تقاس هذه المسافة عن طريق انعراج الأشعة السينية بواسطة قانون براغ I-1 قانون براغ:

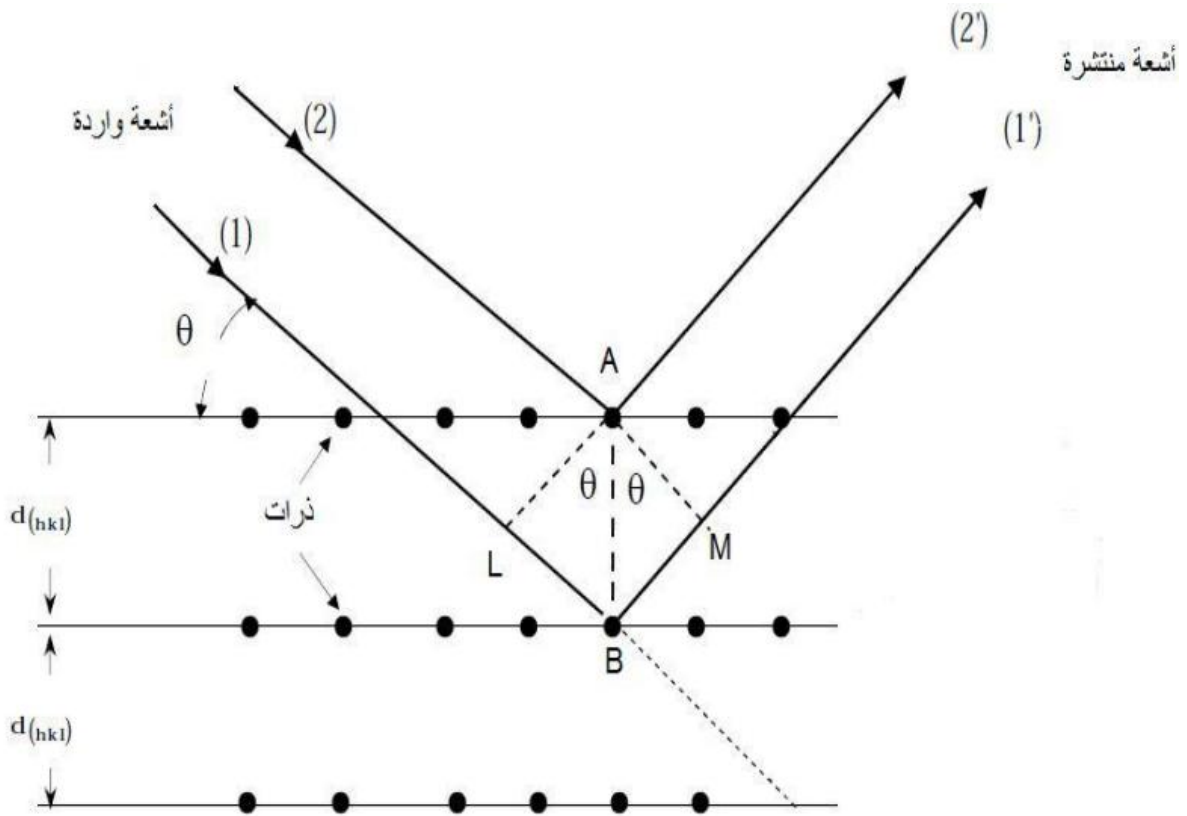
في عام 1913 م تمّكن وليام لورانس براغ من وضع الشروط الهندسية لحيود حزمة وحيدة الطول الموجي من الأشعة السينية، وقد نص القانون على أن موجات الأشعة السينية التي تسقط على سطح بلورة ما تنعكس من المستويات الذرية المتوازية انعكاسًا منتظمًا ويحدث الحيود من المستويات المتوازية فقط عندما تتداخل الحزمات المنعكسة تداخلًا بناءً (أنظر الشكل وإذا كانت المسافة الموضحة بين المستويات المتوازية هي  $d$  فإن فرق المسار بين حزمات الأشعة المنعكسة  $d \sin \theta$  من السطح الأعلى والسطح المجاور هو  $(2d \sin \theta)$  حيث أن  $\theta$  هي زاوية السقوط المحصورة بين الحزمة الساقطة والعمود المقام عند نقطة الانعكاس، ويحدث التداخل البناء للحزمات المنعكسة عندما يكون فرق المسار مساويًا لعدد صحيح من الأطوال الموجية للأشعة الساقطة لذلك يتحقق شروط الحيود إذا كان.

