## Remarque : Cette partie de cours a été détaillée dans les séances de cours

#### II.16. Transfert d'impédance

On considère un transformateur monophasé parfait de rapport de transformation m, qui alimente une impédance Z. L'objectif est de transférer l'impédance Z du coté secondaire au coté primaire.

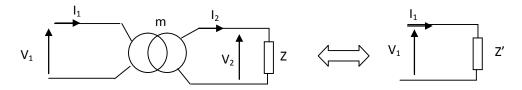


Fig 2.9 Transfert d'impédance

$$V_2 = Z * I_2$$

Or 
$$V_2 = m * V_1$$
 et  $I_2 = \frac{I_1}{m}$ 

$$m * V_1 = Z * \frac{I_1}{m}$$

$$V_1 = I_1 * \frac{Z}{m^2}$$

On pose 
$$Z' = \frac{Z}{m^2}$$
 donc on obtient

$$V_1 = I_1 * Z$$

Finalement, tout se passe, comme si le réseau primaire (la source) alimentait directement l'impédance Z', ayant des caractéristiques mieux adaptées à la source. En conclusion, le fonctionnement n'est pas modifié si on respecte les règles suivantes :

**Règle 1** : on peut transférer(ou ramener) une impédance, située initialement au secondaire, vers le primaire. En la divisant par m<sup>2</sup>.

**Règle 2** : on peut transférer (ou ramener) une impédance, située initialement au primaire, vers le secondaire. En la multipliant par m<sup>2</sup>.

### 17.1-Schéma équivalent d'un transformateur

Si on note respectivement par:

-  $r_1(\Omega)$  :résistance de l'enroulement primaire

-  $r_2(\Omega)$ : résistance de l'enroulement secondaire

 $X_I(\Omega)$ : réactance de l'enroulement primaire

- $X_2(\Omega)$ : réactance de l'enroulement secondaire
- $R_f(\Omega)$ : résistance de circuit magnétique
- $X_m(\Omega)$ : réactance de circuit magnétique

Le schéma équivalent du transformateur réel est représenté dans la figure 2.10

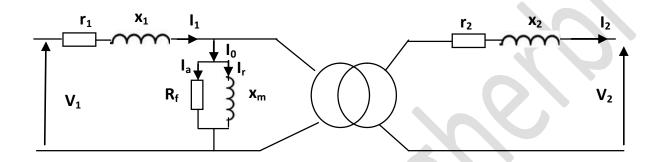


Fig 2.10.Le schéma équivalent du transformateur réel

# 17.2-Transformateur monophasé dans l'approximation de Kapp

L'hypothèse ou approximation de Kapp est applicable lorsque le courant I<sub>1</sub> est suffisamment grand par rapport à I<sub>0</sub> (fonctionnement en charge) ce qui conduit à négliger le courant I<sub>10</sub> devant le courant I<sub>1</sub> par conséquent le schéma équivalent va se simplifier en débranchant l'impédance magnétisante (R<sub>f</sub>// X<sub>m</sub>) (fig 2.11), le schéma équivalent devient :

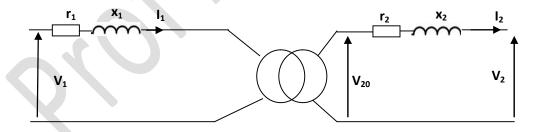


Fig. 2.11.Le schéma équivalent du transformateur (Kapp)

## 17.3. Schéma équivalent ramené au secondaire

On peut faire passer l'impédance  $Z_1 = r_1 + j \ x_1$  du primaire au secondaire, il suffît de la multiplier par  $m^2$ . On obtient le schéma suivant :

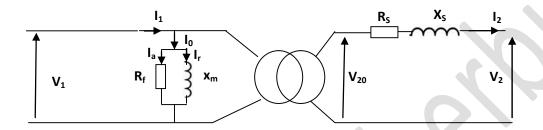


Fig 2.12 Schéma équivalent d'un transformateur ramené au secondaire

Avec:

 $R_s = r_2 + m^2 r_1$ : la résistance du transformateur ramenée au secondaire

 $X_s = x_2 + m^2 x_1$ : La réactance de fuites magnétiques ramenée au secondaire La loi des mailles appliquée au secondaire donne : $V_2 = V_{20} - (R_s + jX_s) I_2$ 

#### 18-Détermination des éléments du schéma équivalent :

On effectue deux essais:

**18.1.Essai à vide :** Cet essai consiste à alimenter l'enroulement primaire par sa tension nominale et on mesure la tension à vide au secondaire, le courant et la puissance à vide absorbées par le primaire.

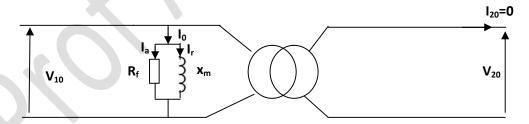


Fig 2.13. Le schéma équivalent du transformateur dans l'essai à vide

Selon le schéma équivalent du transformateur dans l'essai à vide :

Le courant actif peut être déterminé  $I_a=rac{v_{10}}{R_f}$ 

Le courant réactif peut être déterminé  $I_{ra}=rac{v_{10}}{x_m}$ 

Dans ce cas, on peut déterminer pratiquement :

- Le rapport de transformation m :  $m = \frac{v_{20}}{v_{10}} = \frac{v_{20}}{v_{1n}}$
- La résistance de circuit magnétique Rf :  $R_f = \frac{V_{10}^2}{P_{10}}$
- La réactance magnétisante Xm:  $X_m = \frac{{v_{10}}^2}{Q_{10}}$

#### 18.2. Essai en court-circuit

On applique au primaire une tension réduite  $V_{1cc} \ll V_{1n}$  (tension nominale), on augmente progressivement  $V_{1cc}$  depuis 0 jusqu'à avoir  $I_{2cc} = I_{2n}$ 

Le schéma équivalent ramené au secondaire (en court-circuit) est le suivant :

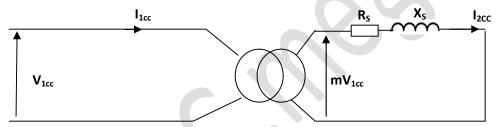


Fig 2.14. Le schéma équivalent du transformateur dans l'essai en court circuit

Les pertes fer lors de l'essai en court-circuit sont négligeables et par conséquent :

$$P_{1cc} = R_s. I_{2cc}^2$$
 ainsi on peut déduire :  $R_s = \frac{P_{1cc}}{I_{2cc}^2}$ 

L'impédance 
$$Z_s$$
 peut être déterminée :  $Z_s = \frac{m*V_{1cc}}{I_{2cc}}$ 

On peut déduire La réactance Xs : 
$$X_s = \sqrt{Z_s^2 - R_s^2}$$

## 19. Chute de tension

La chute de tension  $\Delta V_2$  est la différence algébrique entre valeurs efficaces de la tension à vide et la tension en charge :

$$\Delta V_2 = V_{20} - V_2$$

Pour déterminer la chute de tension (voir les détailles à la séance du cours) on peut se servir de la relation approche suivante :

$$\Delta V_2 = V_{20} - V_2 \approx (R_s I_2 \cos \varphi_2 + X_s I_2 \sin \varphi_2)$$