$$2d \sin \theta = n\lambda$$

حيث أن  $(n)$  رتبة الحيود و  $(n=1, 2, 3, \dots)$  وهذه العلاقة تمثل قانون براغ ويتضح منها أن الانعكاس من المستويات المتوازية التي تبتعد عن بعضها بمقدار  $d$  لا يتم إلا لمقادير معينة من الزاوية  $(\theta_B)$  زاوية براغ، و يشترط أن يكون الطول الموجي مساويًا أو أقل من ضعف هذه المسافة بين المستويات المتوازية أي أن  $(2d \geq \lambda)$  وإذا كانت الرتبة هي الأولى  $n = 1$  تكون قيمة زاوية براغ هي

$$\theta = \arcsin(\lambda/2d)$$

إن قانون براغ لا يعطي نفسَ يرا لحدوث الحيود بانعكاس الموجات من سطح البلورة و من الواضح أن الحيود يحدث نتيجة التغير الطوري في الشبكة الفراغية كما أن تكوين القاعدة الأساسية للبلورة من الذرات هو المسؤول عن تحديد شدة الحزمة المنعكسة من المستويات البلورية المتوازية فكلما كانت المستويات غنية بالذرات كلما كانت الشدة للحزمة المنعكسة عالية لهذا لا بد أن يكون التصادم المرن بين الفوتونات للأشعة و ذرات البلورة هو الذي يؤدي إلى استطارة و عكس الحزمة الإشعاعية ليحدث الحيود



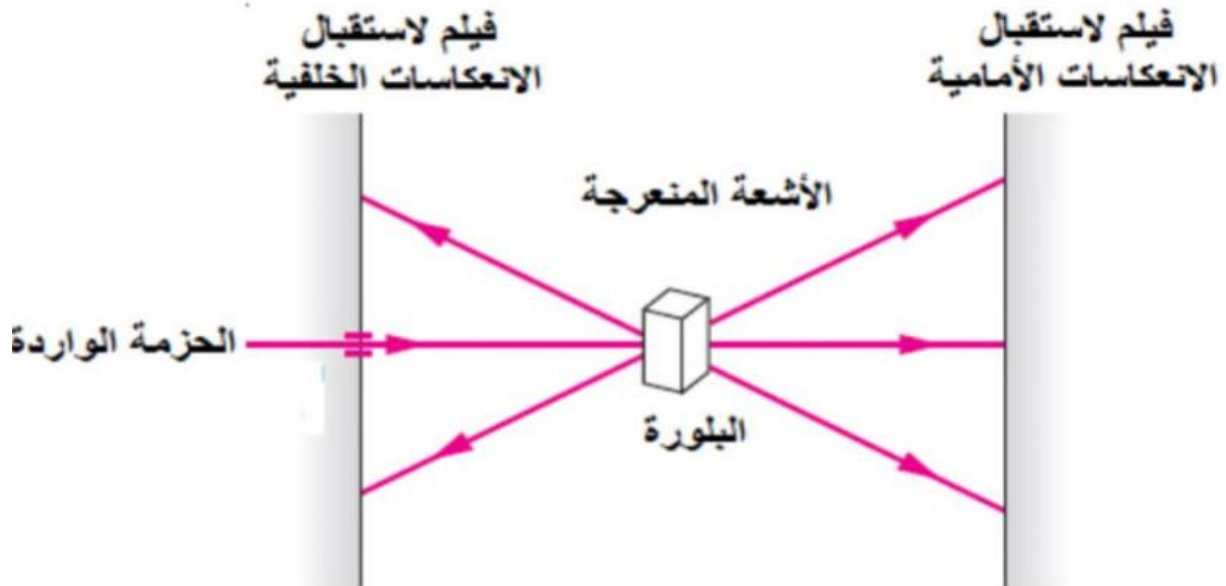
## I-2 الطرق التجريبية لانعراج الأشعة السينية في البلورة:

توجد طرق عديدة لتسجيل شكل انعراج الأشعة السينية بحيث تعتمد على الشكل الذي توجد عليه العينة، وكذلك نوع الأشعة السينية المستخدمة، ولا يحدث انعراج الأشعة السينية إلا إذا توافقت قيم  $\theta$  و  $\lambda$  وحقت شرط براغ، بمعنى أنه بصفة عامة لا تنعكس حزمة من الأشعة السينية إذا سقطت على بلورة بأي زاوية اختيارية. ومن الناحية التجريبية يجب أن يتوافر مدى متصل من قيم  $\lambda$  أو  $\theta$

## I-2-2 طريقة فون لاوي:

طريقة لاوي هي طريقة سريعة ومجدية لتحديد توجهات وتناظر البلورات والكشف عن العيوب البلورية والتشوهات التي تنشأ عند المعالجة الميكانيكية أو الحرارية للبلورات، تسقط حزمة من الأشعة السينية

البيضاء على مجموعة من الثقوب تقع على خط مستقيم فتخرج منها الأشعة على هيئة حزمة ضيقة وتعرف مجموعة الثقوب بالمجمع، حيث تسقط الأشعة السينية على بلورة أحادية أبعادها لا تزيد على 1 mm يثبت فيلمان مستويان أمام وخلف العينة بحيث تسقط الحزمة على فيلم الأمامي بينما تسقط الحزمة الحائدة للبلورة على الفيلم الخلفي، بما أن  $\lambda$  تغطي مجالا مستمرا كبيرا فإن كل مستوي انعكاسي بلوري سينتقي من حزمة الموجات الساقطة شعاعا طول موجته  $\lambda$ ، يسقط بزواوية براغ  $\theta_{hkl}$  تحقق تداخلا بناء مع الأشعة المنعكسة من المستويات البلورية ذات المسافة البينية  $d_{hkl}$  طبقا لقانون براغ، والصورة المتحصل عليها من الحيود تظهر بوضوح تناظر البلورة لطريقة لاي عيوب تجعلها غير صالحة لتعيين التركيب البلوري، مثل وجود عدد كبير من الموجات، التي يمكنها أن تحدث انعكاسات مختلفة من نفس المستوى وتناظر مراتب مختلفة من الحيود، بل من الممكن أن تتطابق بعض الانعكاسات ذات المراتب المختلفة، ولا يوجد طريقة للكشف عن ذلك، وبالتالي يكون قياس شدة الانعكاسات أمرا صعبا

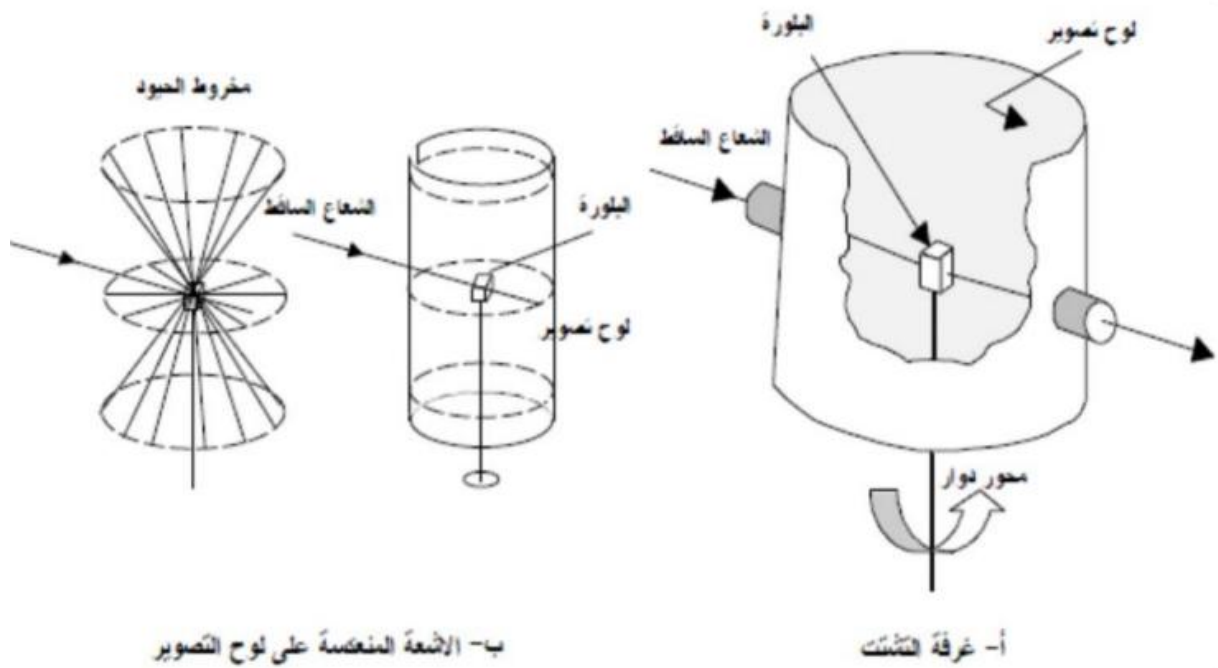


## I-2-2 طريقة البلورة الدوارة:

يوضح الشكل آلة تصوير بسيطة لبلورة تدور حول محور ثابت فيها يأخذ الفيلم الفوتوغرافي شكلا اسطوانيا، ويشترط أن ينطبق محور الاسطوانة على محور يدور، وتركيب البلورة الأحادية على هذا المحور الأخير، وأبعاد البلورات تقل عادة عن ميليمتر واحد، وتسقط حزمة ضيقة من الأشعة السينية أحادية الموجة على البلورة أثناء دورانها على محور ثابت فيها. ويحدث الحيود في مستويات لها المسافة  $d$  عندما تتحقق زاوية السقوط  $\theta$  قانون براغ؛ فمثلا الحيود الناشئ من جميع المستويات التي توازي

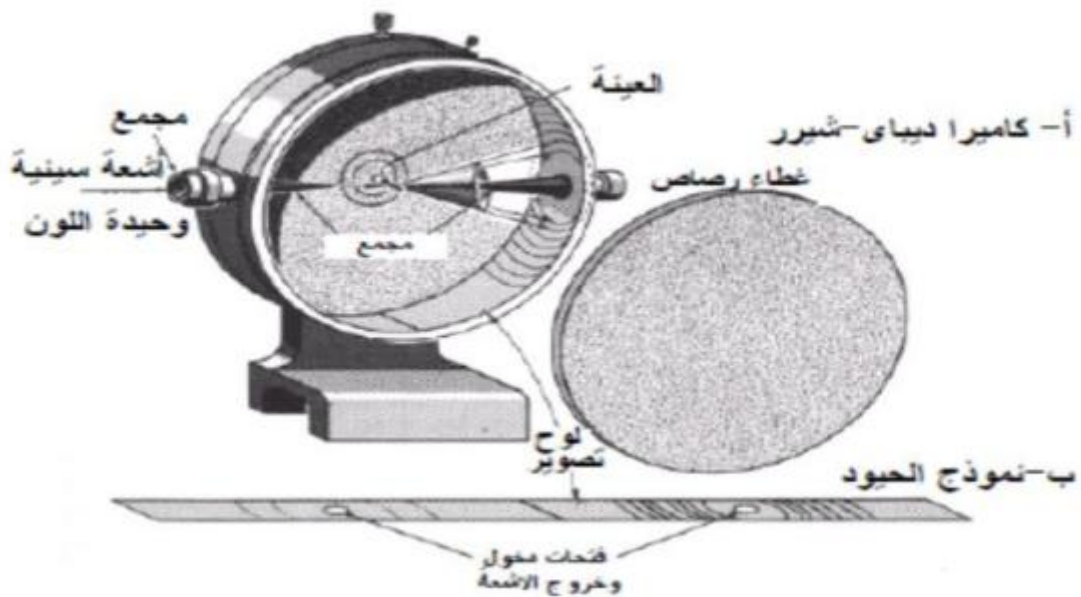


محور الدوران يقع في مستوى أفقي، ويقع الحيود الناشئ من مستويات مائلة على محور في طبقات تقع على اعلي وأسفل المستوى الأفقي



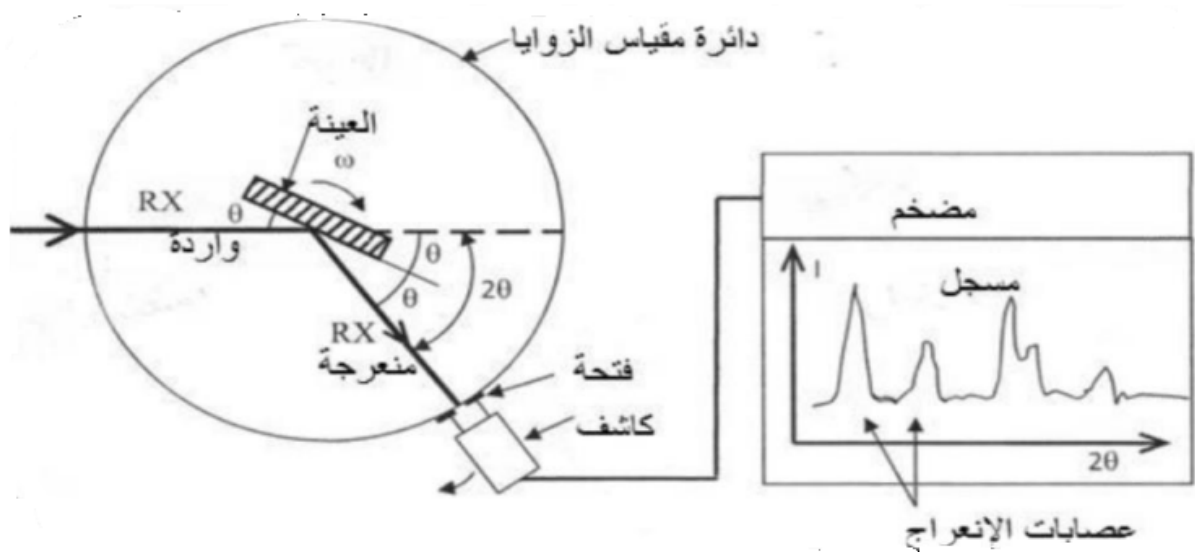
### I-3-2 طريقة المسحوق أو طريقة ديبياي-شيرر:

وهي مناسبة للدراسات التطبيقية ولا تشترط أن تكون البلورة أحادية، وفيها تسقط حزمة من الأشعة السينية أحادية الطول الموجي على مسحوق مادة متبلورة. ويكون توزيع اتجاهات حبيبات المسحوق في مدى مستمر تقريباً حيث إن كلا منها تعتبر بلورة صغيرة، ويتحقق قانون براغ بالنسبة لعدد منها



## I-2-4 طريقة المسحوق باستعمال العداد

صمّم هذا الجهاز ليعمل وفق طريقة ديبياي وشرر باستثناء العداد المتحرك الذي يحل محل شريحة الفيلم، حيث يتألف الجهاز من أنبوبة توليد الأشعة السينية أحادية الطول الموجي، كذلك حامل العينة الذي يكون على شكل شريحة مستوية يمكنها أن تدور، بالإضافة إلى كاشف الأشعة السينية، ومقياس مدرج لتحديد الزوايا كما هو موضع في الشكل فعند خروج الأشعة من المصدر تسقط على العينة ثم تنعكس لتتكون أشعة منعرجة تلتقي في بؤرة عند فتحة خاصة لتجميع الأشعة فيقوم الكاشفة الذي يكون وضعه الزاوي  $2\theta$  بالتقاطها، بحيث يكون دوران العداد مصحوبا آليا بدوران العينة بزواوية  $\theta$  وهذا يضمن أن تكون زاويتا السقوط على العينة المستوية و الانعكاس منها متساويتين دائما، وهو النظام الضروري لاحتفاظ بشرط التركيز، وذلك حتى يتسنى قياس شدة الانعكاسات الضعيفة:

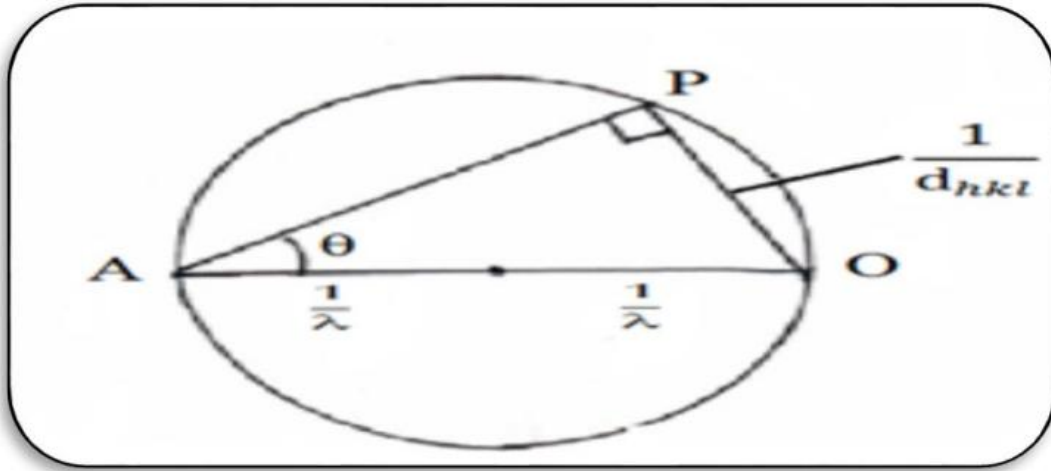


وتعتبر هذه الآلية دقيقة في المعلومات حيث يتم التسجيل فيها باستعمال عداد يعمل بصفة آلية، فعندما يوصل هذا الأخير بجهاز راسم يقوم برسم مخطط أي شدة كمية الإشعاع  $I$  بدلالة  $2\theta$ ، إذ أن هذه التقنية تسمح بتأشير خطوط الانعراج حيث يرفق بكل خط قيمتين محسوبتين  $I$ ،  $d_{hkl}$  أو  $\theta_{hkl}$  ومنه يمكن الحصول على قائمة التناثيات،  $(I, d_{hkl})$  أو  $(\theta_{hkl}, I)$  انطلاقا من المخطط، هذه القائمة تكون مميزة لكل عنصر أو مركب، هذه القوائم تم إعدادها مسبقا وضعت على شكل كتب في نظام بطاقات تعرف بـ (A.S.T.M.) ويمكن من خلالها تعيين وسائط الخلية البلورية، الطور وبالتالي تحديد ماهية المادة

### I - 3 كرة ايوالد و الفضاء المعكوس:

استطاع العالم ايوالد ربط فكرة الشبكة المعكوسة مع فكرة كرة الانعكاس التي أطلق عليها بكرة ايوالد لتفسير النتائج التجريبية لحيود الأشعة السينية ومعرفة المستوى الذي يعكس الأشعة بمعرفة اتجاه وقيمة  $\lambda$  والآن نرى كيف أن لمعادلة براغ أهمية هندسية في الشبكة العكسية. يمكن كتابة معادلة براغ بالصيغة الآتية

$$\sin\theta_B = \frac{\lambda}{2} / d_{hkl} = \frac{\left(\frac{1}{d_{hkl}}\right)}{\frac{2}{\lambda}}$$



### I - 4 تحليل طيف الانعراج في البلورات:

إن تحليل الطيف الناتج عن انعراج الأشعة السينية في البلورات يقدم لنا مجموعة كبيرة من المعلومات حول المادة المدروسة، من أهم هذه المعلومات المحصل عليها للمادة المجهولة، نجد مايلي  
**I - 4 - 1 البنية البلورية:**

طيف الانعراج هو دالة لتغير شدة انعراج الأشعة السينية بدلالة الزاوية  $\theta$  عبر تركيب بلوري معين من خلال دراسة وتحليل هذا الطيف يمكن الحصول على عدة خصائص متعلقة بالبلورة من أهمها:

بنية الشبكة البلورية: تكمن في التعرف على ثوابت الشبكة  $a, b, c, \alpha, \beta, \gamma$  للخلية الأساسية للبلورة ومعرفة معاملات ملير للمستويات الانعراج  $(hkl)$  هذه المعلومات يمكن الحصول عليها أو معرفة تحديد قيم  $2\theta$  لزوايا الانعراج  $(hkl)$  المسببة لهذه القيم

**تموضع الذرات في الخلية الأساسية:** يمكن معرفة تموضع الذرات من خلال دراسة الكثافة الالكترونية وخاصة عند البلورات ذات المركبات المتعددة الذرات هذه الكثافة تترجم من خلال شكل القمة وشدة الأشعة المنعرجة ومن خلال ذلك دمج النتائج (تحديد الشبكة + تحديد تموضع الذرات (القاعدة)) يمكننا معرفة البنية البلورية. إضافة إلى معرفة البنية البلورية يمكن تحديد خواص أخرى للبلورات من خلال انعراج الأشعة السينية مثل حجم حبيبات في العينة

# الفصل الخامس الروابط الكيميائية

### السلسلة الثالثة

#### التمرين الاول

احسب ثابت الشبكة لبلورة مكعبة سقطت عليها أشعة سينية ذات طول موجي  $\lambda = 1.54 \text{ \AA}$  انجستروم بزواوية  $11,1^\circ$  فحققت انعكاسات براج ذات الرتبة الأولى من المستويات (110).

#### التمرين الثاني

في تجربة ديبيي شرر كان طول موجة المستخدم  $\lambda = 1.54 \text{ \AA}$  والمسحوق البلوري من النوع bcc ثابت الشبكة  $a = 1,5 \text{ \AA}$ .

ماهي قرائن الانعكاس (hkl) الملائمة إلي أعظم زاوية براغية  $\theta_{\max}$ .

التمرين الثالث: أجب عن الاسلة التالية:

- 1) عرف ما يلي: الكهروسالينية، الألفة الإلكترونية، طاقة التأين.
- 2) أذكر انواع الروابط داخل الجزيئات وعرّفها.
- 3) أعط تعريف مختصر عن المجموعة  $I_A$  والمجموعة  $II_A$  واذكر ثلاث عناصر من كل مجموعة.
- 4) أذكر الحالات التي لا تتحقق فيها قاعدة الثمانية دون شرحها.
- 5) ارسم مخطط المقارنة بين الروابط التساهمية والشاردية بدلالة الفرق في الكهروسالينية.

#### التمرين الرابع

أبحث عن موقع عنصري الكلور والصوديوم في الجدول الدوري للعناصر، حدد العدد الشحني  $Z$ .  
مثل الذرتين حسب نموذج بوهر.

اشرح كيف تنشأ بين الذرتين رابطة ذات طابع كهربائي.

#### التمرين الخامس

1. نعتبر جزيء الهيدروجين  $H_2$  وجزيء كلور الهيدروجين  $HCl$ .  
- مثل الجزيئات المذكورة سابقا بإبراز الإلكترونات التي تتحد حسب القاعدة الثنائية أو الثمانية (تشبع المدار الخارجي).
2. مثل كل من جزيئات الميثان  $CH_4$  والايثلين  $C_2H_4$  والأسيتيلين  $C_2H_2$  وذلك بتوضيح نوع الرابطة كربون-كربون (بسيطة او مضاعفة).